



Digitized by Arya Samaj Foundation Chennai and eGangotri

672



CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar



W. H. Breitsen by Anya Sarraj Foundation Chennai and eGangotri

A Frencise on A.S. Romsny Hydrome chanies Part I Hydroslabis らなってかん আুক্যুত সন্মাত্ত্ব ধাঁবর্জ. हाक मार्चाकार है। दश्चा के विकास के वित وللبو- المريح - بسيد طي ايس-سي-دي الف-أر-ايس اے۔اس در کرے ایم ۔اے مخرند برالدین ایم-اے (عمانیہ) مركن دارالترجمه جامعة غنمانية سركارعالي معالم مسلم ما الما

Digitized by Arya Samaj Foundation Chennai and eGangotri CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

11121	6 / 6			
المياط	A September 1	La		
راسيخيا-	للطول كأتصجح	مسيم في ال	روسه موالحاليم	الأحما

50	bli	Jen	and and	25.0	bli	hu	مع
- b	<u>ا-ر</u>	٦١	14	بإنى	بال جزي	ten	1
م الم	(+ + 1	٨	A	5.7	جذى	امر!	7
سنسا	ت	31	4	ادر پاره	اورماره	71	4
قوول	ت ت	۲۱	*	زیہ	111	ri	"
فادح	عابع.	ч	PP.	(Sign	الموتليل)	19	4
جزى	جزی	١٣	70	اق اب	- 30	17	
37.	7.	14	N	س ث	س ك	pi	Ŋ
ج دباؤي ي م <u>م</u> و ا	دباو کے لئے دباؤ	A	pu.	2 ناھ	三多	10	4
3-67	100 0	14	"	2	بيائش	P	A
+ '	-	9	44	0.6.	بيائش	10	H
استوار	ج <u>هی</u> ۲ <u>وی</u> استوار	۲.	"	پیالیشس جزو	پیالٹس جز	-11	9
حميت سيال	کیت سال ت	6	الماسع	چرو	7.	19	4
اسيال	سال	11	N	افشارے	انتارے	N	1.
سنند	ت	۲.	N	381	الكاني	¥	· II
اين	U.	٢	P= 4	المراح ا	إسراغ	H	"
دفت بیں پیالہ	برا لی مر د م د	N	*	8 %.	3	114	"
٠ قد	خ	p'o	46	83.	1	rr	"
له يو قم	لمعظ	77	4	متجانسس	منجائلس	k	۳۱
و فرق	4 3	4	PAR	\$ (> in+>)	(د + معنده د)	IA	#
中で	الم الم الم الس	1.	5	35	ريكا في	4	18
							1

1

	partial list victory of the										
	25.0		ble'	bu	, is		€.0		bli	ط	ساغي س
	المفردول	ول ا	ماصل ر	H	44		وزن		وزن	4	7
•	وشارستها		مثون	9	60		30		ناد	0	HA
	وزل		وزل	۳.	1		کرور		کمزوز	10	4
	بر بر		1.	71	64		<		4	14	1
	1		1		69	K	يربي كالمياط	(2)	-	19	11
	Page Train	(6	(نشکل پر				Ī,			1	01
	7)-		214	,	A.		5		7	4	01
	÷ 63		~ M	۲	1		6-30 p		1 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	1	20
	رو زائدولي	فرول	دولال زا	13	N				سنب نمايس ببلا		
	>		<	A	Al		ī		ī	A	Op
	>		الا	9	N		الره كالي	,	دائره ایک	10	11
-	>		<	10	*		4.50		مجمطه	1	06
	الما فسند	6	الزيا فنط	14	11		ri-		رعا	a	4
-	آواز ل	6	ا تواز له	Par.	1 MM		الخابي		العين	150	4
	فالون	6	ا قانوا	9	AO		وباؤ		دادُ	1	DA
1	آد ب	Ţ	ارد	10	4		2		2	4	"
Ì	5%		500	11	PA		1		,		09
	الموجعيات	-	إوحب	٣	16			10	(دوسری شکل		
	6.60	á	à	100	*		يستالمه		مشابه	6	4.
1	(برزار بخالواط	(=+0)	- 4 -	16	"		اسطوائه		استواله	14	44
-	7		4-10	14	"	4	سيال		اسيال	19	40
-	1	(8=		أنيكل	4		سيل		مسال	7.	44
	ق و ق	ن	ان	4	AA		>		2	P.	ماع
),	"	ا	~	19		-		-	y.	
L											



100

professionary pro-	PROCESSION OF STREET	THE REAL PROPERTY.	1	WANTED AND THE WANTED		-	
3.	فلط	يعطر	300	250	bli	Jan .	300
, s (5	. ,	Ila	11-9	Uni.	W.	6	19
15	É	11	161	Tr	ار ار ار	4	g.
ادر	9 8 191	18	n	7	3r	18	4
تراشول	ترشوں	۲۶	1 19/20	351	उ ४।	118	,
و	9	9	- IND	7.	E	4	٩١
per je	p is x 9	14	11	be 's cd	مخروطي	16	914
5	15	P	1PA	يتراؤ	تراد ا	y.	90
فأذ	ناذ	· Fm	101	مي الموادة المي الموادة المي الموادة المي الموادة الم	ترادُ ن ق	ø.	101
Pariti	10 10	10	14:	الماليك ال	قالميت	1	104
(3) 18°	(318)	44	141	Ja kas	je.	Ą	N
	ن	4	INA	-3	بخ (ادیما) ک	فتكل	1.6
تغير تغين ر <u>کھن</u> سے	ئ	الر	149	المان	مناسب	d	1.4
لتحين	تعين	P	160	9	2	1 60	N
رفان	تون رهک	0	161	1		14	11.
* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	ت	16	11	1 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	منا الله	16	17.
THE M	وه ويمان	JI	144	هُ	ه <u>د</u> <u>ت</u>	1	144
7	E	1	JAS	3	ध	M	"
م ت ،	م ن	١٩	u	751	すでが	۳	179
(زايد م كالرابع)	10	14	IAF	ادر وار نف مر	الهرواد	14	1900.
6	26	11	INP		ن م (دومرا)	4	اسرا
الميلية المالية	15 mm	p	46	Ub	Ь	ħ	180
2	2	19	IAA	ع ت	36	, yı	+
7	2	A	14.	2	2	4	1425
1-18	5-16	li		Ū	ij	PI	INA

-	
-8	200
	4
м	
ю	

					france was given			
	200	bli b	سطر	jane .	250	b.li	سطر	معفي
	لاً مباً فه	الاسباف	7"	707	الما الما	ن کا	19	14.
	251	الم ت	6)	700	11-	100	11	191
	فرسی فرسی	زس فرس	M	PA.	1 3/	33	IA	199
	ويفر	صفر	10	*		1 7	IA	194
	فرس	. فرسما	4	*	7	2	٥	Y.6
	Con from	200	7	444	رکیگا	RA	١٣	4
	₩	*	P	769	المستقبل الم	مستلافد	10	AIA
	hage it	ŝ	18	PAR	د×ن ق	(V)	1	سالم
	Darboux	Darbou	4	PAY	قولوں	توقول	1 1	1
- Contraction	Britannica	Britanica	4	PAA	معت في	جمف	16	A
- Charles	Britannica	Britanica	po	YAY	فاحا	ت ن	A	114
- Contraction	Uber die	uber der	4	u	(.(10	~
	72	35.	1	199	ف	ب	,	416
-	(天がられた)	ا (ديان)	4	ba o ba	م م م ا ـ	מ קיים	14	441
-	((4+1))	(q+"V)	14	p. 9	يركم	7	شكل	777
-	يقل	[نقل	17	MID	1 V.	یں سے	m	PPO
	من أس كرت ب	اس حرکت صرف	1	hald	جناى	حني ا	۲٠	776
-	اسال	اسال	6	11	جف ا	ا منتا	1	AYA
-	ميخن	منحن ا	16	MIA	के × देखे	2×43	A	779
-	3	3	6	hahh	16	4	9	144
-	1	12.5		***************************************	المحتا	ا شعبت ا	W	down
-	ك فراويها وراي	رہوا سواکے بعد حمد	معقورة المرام	الوات:	.6	94	ò	PP.
-	ه ادر	که بنادی دهبه عرجه ورث لی ساک	ر معد الم	in the same	15	L8	1	70.
-				0.25	تناف	روهل	14	PA1
Sell vane	The service of the second	The state of the s			-			



-10-6-6	
	والمستعالي
	ماسکونیات
,	بادل
صفحه	وفعات اس اس اس اس اس المشارة المشارة المان
	ا - م الغرلفات - د باز كاساوى مونا - د باؤ كانتقال - كثافت كاناب استله
	باب دوم
IM	الم ۲۰-۱۵ اور ن کی مشیط
19	۲۱ - ۲۷ مسادی دباوگی طحین
44	۲۷ غیرشخانش مارئع
yu.	۲۹-۲۸ مثالین ۱۳۲-۲۳ محموضنے والاسیال
۲۳	البه-١١٦ كهوين والاسيال

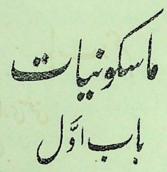
pro	د نعات امثله
	La series de la se
4	۳۷-۱۳ مال دباؤر دباؤک درباری میمال دباری میمال دباری میمال دباری میمال دباری میمال دباری میمال درباری درباری میمال درباری دربار
44	اشكم
	باجهارم
66	مهر - ه ه ترف والحرب كا توازن - اجمال كي سطح - توازن كي كا ١ ه - ١١ و فاص صورتو ل بي اجمال كي سطحين
1 14	١٥-٧١ فاص صورتول مين الجمال كي تطويل
94	منائد . منائد
1-1	ه ۱ مره والان کی فائمیت - پس مرز
11.	الم م دُون كامستار
111	ه کیلرف کامنا
117	الا المراسات
ll for	۱۵ ویچ کااتر جازیر ۱۵-۹۵ ایبال کی سطح پالنموم
114	۸۵-۵۱ ایبال کی شطح والنموم ۸۰ تیراد کی سطح- لیکارٹ کامسئلہ
116	الم شالين
171	٨١ - ٩٨ محدود مرشاؤ- تايدكي صورتين
141	٩٢-٩٠ غيرمتجانس ائع

pole

, saw	ونعامي
باسا	۹۲- ۱۰۵ نوانی کے اصول کا اطلاق
18.	ارخل
100	
100	
	المرا المرام الم
146	١٠٨-١٠٩ يترف والحاجمام كالمتزازات
15 pm	political in the second of the
	and and a
	Control of the second of the s
141	١٠٠١-١١١ طبيرا ك المراس على
144	۱۱۱-۱۱۱ کلیدبائل - نیش مطلق ۱۱۱-۱۲۱ کیسول کا آمیزه - مشعبنم - حرارت نوعی ۱۲۱-۱۲۷ کره جوائی - ارتفاعول کا معلوم کنا ۱۲۵-۱۲۷ امثا
14.	١٢١-١٢٩ كره برواتي - ارتفاعول كالمعلوم ل
4.4	أختلم
	30 30 /4
FII	١٣٠٠-١٣٠ لما يُحُرِ مطول كاتنادُ
אוץ	عليه الماعوا لوميه اور لدشي
777	٨٧١- ١٥٥ شادُ اور وبادُ
441	امثار
	Si hammed L
444	١٥٩-١٥٩ استوارياليكيداريتيار
the language of the language	

منفي	دفعات
FOF	١٤١٠ تؤسير
raa	امظله
	C 1
ras	ام ۱۹۹-۱۹۹ سطی نناو یه رشعاری شختی
446	۱۵۱-۱۵۱ متوازی شختیاں
764	الا المرام المنع بي تطري
ra.	ا ۱۷۵ يتر نے والي سوئي
PAI	الماء ١٨٥ المن كي جليال
ham	امثله
	المادوم
	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
	ا۸۱- ۱۹۳ محو من والے الع كى حميت كا اضافى توازن ،
٣٠۵	زمین کی شکل را طلاق
MIC	الم ١٩-٠٠٠ جيكوبي كاستكر
m40	ا٠٠١ 'الخصى اسطوانه
mha	۲۰۲ پوانکارے کابتکا
pr.c	سو۲۰ نوازن کی اور شکلیں
January Co.	المثلم المثالم
ma	متغرق مثالين
-	+000 ·

644



۲ _ سیال کال ایسے ذرات کا مجموعہ ہوائے جو خفیف ترین قوت کے زیرعمل فوراً ایک دوسرے سے حدامہ جائے ہیں۔ اس طرح اگر ایک لا انتہا بتلاستوی اس تمرکے سیال کوکسی سمت میں تقبیم رہے تو اس عمل تقسیم میں کوئی مزاحمت دقوع پزرنوگی

درمستوی برسال کا دباز صرت عو دی سمت میں عمل کر بگا- یعنی سال کا تل می لزوجیت معدوم فرض کی جاتی ہے اوررکو کی تسمے سے کوئی قوت عمل بہنس کرتی۔ اس طرح توبیت ستذکرہ بالاسے لیال کی منیادی خاصیت حسب ذیل قرار باتی ہے سال کال کا و بازیمیشه اُس سطح پر عمو و دارعم ای کرناسی جس محساقه اس کاتماس ہو۔ ستوار مرامفه م قدرت کے ایسے احسام سے عاصل ہونا ہے جانی فنكل من ذراسي تبدئي بهبت برسي أوت الحياس سے بياموق اے اس طرح سال كال كامفهم اليسي چيزوں كے شاہرہ ست عال مونائے جن ميں يہ خاصيب موكم ان سكے اجزا بجداتساني سے جدائيوسكير إور ويكھنے ميں عمل تقسير درجدانتهاني كب موسكے-تمام سال خواه اُن کا در حبرلز وجت کچھے ہی ہوازیل کی تقریف میں آجائے ہیں۔ سال ایسے ذرات کا جموعہ ہے جرحفیف زین قرمت کے افر کو قبول ک جوان كے مداكرے ميں كافي وصف ك كافي حالے۔ یس نیتجہ تخلتا ہے کہ ساکن ازج سال میں ماسی تعامل یا جذی تناؤ نہیں اس کئے سال کامل کی طرح کسی ساکن سال کا دبائی ہیشہ اس مطح پرعمود وادعمل کرٹا ہے جوسیال کومس کرتی ہے۔ اس طرح تمام سالوں کے لئے بالحاظ لزوجت علم سکون سیالات کے تمام سائل درست اس-علم حکت سیلات (ما حرکمایت) میں سیال کی لزدجت کے شال کرنے سے حرکت کی مساوا تیں کبن حذبک برل جاتی ہیں۔ ۳ سیالات کی دوسیں ہیں۔ ما تعات اور کیسیں۔ اول الذکرانسی اسٹیار ہیں۔ <u>جیسہ</u> ما نی اور مارہ جو قابل قدر د ب نہیں سکتیں جب بک کربہت بڑے داکے ارتجاز نہوں ہو جوائها نی سے دب سکتی ہی ادر آزا دانہ طور بیول سکتی ہیں۔ اسلئے بعض وقات ہم نشمرا ول کے سیالات کوئے بحک اور نسے و مرکہ لحکہ ارکبینگر م - سالات برجا زبرار من كا الزاسي طرح به دًا رب جس طرح ديرالحبام بر- ما تعات كي

(v)

صورت میں اونی ظاہرے اور بیکہ ہوا بھی وزن رکھتی ہے ایک بند برنن کوحتی الامکان ہوا سے

اسكونيات

سيداري اس

فالی کرکے وزن کرنے سے معلوم ہوسکتا ہے نیز جوار بھا الحسکے وقوع سے برمعلوم ہوتا ہے کہ سالات برسورج ۱ ور عالمہ کی شفیر اسی طرح عمل کرتی ہیں جس طرح که زمین کی شفش، ان واقعات کی بنا پرنیزاس طرح سے اور دا تعات کی بنایر آن بیا جا اے کرنما مرتبم کے سیالات تا نون تجاذب کے تا بع ہن - بعنی اس قالون کے بوجب وہ ووسری یا دلی شیار پرتسٹن کا عمل کرتے ہیں ادران پریمی ان اوی ہشیار کی مشتش کا علی ہوتا ہے۔ سمالی داؤگی ساکنس فرض کروکہ کچے سیالی ا دہ تعبض تو تو ں کے زبر عمل ساکن ہے اور ایک متوی سطح سیال کے ساتھ تماس رکھنی ہے اوراس کے رقبہ اپر جوسیال کاعمل ہے اس کے خلاف توازن بیدا کرنے کے العسطيرةوت ق لكاني راي بيء اَرْسَالِ كَامْلِ ﴿ بِرِكْسِالْ مِونَةِ فِي مِيسَالِي دِباَدُ فِي اِكَانُي رَقِبهِ تَقْسِرُوكَا الرَّو ما ذُيكُسا مز ہونورقبہ اکے ہرنقطہ یراسکوستغیر خیال کیا جا لیکا ادراگرایک نقطہ کے گرد کے چھو کے رقبه عدير قوت عمل كرك تو عيد سي تقريباً دا ذكى نشرح رقبه عدير تغبير بوكى -الرعكولانتها كروا عاسمة لو فرض كروكه انتها من عك = د نب بطور تعريف كي س ﴿ كُوبِمِ نفظم زير كِبِفَ بِردا وُكا أب قرار وسينك - ﴿ وه توت بولى والان رقبه يراكا في جا يُسكى اگراس اکا فی رفنبه پرسشسرح دباد کیسال خیال کی حاسے اور پیقطہ زیر عیف برکے دباؤ کے مساوی ہو ليس اكركسي نقط يروباز د بهونواس سكركروسكي وسكرتفيه عدير قوت د عدم حيد عمل کر کئی جہاں حبہ انتہائیں < عد کے نفا لمبر*یں صفر ہوج*انا سریے بمکرعہ (اوراسکی و *صب عد عدا* كيستى نفظه بروما وبهرست بين دسي بيونا سرے مال كے زول میں یہ فاصیت سب سے اہم ہے اس کا نبوت سال کی بنیادی فاصیت سے حسب ذیل طریقتہ سے افذکا واسکتاب اكرتم سيال كالك جوسة ووارسته السطوح كتواز ن يرعوركرس وبيمعام مروكاكم اس کے رخول پر کے دباؤاوراس کی سیت برکی قوت عالم دلکرمتوازن قونوں کا ایک

ادل الذكر قوش رخوں كے رقوں منحصر ہونيكي وحرسے السے بدلتي ہيں جيسا ہذات استجانس فرعن کیا گیاہے) کے کنارے کام بع اور تانی الذکر قوت ججرا ورکنا فست پر ر مخصر تونى وجدايسي بالتي به علي علي محمد كالراس كالمعب - اوراس في الرحم كولا أتها كمطاويا جاس جبكهاس كأشكل بهيشه متفاله رسع توموخ الذكروت مقالمه رخون يرك دما دُکے معدوم ہو جاتی ہے۔ اور اس کئے مید دماؤ خود متوازن قوتوں کا ایک نظام سیدا النون کرد که رون و ب ج اور ب ج د برکے داؤی فرمیس علی الرتیب داد ہے بيروني بن كارك و د كے متوازى ان قولوں كو تحليا كرو- توجونكر رقب و ب ج ادرب م کے ظل و دیر کے علی القوائم مستوی بردی ہیں (نرض کروکہ ہرایک عدکے مادی ہے۔) اوراسی طرح یونا بت کیاجاسکتاسے کہ دوسرے دورخوں پرکے واؤس سے براک دیا دکے مساوی ہے۔ اب یونکه زوار بعبتالسطوح کے رخ کسی مت میں لئے جا سکتے ہیں اس لئے کسی نقطه ریکا (4) دباؤ ہرسمت میں دہی مواسے -نیمسلا سوقت تھی درست رہنا ہے جرک سال متوک ہو-کیونکہ وی الممرث کے احول كعطابن اكروزة وق كست ال دى جائ ويدبيرونى إعالمة وتول كسالفال كردخول يرك رباؤك سائة متوازن برنكير- ادر موتر توتين أسى رتبه كى حيو في مقدارين من جس رتبه كى عامل قوتيس ادراس كئے بقابلہ داؤں كے معد دم ہوجاتی ہيں -مِسُله بالاکاحب ول تبوت کوشی کی مثالوں سے لیا گیا ہے۔ فرض کرد که ن اور ق سال میں ایک دوسرے سے محدود فاصلے پر دو نقط میں -محد ن ق كر اكبيت حيو في نفسف قطركا اسطوانه سباؤ- ق مي سي اكب ستوى ن ق کے علی القوائم کھینچو اور ن میں سے کوئی مستوی گذارو اور ن ق کی کمیت کے توازن

اس کے سروں پرکے دباؤ اور ختی سطی کا دباؤاور وہ بیرونی فرتیں جواس برعمل کرتی ہیں ایک متوازن توتوں کے نظام کو بقیر کرتی ہیں۔ فرض کرد کد کا نقاط ق اور ن برے داؤہیں۔اوراسطوانہ کی تراش ق کا رقبہ عد اور براش ن كارقبه عدسيه-ن ن يرك دبار د عرك الراسطوانك محور کے متوازی تخلیل کریں تو جزو تخلیلی قاعد کے مساوی ہے۔ اورا سلنے کے عد ۔ د عد = ن ن کے متوازی قوت عالم کا جرو تحلیلی تقطه ف ميس سے گزرنے والے سنوى كى مت خوا و كھدنى ہوية قوت عالمة حكوال طوار كانصف لاأستا چھوٹا ہو الآخر اسطوانے کے حصے ق ن پرکی ڈِٹ عالم کے مسادی ہوجاتی ہے مر برصراب ستوی کے ورب کا ماے و نقطه ناس سے گزرے اور مور ير مود مو يس فوت عالميت كى س ك عدفر لا جہال ک بس وہ فوت مع جوسالی ورہ کے برنقط ق سے فاصلہ لا یر عمل کرتی ہے۔ اسلیم < = < +)نان س ف فرلا ال مساولي تشريح فيوت كاس صدر مكل روستالي-فرض کروکہ و ب کا ب نقط ب من سے گرانے واسے ورسنوی ہیں ۔ ف ک ف على افرتب ون والد ب ن ب کی اوسط کنافتیں ہیں۔ س اس سال کوان صوں رعمل کے والی قوت سے امراع ہیں۔ تۇ ق دى اورق د ب (جن كى مجم سادى يى) ك يرعمل كرف والى قول كافرق = ون و اور ب ن ب يرعل كرينوالي وتول كافرت = (سُ فُ - س ثُ) م تم و ن وَ =من (س ق) × م م م م م م ال الم والمش ق كارتبه م)

اسكرنات

یعیٰ که نظرن میں سے گذر نیوالی سنولوں کے لئے متقل ہے۔ مسالی دبا وکا انتقال

اگرکسی ساکن مائع کی سطے پر یا اس کے کسی و وسرے حصد پر دباؤ والا جائے یا اس میں اصافہ کیا جائے اس میں اصافہ دباؤ یا صافہ دباؤ یا صافہ دباؤ یا تعلق میں مسادی طور پر نتقل ہوجا گاہے۔

سائوں کی یہ خاصیت بالاست تجربہ کی بنابر حاصل ہوئی ادراس طور پیفن او قات اسے مان دیاجا کی ہے۔ مان دیاجا تا ہے لیکن ہم سال کی تولیف سے اسکواخذ کرسکتے ہیں۔

فرمن گردکرساکن انعی سطیمین ن کوئی نقط ہے اور سیال کے اندر ق کوئی دوسرانقط ہے خطاستقیم ن ترکی سطے اور ق میں خطاستقیم ن ترکی سطے اور ق میں گرزنے والے ادر ن ق برعلی القوائم سنزی سے محدود ہو۔

اگرنقطه ن پرکے داؤ کو بقدر ۵ کے زیادہ کیا جا سے اور اسطور نہ برکی اضافہ سندہ قوت کو اس کے محور کی سمت میں ظلیل کیا جائے تو جز و تحلیلی د عد کے سیاوی ہے جہاں عداسطوانہ کے محور بیطلی القوائم ستوی تراش کا رقبہ ہے اس کے مساوی قوت د عد کو سمت ق ن میں نقطہ فی یہ عمل کرنا جا ہیں گے کیونکہ مختی سطے رہتیال کا دباؤ محور کے علی القوائم ہے اس سے قی ہے کا دباؤ سے در د کے براہ جاتا ہے۔

اگرخطستفیرن ق پورے طور رہال کے اقدر داتع نہوتو ن اور ق کو مخلف خطوط سے جوبالنام سیال کے افدر موں ملایا جاسکتا ہے۔ اور بھر نبوت بالا کی کرارسے نابت ہوسکتا ہے۔ کد داؤد نقط تی پوجیرکسی قسم کی تبدیلی کے متقل ہوجا تاہے۔

لقِينُوطِ الله على الراسلة

٤ = < + أفق س من زلا + الله و آ ، مف (س ف) قريمن جونكم سلسل من اس المئة خرى رقم ساوات كى دوسرى ارقام كے مقالمه مِنْ عَرَجًا مودم خال يَجابَى سهاورا سلئے كامتقل ہے -

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

9 - اس خاصیت کی نبایر انع کا اوہ شین کے طور پر قوت کی تضعیف کے لئے استغال کے اکراک یا ن سے بھرے ہوئے نبدرتن می دوسوراخ کردئے جائیں اور ان کو خوصینیگر اسف دامے فشاروں الاسے بندرواجائے اور سے الرکوئ وت ق ایک فشارے برلگائی ا تودوسرس فشارس يراك السي قوت ق لكان يرك كى دسبت ق : ق نسبت أوال کے سمادی ہوجاد سے کے نوکر روبہ اکے سرنقط کے دباؤیس اضافہ کی نترج رقبہ کے سرنقط پر منتقل مو حاتی ہے۔ اور اسلیے اور یکی توت اس کے بقید پر شخصر ہوتی ہے۔ ان دو ہون فتاروں کا درمیانی عمل برم کے مشابہ سے اور یہ ظاہر ہے کہ ﴿ کوبر صابحے اور اور (كو كمنان سيمنست ق: ق كرمتنا برها عامن برها عيم بس-٠١ - پر ديڪھا گياہے گئيسي سيال کا دباؤاس کي کتافت اور تيش پر شخصر ۾ واپ - نيزا تجربب معلوم بواست كواكر تبيش ستقل رسے تود باوائر فضا كے بالعكس متناسب مواہ جیکوسال تھیرے ہوے ہے بعنی داؤلیے بدلناہے جیسے اس کی ثافت۔ اس قانون کوئیلے بال نے بیان کیا لیکن میراس عام قانون کے نتیجہ کے طور پراخذ موسکتا ہے وں کے کسی آمیزے کا دباؤ جبکہ ان میں کیمیا نی عمل مذہونا موایسے دباؤں کامجوعہوتا س علیحدہ علیحدہ بیداکرتی ہی جہا کا ایک کرے جداگانہ طوربر بین کوان سے محراصات برن من كيس كى مقداركودوچندكرنے سے داؤىجى دوچند سوجائيكا اورسال كےمقدام میں کوئی اور اس مے کی تبدیلی دباؤیں اس طرح کی تناسب تبدیلی سیداکر دیگی-ا سليخار كسي كيسي سال كي تجهيم فداري كثافت ف بوادر أس كا واو د توجب ك كر تيش ورى دے اں م متفل ہے جبکہ بچربہ کے ذریعہ اس منفدوس سال کے لئے کسی معلوم تھ الركيس كاعجم ع زوجكاس كادباؤ د ب الرج جبكه وباؤ هدتو 57 = 57

له با الم التكنيف إلى المات كى اس فاصيت كے عملى استال كى ايك ايسى مثال ب-

(4)

ینی ح د معلومتین برستقل ہے۔ ۱۱ - دہاؤ کے چھوٹے اصافہ کو جونسبت اُس مکبی (حجی) بچک سے مرد جواس قلیل اصافہ کی دحیر سے پیدا ہوتی ہے اُس سے سال کی کچک کی ہمائیش کیجا تی ہے۔ اكرح مجم يوتوخفيف كمبي ييك - فرح يوگاريك كاناب 2/ 2-موگا-مستقل تین رکس کی صورت میں م دمستقل بواجه اور ·= 32 C +3 : اس طرح لچک کا آپ وہی ہوا جرو اِزُکا آپ ہے۔ اگر لیک اور د اِ دُمیں ربط معلوم موتق ہم د اِ دُ اور حج میں ربط معلوم کرسکتے ہیں۔ مثلاً اگر ہم ایک ایسے سیال کے وجود کا تصور کرسکیں حبر کا میں کیک د با ڈکی ووجیند ہو تو ہم رابط > 1 = 10 - - 1 = 1 6 مال ہوتاہے۔جس سے ینتی کلناہے کہ وج استقل ہے۔ وزن كميت اوركما فت كيان ١٧ _ سال ك وزن الميت اوركتافت كيالش اسىطرح كيواتى ب جيسائلوس احرام کی صورت یں۔ اگرکیکیت کے سیال کا وزن و ہو تو حسب سمول قرار دادوں سے مطابق جن سے کمکیت اور قوت كى اكائيال معرض تعريف يس أتي هي الككيت كيال كالنات ك ادر جم موز

でき き = 9 ت کی اکا کی پونڈ ہو تومساوات و = کسج سے ظاہرہے کہ ایک یونڈ برجا ذہرار من کا عمل كے مساوى سبعے-اسلئے توت كى أكا بى تقريباً تصف اونس-متحانس سال کے اس حصہ کی اوسط کتا نت کہا جاسکتا ہے اور بالآخر ك كريهميشه فقط كو كهيرسي موسي لي و ف كواس نقطه يرسسال كا زردارعما دكا جزد فرع-وفي يكاوس جوكام كياكياس كى تقدارى = د کنرس زع = - د نرع ادر تجم سے بن دبانے کے لئے وکام کیا گیا وہ

(4)

= 9 60 = 5 0 6 6 اگر کے برتن کے گرد کے ہوائی کرہ کے موجود گی میں و قوع پذیر ہوئی سے مثلاً اگرا کے اسطوانہ میں نشارے کے ذریعی تیں بندگی کئی ہوتو ہوا ان کرہ کا دباؤیک سکے کا مہیں مدد دنیا ہے -اسطرح الركره ہوائى كے دباؤ الد برابندائى جى بوق جم كئيں دبانے كے كے برونى كام وكاكما وہ =- > (<- m) (> =) (-= m] (ان ثالوں میں ج ۲۷ سر کے مساوی دیا گیاہے جبکہ فٹ اور تا نیدا کا ٹیاں ہوں) ا مستطیلی رقبہ و ب ج د سیالی دباؤ کے زیرعمل ہے۔ و ب نابت خط ستنم ہے۔ اور رقبه برکا رما وطول ب ج (لا) کا ایک دما ہوا تفاعل (د) ہے ثابت کرد کر سے در کے کسی نقطم بردباء از المركب عمال و = الرب-الر ایک تابت نقطه و اور ال ب ، ا د کی سیس تابت موں اور اگر ال ب ولا اور (c= 1 2 3 10 15 = 1 ٢-سادات و = ج ف ح مي اگروت كى اكانى ١٠٠ يوندون طول كى اكانى وف ادر وقت كى اكانى له تانيه بوتو يانى كى كنافت معلوم كروس س سے اگروقت کی اکا اُن ایک وقیقتہ طول کی اکا ٹی ایک گزیمو راور اگر معیاری شے کے ۱۵ كمعب اليخ كاوزن ٢٥ اونس موتو توت كى اكانى وريافت كرو الم - مسادات و = ج ف ح مي وقت كي اكاني مين اينون كي نقداد طول كي اكاني مي فنوں کی لغداد کے مسادی ہے۔ قرت کی اکائی ، ۵، پونڈوزن سے اور معیاری حرکے ایک کمب فٹ کا وزن ٥٠٠ ١١٥ اولس سے - وقت کی اکا ای عام كرو-

۵ - رفتار کی اکائی م فٹ فی انیہ ہے یا فی معیاری چیزہے ادر قوت کی اکائی ۱۲۵ بونڈ وزن سے - وقت اور طول کی اکائیاں معادم کرو-١- يا نى كاككىب فراك وزن كوتعلير كرف والا عدداس كم حجم كوظا مركرف وال یت کوظامرکنے والے عدو کا ہے ہے اوراس کوا ک فٹ کھا تے میں کے کام کو فلام کرنے والے عدد کا باہے مطول کمیت اور وقت کی اکائیاں دریافت کرو-والركره سوائي كادباك دباؤكي ايكاني، آوازكي رنتيار، رفتاركي اكاني إسراغ برجا وبارض اسراع کی اکا تی موتوفوت کی اکا فی تقریباً معلوم کرو-٨ الر ١ نه اور ب نامني طول اور ونت كي اكائيا ر جور اوريا بن كي كتافت معياري كتا ہوتو اور ب بین ربط معلوم کردکہ مساوات و =ج ن سے سے کسی جیز کا وزن او ندوں ر رنتبار کی اکانی اورکرنے دالےجسم کا اسراع اسراع کی اکائی اور كا إن موتويا في كي تنافت معلوم كرو-- کھ ایک مخروط میں حس کامحورانتھا ہی اور راس نیچے کی طرف ہے ڈالدیا گیاہے۔ اس سی نقط پر کٹا فٹ سطح پر کی کٹا فٹ سے نفدر ایک ایسی مقدار کے بڑی ہے جوالیہ ے جیسے سطے سے نقطہ کی کہ اِتی ۔ تا بعث کر وکہ جب ما لع کوملا نے سے اس کی کثا فنہ كيسال موجائية ويكرا فت اصلى حالت براس نقط بركى كتا نت محمساوي سي بس كي ہرانی محروط کے محور کی ایک چونتھانی کے مساوی سو۔ ف كأنت والے مائع سے بھرے بوئے برتن بس سے مائع كا ل واحقت نكالدماكيام اوراس كوفة كتافت والے الغسے بحرد ياكيام - اگراس عمل كوم مرتب و سرایا جائے توبرتن میں کے مانع کی کتا فت معلوم کرو۔ ایک برتن کا جم سے ہے۔ اس کو ن کٹافت والے انع سے بحردیا گیا ہے۔ اگر نذ کٹافت والے انع کا جم زانتها نی صغیرتطروں میں اس کے اندر شبک جائے حاصل سننده مائع کی کتافت معام (و ١٢- ايك الح كى كتا فت نقطه با نقطه برلتى ب- غابت كروكه ايك معلوم نقطيس سے

مند

14

ما سكونيات

گزرنے دالی متوں میں سے اس مت میں کتا نت زیادہ سے زیادہ سرعت سے بلتی ہے جو اس نظامی سے گزر نے دالی کیسال کتا نت دالی سطے کے جو اس نظامی سے گزر نے دالی کیسال کتا فت کے ماسی مستوی میں جو سمتیں ہیں اُن ہیں سے زیادہ اور کم سے کم کتا فت کے نغیر دالی سمتیں وہ ہیں جو صدری تراشوں کے ماسوں برمنطبق ہوتی ہیں۔

99

سیالوں کے توازن کی شرطیر

١٥ _ عام سے عام صورت ميں فرض كروكواليے سيال كى كھ كست جو كيك دار ہوا ہے كيك یا عیم تعانس، وی مونی قو تو سکے زیر عمل سائن ہے اور فر ص کرد کم قواز ن کی تھرب

اورکسی نقطہ پرکا د باؤمعاد مرزا مطلوب ہے۔ فرض کردکسیال کے کسی نقطہ ن کے محدد علی القوائم محوروں کے لحاف سے لا کائی میں۔ اور ق اس کے نزدیک ایک ایبانقطرے کر ن ق محور لا کے متوازی ہے فرعن کردکہ لا + مف لا ' ما ' ی نقطہ فی کے محدد ہیں۔ ن فی سے گردا کے جھوا منفور

بالسطوانه بناؤجون ق يركي على القوائم مستوبول سے محدود إو -

فرص کروکراسطوانه کی عمودی تراش کا رقبه عانقطه ن برکا دباؤ ۵ اور نقطه ق برکا

اب چونکرد، ببت چھوٹائ، اس کے ستوی ن برکے کسی نقطہ پر داؤتقریب ا د کے سادی ہوگا اوراس کے اسیرکا دباؤ

ہوگا جال جہ بقالم دے صفر ہوجا اے جیکہ عدکولا انتہا کم کیاجائے اس لئے کہ عدکو ہم اسقدر چھوٹا فرض کرسے ہیں کہ بتقالم دے جہ نظرانداز ہوستے۔ اور اسطوا نے کے رخ ن پر کا دباؤ دعہ کے مساوی لیا جاسکے - اور اسی طرح رخ ق بر کے دباؤکو اسلیں

(2 in +2)

اگراسطوانه ن تی کی اوسط ک فت ن موتو اسکی کمیت = ف عدمف لا اور

لا ف عد معن لاے رہ توت نغیر ہوگی جو ن فی براسکے محور کے منوازی عمل کرتی ہے جاں لا من ک مامن کے سے معن ک سیال کے در ہ معن کررجو (لا کا کا ک) بروا قع ہے عمل كرينوالى قولوں كے اجزائے تحليلى ميں۔ اس ليك ن ق كے توازن كے ليك (د +مف د)عر- دعد= لاف عدمت لا من د ي ن لا من لا أنتاليف وجكمه مف لا اوراس ك مف دلا انتاكم رو في حائي نقطه ف يركي كتافت ف ہوگی اور مہیں حاصل ہوگا 8 = 3 Car اس طرح کے عمل سے جعن د = ت ما حف = عن ع لكين فرد= جف لا خف لا خف لا فرا المحف ي زيا ن فرد = ف (لا فرلا + ما فرما + ع فرى) (عم) اس ماوات سے وا و معلوم ہوجا اے۔ ١١ - حري واؤ متبوع متغيرول لا الماءى كا تفاعل ہے ۔ ادر بم جانتے ہيں كه له بنوت بالای عداس قدر چوٹا لیا گیا ہے کراس کے خطی ابعا و بقا بله معن لا کے نظر انداز کئے جاسکیں

ييني لا كى تبديلى معن لاك جواب يس دار د يس جوتبديلى داقع موتى كاسسريها ، ى ك اس بولے سے افرنس اڑا۔

جهناً د حهناً د حهناً د حهناً د حهناً د حهناً اس کئے گرمشتہ مساواتوں سے ہمیں مندرجہ ذیل مساواتیں حاصل ہوتی ہیں۔ (دف) خون (ك ف) و الله عندال (دف) (4) من لا (ف ما) = حف ال (ف كال) الم جين ع حين الله عن ما جف ت - لا جف ت = ت (جف لا - جن ما)، لا، ما سے عرب دکرجع کے + -> (جف ما حف الا) = . (0) جو توازن کے لئے صروری مقدط ہے۔ اس مساوات کی ہندسی تغیریہ ہے کہ قت کے خطوط

$$\frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}}$$

$$\frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}}$$

$$\frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}}$$

$$\frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}}$$

$$\frac{i \sqrt{y}}{\sqrt{y}} = \frac{i \sqrt{y}}$$

اس منے یہ فلا ہرہے کرمسا دان (جر) ہمیشہ پوری وہ تی ہے مکین اس سے یہ نیچ بنہر لکا لنا چاہیے کواس طرح کی اوتوں نے زرعمل غیر تبجانس سیال کا توازن بھی ہمینہ مکن ہوتا ہے۔ عب كتا فت متقل مولة (بد) مها دائير موجاني مين جف کے جف ما جف کا جف کے جف کا جف ما حف لا جف ما حف لا حق لا اوراس کئے اس صورت میں ہمیشہ پوری ہوتی ہیں اس سئے اس قسم کی توتوں کے زیرعمل اکے متحالس سال کا توازن ہمیشہ مکن ہے۔ ٨٠ - غيرتجانس سيال -اگرتانون كثانت علوم بوييني ت اگرلا، ١٠ ي كا ديا مواتفال ہو تو (ب) مساکوانیں وہ سترطیں ہیں جن کا پورا ہوا صروری ہےکہ دی ہوئی تو تیں کا ما سے سيال كونوازن مين د هسكين ١٩ - اليكارستال: - ارسال كيدار بونوايك ادرمترط كا اصافه بوجاب كيونكم د = م ث / اگرتیش تقل بو رد عرد المرد الم اگرقوتیں قوہ فدسے حاصل ہوسکیں بینی اگر لا فرلا + ما فرما + مے فری يورانفرقه (- فرفه) مو تو م ح = - فرفد : م وک م = = ف ا جمان ج منتقل ہے . يني د = ج تو اور ن = ج وام جب توتیں نا ہے مرکزوں کی طرف مالل ہوں اور فاصلوں کے تفاعل ہوں (دفعہ ۱۷) توبيرمساوات يشكل

(11)

م دد = ی فرد) فرد افتیار کرتی ہے اور د کا تعین ہوستماہے۔ ا كرتبيث متغير موتو دباؤا تيش اوركثانت مي يه ربط ٧ = م ث (١ + عد ت) موتات جہاں تین ت مئی تین ماسے نا بی کئی ہے اور عد = ١١٥ سر ١٠٠ و اس سے میں خال موگا د = م ت ع { را + ت } = هر ث د جال ۵ = م ع ، اور ب = ل م ت ، ت کوتیش طلق کیتے ہیں جس کاصفر- ۲۰۳ منی پر ہوتا ہے۔ اس صورت ين فرد = لا فرلا + ما فرما + ع فرى اوراس کئے ت تفاعل ہونا چاہیے لا ا ماہی کا۔ ان مي سيكسي صورت مين الركسي فا ص نقط بركا دبار ديا جاسي تومستقل رما نت لچکدارسیا نون کی صورت مین اگرسیال کی کمیت اور وه جگر حس مین محدود سے معلوم ہوں تو متقل معلوم برجا ہے۔ ٢٠ - دریا فت کرنے کی مساوات طربقہ ذیل سے بھی حال ہو مکتی ہے۔ فرض کروکر ن ق ایک بہت چھوٹے اسطوانہ کا محورہے جو ن ق بر کے علی تعوام مویں سرم رہ من دانقاط ن اور ق برکے دباؤیں۔ عظمیٰ راش کا رقبہ ہے اور من میں من فی کاطول ہے اب اگر سمت ن فی میں دزوعت ک يرعمل كرنبوالي توتول كاجزد تخليلي مس معت كسبوتو

(10)

(د + س د) عدد عه = ف عدس مفس اور اس کے انتہا کینے سے قرد = ف س فس ی سمت میں رہاؤ کے اصافہ کی شرح دو مقداروں کا حاصل صرب ہے۔ ایک مقدار كتا فت م اور دوسرى مقدار قوت كا وه جزو تحليلي سے جواس سمت ميں عمل را ہے۔ اگر نقطه ن کے محدد کا ا ما ای اور سی کے اجزاے تحلیلی محدوں کی سمت میں 308,2668 س = 8 را + ما را + ع راي : فرد = ف (لا فرلا+ ما فرا + م وي) بوجب وفعه ١٥ اگر نقطر ن کا مقام اسطوانی محدووں ر ؛ طر، ی کے کا طسے دیا جائے اور اگر توت س کے اجرائے تکلیلی را طرا ی کی ستوں میں ت اسے 305 اور د کی سیاوات ہوجائی ہے زد= ف (ق زر + لت ر فرط + مع فرى) يبراكن كاسقام قطبى كدول (را طدا فه) كے لحاظ سے وا جائے اور قوت كے اجزار تحلیلی من ال است اول جوعلی الرتیب رکی ست می زادیده والے متوی کے عمود کی سمت ہی اور اس ستوی میں ریر کے عمود کی سمت میں گلیل کئے گئے ہیں تو علوم ہوگا کہ اسی طرح فرد کے لئے جاکسی اور محدووں کے نطاع میں سعلوم ہوسکتا ہے۔ ۲۱ _ مسادی دبا و کی تطحیر - تمام صورتوں میں جن میں کوسیال کا وازن عمن مول عال بولا

د = ف (لا) ما ، ی)

اگرد متقل ہوتو فر (لا) ما ، ی) = ح مصل میں اور جس میں دکو مقلف جوالیسی طلح کی مساوات ہے جس کے تمام نقطوں پردہاؤ مستقل ہے اور جس میں دکو مقلف تیمتیں دیے ہے مسادی دہاؤ کی سطحوں کا ایک سلم اور لمتیاہے نیز درکو سیال کے بیرونی دہاؤ کے مساوی رکھنے سے بیرونی سطح یا آزاد سطح ماصل ہوتی ہے۔

اگر بیرونی دہاؤ صفر ہوتو آزاد سطح ہوگی

فر (لا) ما) می) = -

مقادير

کے ساوی ہی بینی ف لاء ف ماء ف مے کے ساوی ہی اوراس کے

لا، ما، ہے کے سناب ہیں۔

اس المے کسی نقطہ برکی حال قرت اس مماد کی ست میں عمل کرتی ہے جواس نفطہ میں اس کے دور کے والی سادی دائد کی حظے پر اس نقطہ میں سے تھینجا گیا ہے۔

اس کے سادی داؤد کی حلی ہی وہ ہیں جوق سے خطوط کو عالی لقوائم قطع کرتی ہیں ۔

اس نیتیج سے بیستنظ ہوتا ہے کہ توازن سے لئے صرور می مشر طاالیسی حلی ن سے منتیجہ دور می مشر طاالیسی حلی ن سے وجود ہے جو خطوط قوت کو علی القوائم قطع کرتی ہیں۔ یہ نیتیجہ دو تعد (۱۲) کی مساوات میں ماوات میں کو اس فیر کے نظام کے دور دکے لئے مساوات مرکز دور دی تحلیلی شرط ہے۔

ام میں حاصل موسکتا ہے۔ کیونکہ ہم جانتے ہیں کو اس فیر کے نظام کے دور دکے لئے مساوات میں ماروں میں کا میں شرکز دور کی دور کے دور دی میں ا

۲۲ سے آرسال سجانس مائع ہو بینی اگر ف ستقل ہوتو لا فر لا + ما فر لا + سے فری بورا تفرقہ ہذا چاہئے۔ یا بانفاظ ویکر تو توں کا نظام تخفظی یا بقائی ہونا چاہئے -عام صورت میں اگر تو توں کا نظام مبقائی ہو تو نٹ کو لاز ا تو ہ فر کا نفاعل ہذا چاہئے (10)

2/66

مساوی دباؤ کی طحیں

41

اسكونيات

672

کیونکه فرد = - ن فرقه اور فرد پورانشرقه اسلیم ف کو توه فرکانفاعل بونا چاہیئے - اس طرح فر اور اس کے ن ک کا کا علی بس اور مسادی دباوگی سطحیں مساوی قوہ کی سطیس بھی ہیں اور مسادی کتافت کی سطیس بھی ۔ اگر سیال بچکدار ہواور میں شنیر تو فرد فن خ

زد = - فرن د = - هرد

اس طرح اسی تشریح عمل سندلال سے ، ست ، د کا تفاعل ہے اور سیاوی وہاؤ کی سطور سیاوی دیاؤ کی سطور سیاوی دیاؤ کی سطور سیاوی کی میں استان کی سطور سیاوی کی میں استان کی سطور سیاوی کی میں کی سیاوی کی کارٹر کارٹر کی کارٹر کی

سین اگر لا فرلا + ما فر با + مے فری پوراتفرقه نه وتوسطیر علی طور پر منطبق فی بوی فرهن کروکه سال غیرمتجانس اور بے بیک ہے تومساوی داؤی اور مساوی کنافت کی سطیر حسب ذیل مساواتوں سے حال وقتی ہیں

(14)

ك ير يتم طريق زيل سے بحق متنظ موسكة بي -

قریب کی دوساوی داد کی سطی پر عور کرد- جن کے درسیان سیال کی ایک تاہے اور فرض کردکہ ایک سطے کے نقطہ ن کے گرو ایک چھوٹا وائرہ نبایا گیاہے اور اس کے محیط میں سے گزر نبوالے عما دوں سے سیال کا کچھ حصہ علیے دہ کرلیا گیاہے ۔ سیال کا پیصمہ توت عالمزان کے سروں اور محیط پر کے داؤ سے ناز ان کے سروں اور محیط پر کے داؤ سے زرعمل ساکن ہے اب چونکہ تقریباً یہ بہت چھوٹا اسطوانہ سے اور اس کے محیط پر کے منا م نقطوں پرد باؤ سادی ہیں۔ اس سلنے دو نون رخوں پر کے دباؤں کا فرق توت عالمہ کی مصر سے بیدا ہونا چاہیے جو اس سلنے اس سنے میں عمل کرتی ہے جس سمت میں کہ یہ دباؤ عمل کرتے ہیں انقطان پر کے عمادی سمت میں کہ یہ دباؤ عمل کرتے ہیں۔ بینی نقطان پر کے عمادی سمت میں کہ یہ دباؤ عمل کرتے ہیں۔ بینی نقطان پر سے عماد کی سمت میں۔

اگرقو تیں ایک تو ، سے حاصل ہوسکیں تو حاصل قوست ہم قوہ سطوں کے علیٰ انقوائم ہوگی اوراس کئے میں ایک اوراس کئے

سادی واژو کی سطحیں ہم توہ سطحوں برِ منطبق مؤکی ۔ بہراس عنصری اسطوانہ کے توان ن برغور کرنے سے عمل کر نیوال ترت نی اکا کی کمیت = توان کا فرق ادر جو نکر اس عنصر کی کمیت بالزاست اس فاصلہ کے نتئا سب ہے۔ اس لیے مخافت مستقل ہونی چاہیئے مینی ساوی واژو کی سطحیر مسادی کتا نت کی سطحیں بھی ہوتی ہیں۔

पुस्तकात्व

فرد = . ، فرث = . ینی لافرلا + مافرلا + ے فری = . جين ف ولا + جين ف ولا + جين ف زي = . اس لئے یہ ایسی طحول کی تفرقی سیادا تیں ہی جوایتے اہمی تقاطع سے مساوی و اواور سادى كَا فت كَ منينون كالقين كرتي بن-(ب سيمين قاصل موكا فرلا جف ن جف ن جف ن م جف ن م جف ن م جف ما حمادی کا جف ی م حمث لا (6) ليكن بترائط توازن سے ت جف لا جف أ الم حف ما الله عن الله الله عن الله ت جف ما جف ت = ت جعن م المحن ما حف ت عن ما حديد الم ت جف ع جف ف = ف جف ک + لا حقت ی ا اوراس كفساداتين (ع) روعاتى بن جف ا حفى حفى عنى حف ال جوساوی دباد اورساوی کتافت کے تعنیوں کی تعزی ساواتیں ہیں۔ سوم ۔ اب ہم ایک محدود کمیت کے سال کے توازن پر عور کرنے سے یہ تما کیں گے کہ

ماسكونيات

رطرح دماؤكى اساسي مساوات حاصل كى طا عن كروك سيال من ايك بندسط سل طيني كئي سب - اوراس ككسي نقطير بروني عماد ن ہیں-سطح میں کے اندروسیال ہے اس کی کیت شرطوں کو اختصاراً یوں سان کرسکتے ہی کہ حدود پرکے عما دی دبا وکسیت پر من كرنبوا بي نوبول كا توازن كرتے ہيں -اس طرح محور كے متوازى تحليل كرنے سے ہميں شكل ول کی تیں مساواتیں لنتی ہیں۔ كالدفرس= الشكافرلافرافرى اورموروں کے گرومعیار لینے سے سمیں شکل ذیل کی مزیدتین مساواتیں حاصل ہوتی ہیں۔ (14) اد (ن ما-م ي) فرس = الكر ف (ما ع - ي ما) فرلا فرما فري ... رم) جہاں دوسرے مکمل کل طع میں پر اور تنہرے مکمل کل بند فضا دمیں گئے ہیں۔ اب محمله الرجف ف فرلا فرا فرى يرعوركره جسك حدود محمل ويي بس - محورلا كمتوازى الك بنلامنشورلوج لاز أسطح كوجفت مرتبة قطع كرے كا وض كروكد يينشورنقاط ن ، ن ، ن ، يرطح كاجزا فرس فرس فرس ... قطع كام من شورك ما قدما لا كالح الحالم كالم وكالم راج "کما صدور حما جمعی کما صدور نان اور ن م کے درمارہ

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

لكن اگر طب طب طب المد نقاط ن ن ن ن ي ك إنرواد عما وول کے ملان محورلا کے ساتھ ہوں تو فرا فری ء - فرس جم طہ = فرس جم طم = - فرس جم طبہ = = - ل زس = ل زس = - ل ز س = علامت منفی اِستبت ہوگی موجب اس کے کدزاو برمنفرجہ اِ حا وہ ہو بعنی موجب اس کے كى مغشورمدات كمل ميں داخل اس مصفارج بور المو-اس کئے (۳) میں حدو دیر کی تمینیں رکھنے سے الا جف د فرلا فرما فرى = كا (د ل قرس + د ل فرس به + دي ل وس + سسه دي ا = ∬ که فرس پوری سطح پر ۔۔۔۔ اس قمیت کو (۱) میں استعال کرنے سے مساوات الله (جف د - ت لا) فرلا فرما فرى = . حاصل ہوتی ہے اور نیز اسی طرح کی دوا درمسا وائیں حاصل ہوتی ہیں اور جونکہ ہے سکھے سیال می می کمل کی تمام وسعتوں بینی تمام مندسطوں کے دے معدوم موستے ہیں اس کے هستوطور جن الم عن الم الم ا حن الله عن الم عن ا ود = ف (لافرلا+ما فرما + سے فری)

م منتظل ۲۱ کی معیاروں والی ساواتوں کو انہی تک است ال بنیں کیا لیکر بخ من كه ده مجمعي مساوا نول (۵ استعادري موتي اي -مثلاً الماجف في فرلا فرا فرى ير فوركرو الرجم أسى نشور بريه كى طرح ممل كريس ا وراس كا خيال ركھير كه منشورير مامتنقل ہے انو ہمیں صدود ن اور ن ن ن سر اور ن م وعیرہ کے درمیان ممل کرنے سے حال موگا الا فرا فرى اوراویر کی طرح یہ الک ل فرنس کے سادی ہے جس میں یوری سطح پر کمل بیا گیا اس ما دات (مر) اس مالت میں بھی درست رمہتی ہے جبکہ می متکسل ہیں اور ای کی ا جزو فربی کے طور پر مساوات کی طرفین میں شامل کر دیں۔اسی طرح کے استدلال سے حاصل موّا ہے کا اد (ن ما-م ی) فرس = الالاعت ی-ی جف د) فرلا فرما فری اورساوات (٥) ست اندراج كرف سے يموماً اب / ان (اے ۔ ی ما) فرلا فرا فری اس طرح (۲) کی تصدیق موتی ہے۔ سے یا درہے کد چونکہ سال کال فرضی یا حدّی زور کی مزاحمت کے نا قابل ہوتا ہے اسلتے اس مسم کے زور متواز ن سال کی کمیت کے اندر ہنیں یائے جائے تا اس کے پینتیجہ کا تاہے كه محوروں كے گرومعيارلينے سے جوسساوائيں حاصل موتى ہيں وہ لاز ما يورسي موتى جا مئيں جبكہ محوروں کے متوازی تو نؤل کر تخسالیل کرنے سیے حاصل مشدہ مساواتیں یوری ہوں۔ کیونکہ توازن كى صورت ميں موخرالذكرمها وائيں سيال كے كسى محدود يا صغير جزكے سلنے درست موتی ہیں اور قونوں کے اسی توازن سے لازم آ آھے کر معیاروں کی مسا وائیں بھی ورست موں۔ ٢٨ - سال كے كروى عنفركے توازن أيه عوركرانے سے ہم ير بھي أبت كر سكتے ہيں كم بن (لا فرلا + ما فر ما + سے فری) کویرا تفرقہ ونا جاسیے ۔

کونکہ اس عضر کی سطح برسکے سال واؤتمام کے تمام مرکز کی سمت میں عمل کرستے ہیں اورا سلنے عمل کر نیوالی تولول کامعیار مرکز کے گرد سعدوم ہونا چاہیئے -فرض کرد کدم کرز کے محدولا، ما ، می اوراس مجھوٹے کرد کے اندرکسی نقط کے حمد دو اب چنکه مرزیر کی کثافت ف ب اسلے جلہ کے فرم (ے بر ماج) ہوجانا ہے الازم فربه فرحه (ث+ جف ل عه + جف ت م جف ت م جف ع م) (به (ے + جف عم الله على الله عن الله عم الله عن ا اب الله عفرعه فرب فرجه = . ، كيزكره كامرز حجم كامرز نقل ب اسى طرح إلى به فرعه فربه فرجه = . ، وغيره ، اورار فرة = فرعه فرب فرج ، لَوَ اللَّهُ عَا فرت = [[با فرته = الرَّج ا فرته = = (21 + 47 + 47) فرقة = #] A H C = (= H C) اسطرح الرعه ، ب عبر كي اعط فونون كونظرا خداركرديا حاسة تومعيار كاجله موحاليكا المجن (ت ع) - جعن (ت ما) الم ١٩١٣ ا اور جونکہ میصفر موجاتا ہے اس کے جف رف عن ما) = جف عن (ف ما) ۲۵ _ جا نوبر ارض کے درعمل ساکن سیال۔ موری کو انتہابی لیکری تیجے کی طرف ناپنے سے

(19)

2= c ' .= lo' .= X اور وفعر(۱۵) کی مساوات (عم) ہوجاتی ہے فرد = ج ن ف فرى جبكواكب أنتصابي حجبوك اسطواف كتوازن يرغوركرني سيعي بلا واسطه عاسل مثحانس سال کی عورت ہیں A+6 62=3 اورمهادي دباوكي سطير إنقىمتوي بين-اس کے آزاد سطح افقی متوی ہے ادراس کئے سباکو آزاد سطح میں اور 17 کو بیرونی داؤ د= چ ن ک + ۱۹ اگر آزاوسطح بركوني دماؤنه دوتو د = چ ن ک مینی کسی نقطه رکا دبا و آزاد سطح کے نتیجے اس نقطه کی گہرائی کے متناسب ہوگا۔ غيرمتمانس سيال كي صورت بي مساوات (41) سے ظاہرے کہ ب کوی کا تفاعل ہونا چاہیے۔اس سے معلوم ہوتا ہے کہ ایک ہی اُفق سطح کے تمام نقطوں برکتا فٹ اور دا وستقل ہوتے ہیں۔ مثال کے طور رزم فرکر وکہ ن ص ی عام = مہ ی ن H + -1+05 - E = - دو المقع جوبا بمآميز نہيں ہوتے ايك خدار عي بس ڈالے كئے بس ٹابت كروكونكى مشترک سطے سے آزاد سطول کے ارتفاع کتا فتوں کے بالنگسر ہتناسب ہوتے ہیں۔ مشترک سطح میرد! و وہی ہیں اور اگشترک سطح سے آزاد سطوں کے ارتفاع ی ، ی موں اور ا کعات کی کتا فتیں ت، نش ہوں تو یہ دہاؤ علی الترتیب

اسكونيات

1 + 6 - 3 + m + 6 + m ہونگے اس لئے ٢٤ _ يراك مشهور قانون ہے كداكر جاذبر ارض اور حكني سطحوں كے دباؤ كوئي نطام متوازن موتو توازن قائم ہواہے لبنترط کی مرز نقل سے کیے مکن مفام میں واقع موس حب سے یونیتی نکتا ہے کہ غیرلتجان ائع کی صورت میں گہرائی کے سائف کثافت کو بڑھنا چاہیے كيونكه بيرصورت دېگرتوازن غيرقا نوړوگا-اس طرح اگرایک غیرشجائن اکت کوایک برتن سے دوسرے برتن میں ڈالا حائے آہستے وز في مته بينجي مبطّه حائے كى اور قانون كِتَّا ننت يقيناً برلحائيگا - أ مائع کی کچھ مقدار حس کی مختافت گھرا نی کا ایک ویا ہوا نفاعل ہے فیے مونے برتن میں ہے۔ اگراس مانع کو دوسرے برتن میں منتقل کیا جائے تو سنے قا بون کتافت کا معلوم کرنا مطلوب ہے جب کہ ہربرتن ایک گروسشسی سطح لا کو آ فی کے زیرتین نظل سے اور کی طرف نا یکر فرصل کروکہ ما = ف (لا) سیلے برتن کا کوینی شخنی ہے اور ما = فھ (لا) دوسرے برتن کا-پس اگریہلے برمن میں لابلندی والی ہے روسرے برتن میں لا بلندی والی ہے۔ متنا طربو تو چونکه جحرمسا دی میں اسلئے ہمیں حاصل موگا رُ إِن (ظر) } فرظ = كَ إِنْ (ظر) } فرظ اب عمل ملے لا كو لا كى رقوم ميں حاصل كرسكتے ہيں-اوراسكنے ف جو لاكا تفاعل ے کا کا نیاتفاعل بنجا ہے۔ نیزاگران دوبر تمنوں میں مائع کی گہرائیاںگ ، گ موں توگ کو گ کی رقوم میں معلوم کرسکتے ایں اوراس کئے کتافت ٹ گہرائی گ - لاکی رقوم میں معلوم موسکتی ہے۔ معلوم کرسکتے این اوراس کئے کتافت ٹ گہرائی گ - لاکی رقوم میں معلوم موسکتی ہے۔ اکر منیا قانون کثافت دیا جائے اور نے برتن کی شکل معلوم کرنا مطلوب ہو تو ہم اس طرح عمل كرتے ہيں:۔

(41)

كافت يوكد (ك - لا) كااورنيز (ك - لا) كاديا بهوا تفاعل سيم مم ان دويوں جلوں كوساوى ركوكر لاكو للأكى رقوم مين معلوم كرسكتي بين -نزمنناطر تبوں کے جوں کوساوی کھنے سے ہم ما فرلا = کا فرلا عال کرتے ہیں جس میں لاکی تبیت کا کی رقوم میں مندرج کرکے ہم مطلوبہ ساوات سعلوم کرمیتے ہیں۔ اور پیمر پورے جمول کو ایک دوسرے کے مسادی رکھ کرگ کی قبیت معلوم کرتے ہیں ۔ مثال ا الما اسطوانى رنن مي مائع كى أنت اليسع دلتي العي تعبير لله قان فانت معلوم کرو اگرا نع کوایک مخروطی برتن میں ڈالامبائے جسکاراس نیمیے کی طرف ہو۔ ث = مر (گ - لا) اگرگہرائی می ہو۔ مثال ۲ بے مائع کی مجھم فوارجس کی گنافت ایسے برلتی ہے جیسے گہرائی ایک اوندھے مثال ۲ بے مائع کی مجھم فوارجس کی گنافت ایسے برلتی ایک ایسے برتن کی شکل معلوم کڑا ا يا الطِّم كا في نمامين دي جوئي بلندي أك بهري بوئي سے ايک ايسے برتن کي شکل معلوم کرنا آ (جوگر بشی سطح کی شکل میں ہو) کہ اگراس انع کواس میں ڈالا جائے تو کتافت ایسے بدلے اس صورت میں ف=مداف-لا)=مرزف-لا) جان ف گرائیاں ہیں۔ لا = ف - ي (ف - لا) ارم = مع ساوات ١١ ولا فرلا = كا فرلا سے ع كا = ٨ ال ف - لا) إفتق - (ك - لا) } ماصل والمساء

عل كويورا كرنے كے لئے يورے حجول كوسادى ركفنا جاسيئے جسسے من = ج ف ماسل بوتا سع جوت اورج مي مطلوبر بطب -۲۸ - جاذبه ارض کے زیرعمل کی دارسیال کاسکوں۔ اس صورت يس د = م ف ادر زد = ع فری

د لوک خ = ع ف ادر د = ج وم يهان مجى ساوى دباؤك طعير انقى مستوى بن اورستقل به كانتين ى كىكى دى ہوئی قیت کے لئے داوے کئے داوے علوم ہونے سے سوسکتام ہے۔ ااس صورت سے منعلق كسى في المحمدة وا فعد كمعلوم وفي سے -مثال: - ایک بنداسطواندمیں حبکا محوانتصانی سے ہواکی دی ہو تی کمیت ہے۔ اسطوان کے رہے سے ی کو ناسینے سے ي الك دى بولى كيت، أو نصف قطر، ف اسطوام كارتفاع بولو جسے علم ہوجا ہے۔ ۲۹ _ سیا وات عامے استعال کی مثالیں ۔ (۱) فرمن کروکہ مائع کا دیا ہوا مجم سے محوروں کے متواڈی قولوں
مدلا عمر مدیا اور مائی

اسكونيات

كزوعل ماكن بيءة فرو = ن (- مرا فرلا - مرا فرا - مرى فرى) (10 + 11 + 11) = > 101 اس کے مساوی دباؤ کی طعیں متفایزا تھی نماہی اور آزاد سطح کے مساوات جبکہ بیرونی دباؤ اب ہم مخرطت معلیم ہوا ہے دویہ ہے کہ انع کا مجم دیا گیا ہے اور (٢) ایک تابت ستوی برائع کا دیا ہوا مجم ایک ایسی وت کے زیرعمل ساکن ہے جوستوی کے ایک تابت نقطه کی طرف عمل کرتی ہے اورالیسے بلتی ہے جیسے س نقطر سے فاصلہ نابت لقط كومدا قراد وكركسي نقطه يردا ومعلوم كرف كے ملے جملے د = هر- لورف (۱۱ + ۱۱ + کا) = مر- لو سفر مال بالو جال رمبائس فاصليم -اوراكر الله الاوياموا حجم بوتو آزاد على نصف قطرلا والانصف كره مي - اور (ラーり) ニンナニン مستوی کادہ حصیصکو مائعس کرتاہے ایک دائرہ ہے جم نصف قطر اسے ادر اس کئے اس يركا وبارك = *کر در فر د فر ط* ツ ニード ==

(۲۳) اس نتیجیکو سه به ا × به ۱۳ ش ا این کس س رکھا جاسکتا ہے۔ یہ جماریسی شش کوظا ہرکر ایسے جوما کع کی کل کمیت پر حبکہ وہ مرکز تقل برایک ما دی ذرہ میں کمثف ہوجا ہے عمل كرتى ب اور درحقيقت به علمه يه فرض كرك يعني فوراً عال كيا جاسكتا سع كه به ما تع قوت کے مرزیر کی مشعش اور ستری کے تعامل کی وجہ سے ساکن سے ر مع) ایک وزن دارا نع کا دیا مواحج ایسی فزت کے زیرعمل ساکن ہے جوا کتابت لفظم كى طوف عمل كر بى سے اورايسے دلتى ہے جيسے اس نقطرسے فاصلہ۔ نا بت نقطه کومبدا فرار و و اور ی کوانتصا بی مت میں مینچے کی طرف نا پو۔ تو 8 =- ~ l' al =- ~ l' == 5 - ~ 2 فرد = ف إسه لا فرلا - مه ما فرما + (ئ - مه ی) فری إ اور ف = هر- مر الم الم الم الم على + ج ى ساوی دباد کی سطی رکسیمی کرسیمین-اورآزادسطی بیرونی دبا وکوصفر فرص کرکے سا واس 1 + 1 + 2 - 15 2 = 1A اس کودئے ہوئے جم کے ساوی رکھنے سے متقل کر معلوم ہوجاتا ہے اور بھر کسی تقطه برکا دباؤ ر اور می کی ردوم اللہ کا جاسکتا ہے۔ لهومت والاسال . ۲۰۰ _ ارسال کی محدمقدار یکساں رفتارے اور اپنے ذروں کے اضافی مقاای کی تبدیلی کے بغیر (بینی سُرَایم کاح) ایک نامت مورے گردگھو مے نوگذشته مساواتوں کے ذراحیہ ہم کسبی نقطه پر کا داؤ اور مساومی دباؤ کی طحوں کی نوعیت معلوم کرسکتے ہیں -

كيونكه اصافي توازن كي ايسي صور نول من سيال كابر ذره ايك دائره من كميال رفيار سيحكت كريكا اورسيال كي كسي ذره كسه يرعمل كرنبوالي جروني توتون اوراس برك سيالي وباوي حاصل و ك ساركمادى بوارع و ورى طوف على كتاب جال سدراوى دفاراور را محورت دره ک کافاصلہ ہے۔ اس کے پنتی کلمانے کہ برونی تو تون کو اگرسیالی داد اور محرسے ممل کر موالی قو توں کے ستر ر کے ساتھ ترکسب وبامات توہمیں سکونی توان کا ایک للے گا جس پر دفعات کر شتہ کی مساواتیں استعال موسکتی ہیں -المتحاس الع كي يكسيك الم برتن مين كسال وقارسه الك انتماني عورك كروهوم بي سے کسی تقطر رکا دیا واور سادی وباد کی طعیر معلوم رامطلوب سے ۔ انتصابی محور کو محوری فرمن کرد- توت ک سنا رکو کورو ل کے متوازی محلیل کرسنے سے ای ایزاے تحلیلی کے سے لا اور ک سے ما ماصل ہوتے ہیں اور سالی توازن کی ساور Englishing فرد = دف (سيالافرلا + سياه فرها- ع فركا) A + (((し) - (()+)) - + () ==) اس کے مسادی دباؤی طحیل کردشی مکافی مناجی ادراگریش کے ادبی سرا کھسلامواہو أوأزا ورطح مساوات 17 = AP + (5 2 1- (1+1))-سے عاصل ہوتی ہے جمال ١٩ برون وباؤسے مشقل کا تعین برخاص مورت میں مفروض چنرول کی موسے کیا جاسکتا ہے۔ شَالًا الربين كام إبندمواور الع معاسكو بحرد إجام اور ٢١ = . و كورك المندندين نقط کو صدار وارسیے سے د = ٠ جبر لا ١١٠ ي صفر بول اوراس كے هر = ٠ اور د = ف (لا + لا) - ع ی } اس اب ایک ایسے میکدارستال کی صوریت پرخورکر و جوالیسے برتن میں بندسے جوایک انتصابی کور

(44)

المروقوت م

اوپل طرح فرد = ن (سارلافرلا + ما فرما) - ج فری)}

اس طرح مساوى دا وى طمير ادرسادى كانت كي طوي مكانى ما اير-

فرض کردکه برتن اسطوان سب جواپنے محدرکے گروگھوم رہاہیے اور نیز سیال کی کر کہت دی ہوئی ہے میں تقام عادم نے کے لئے سیال کو عنصری افعی حلقتوں میں (برازیک کی کٹافت کیسال) ترتب دیا ہموا خیال کرو۔ اور فرض کروکہ اونجائی می پرایک حلقہ کا تضعف قط رہا ہے اور ارتقت اعم موٹائی معت رئر انتصابی موٹائی معت می ہے ، اور اسطوانہ کا تصعف قطر و اور ارتقت اع

الماسية

طقى كيت= ٢ ١ ف رسف ر مف ى

ادبیال کی کمیت رک) = اُرک میت رک) = از او من د فرد و می

جہاں سداکواسطوازے قاعدہ سی لیا گیاہے

اس مساوات سے هر معلوم بہوطاً اسبے ۱۳۱۰ – اگرسال کسال زقارسے گورم رہا ہواور کسی شم کی قوتوں کے زیرعمل ہو تو تواز ن کی مساوات عام بھوگی

فرد = ت (لافرلا + ما فر ما + مے فری + ستا (لافرلا + مافر ما)} توازن کے امکان کے لئے خوط کی تین مساواتیں پوری ہونی جاہئی جن سے فرد کا پورائکملی ہونا ظاہر سرداوراگرینشرطیں پوری ہوں تو مساوی دباؤ کی سطحوں اور تبض صوریوں یس (14)

إزاد يطح كالغين ببوسكتام ليكن بيرا درسه كه بهيته آزاد سطح كاموجود بهونا مكن نهبسس ومال آزاد سطح کے وجود کے لئے فیزوری ہے کہ سماوی دیاؤ کی سطحیں کروٹش کے تحور کے لحاظ سے ا - ایک بند کی جناقص کی لکل میں سے اوجی کا محداعظم انتصابی سے تین مخلف العول سے عن كى كافتي سفيا ف و د كافي إن جردى كى ارسطون فاصل كے فاصلے سى ايك ماسكوسيد على الترتيب مرى را الريبول تو تابت كروك -=(ف - ف) + (ف - رف) + (ك - بف) ر ٢-- ايك ساكن سنيانس مائع كى دى بورنى كميت كے ذرات فالزن قدرت كيموج ايك دوسركومذب كرتيسى سي نقطه يركا دبا ومعلوم كرو-سے ایک مانع کی کتا فت ایسے برنتی ہے جیسے آزاد سطے کے نیچ کرائی کام لیے۔ (استطیلی رقبه برده اومعلوم كروجوا متصاباً عين ولوبا بواسع اورجسكا ايك صلع طيس عدر ٢) دائري رقبه ير ہے ۔ مگا فی رقبہ کوجو و ترخاص سے محدود سے ایک مائع میں انتصاباً عین وو و ماگما سے رکا راس ائع کی سطے میں ہے۔امپیر د باتو معلوم کرو (۱) جبکہ الع متجالنسس ہو (۲) جبکہ مانع کی کٹافٹ ۵ ـــه مساوی دار کی سطحیں درمانت کرہ جبکر توتین نابت مرکزوں کی طرف اکل بوں اورایسے بدلنی موں جشیبے ان مرکز دن سے فاصلے۔ ٢- ايك فتظم حارسطي (ذوارية السطوح) كوما تعييم ويا كياس اوراس طرح تهاما کیاہے کہ ان کے دومقابل کے کنارے افقی ہیں۔ اس کے مختلف پیلوئی رہے دباؤ کا ما رُغ ہے وزن کے سواتھ مقاملہ کرو۔ ا سار نقط لا ، ای پرنی اکانی کمیت محروں کے متوازی ترتیں 101(6-2)101(6-0)101 عمل كريس ترفابت كروكم مساوى وبالأكسطيس زائدي مكافى نما بس ادرمساوى دبا داوركمافت

اسكونيات

٨- ايك فخوس كرے ك افرود كروى وف بى شكے لفاف قطر كاوس كرے كے لفاف قطر کے نشف بیں الکومار کے ست بجودیا گیا ہے۔ مقوس اور مارنع سے فرات ایسی قراق سے ایک دوسر المحاومذب كرائي بين جواليسي برلتي إلى جيسك فاصلية تامت كروك مساوى ويا وكي سطوي مخوس کو سے عرفر کرسے ہی ۔ و - تاست کرد کو تر و (1+11+11) = - (1+10) = - (21+2) 4 + (1) 1- = x معضروق بن الع كيسية كوساكن ركهينكي أرائع كى كنافت اليد بدل جيس مستوى لا + ما + ى ع و ست رفاصل الم - نيزنا بت كروك سما وى داؤاورمساوى كانت ك والسار الرايك معروطي سياني الغ مست بمروط حاسة تونا بت كروكه الغ كري سركسي نقط ير سكه اوسط داؤ اورساله كي سطيسكه ايك فقطه مرسكه اوسط دباؤ مي نسابت ٣: ٧م موكي-ااساكى بى وزن برتن قائم مخووطى فكل كاسى بسكا داويداس المرسى-برتن ولن سے معردا کیا۔ ہے اوراس کوکورکے کسی نعظم سے نظاوا کیا۔ اگرمی وط سے مور کا میلان آتھا فی سمت كساته برموة فابت كروكه مر اب کی کیکوئیت ایک مرکزی جاذب توت (ہے) کے زیمل ایک مستوی بیات ہے قوت كا مرزمترى سے فاصلى يائى مون داقع سے جى طرف لمن بىس سے - مائع كى آزاد كروى مطح كالضف قطرات، أنابت كردك سنوى يروباد (C-1) -CT= سوا۔۔! کے متعانسس انع دو قونوں کے زیر عمل ساکن ہے جوالیے برلتی ہیں جیسے دو ٹا بت تعظوں سے فاصلوں کے معکوس مرابع بساوی داؤ کی سطی معلوم کرو-اگر صغر د بازگ علم ایک کروم و تونا ست کرو که ایسے نقطوں سے طریفی جن رکا رہا و قوت کے الك وروع فاصل ك إلى متناسب بكريسي - ۱۲ ___ اگرائع کے ایک عفر (جنعقد لا، اسى برس) پرعمل کرنے والی قوق ل کے اجزاے تحلیل کوروں کے متوازی علی انترشیب

كرتناب بول وبانت كرك وارن كن بيكي مرتين بيها مل بونا جائي

١٥ - مانع كي تيمكيت وورن

"G-(1+V)= C'"1-(V+G)= 6" V-"(G+1)= 8

ے زیر اون میں ہے۔ کٹا نت معلوم کرو ادر نا بت کرد کرمساوی وا وکی مطموع کروشی زائد نماہی ا

1-2-11-21-11-21-11-21-11-21-11-21-X

ناب کرد کرمسادی و با و اور کشافت کے شخنی واکروں کا ایک حبث ہیں -۱۵ --- اگر کا = ما (ما + می) مما = می (می + لا) کے = ما (ما - لا)

و تا بند اکر دکر سیاوی و باز اور کشافت کے منحنی ما (لا + می) استقل اور

١٠١٥ = منفل عوال بوتي

۱۸ _ مادی داوی داوی طعیر معلوم کروجبکرکسی نقطه (لا، یا) ی کی قرق کے اجزاے تخلیلی یا (نا + حی) کوی حلوب طعیس تخلیلی یا (نا + حی) کوی (عی + لا) کا (نا - لا) ہوں نیابت کوکر مطلوب طعیس ذاکدی مکانی نمایس

ما (لا + ی) یہ ج (ا + ی))

الم اللہ کا کہ ہے ج (ا + ی))

الم اللہ کے وسے ہوسے نظام کے زیر عمل متوان ہے اگر نے = فد (لا ا ای) کسی نقطہ پر کی کٹا فٹ کی دومکن قیشیں ہوں تو تا بت کرد کہ ہر مورست میں مساوی دباؤ کی علموں کی مساوائیں مورست میں مساوی دباؤ کی علموں کی مساوائیں فر (لا ا ما ای) ہے۔

MA

السلک کرہ جس کا تضعف قطر ج ہے متجانس مائع سے تقریباً مجر دیا گیاہے ہے کرہ قوت کے دو بیرونی مرکزوں کے زیرا ترہے جو کرہ کے قطر پر مرکز کی متقابل جا نبول میں اس کا اور کے نوائد کے مربی کے اور مائع کی کمیت بران کی ششیں بالتر توب سے ہے ہے اس میں۔ اور مائع کی کمیت بران کی ششیں بالتر توب سے ہے ہے اس میں۔

اگرانی الم المراح المراح المراح المراح المراح المراح المراح المراح الموقع الموتو الموتو الموتو الموتو الموتو الموتو الموتو الموتو المراح المر

س و + س و - (ع فر وس + فرس) م ا (ع فر + و فر) (و ب فرس)

۲۷ - ایک النے کی کنافت جوایک اسطوانی برتن میں ہے ایسے بدلتی ہے جیسے گہرائی۔ اس کو در سرے برتن میں متعل کیا گیا ہے حس کا فت الیسے بدلتی ہے جیسے گہرائ کا مربع۔ اس نیج برتن کی شکل معلوم کرو۔

اس سے برتن کی محل معلوم کرو۔
سایک مقدر کے وطاقبر کا اور اس ہے ہانی سے عین مجر دیا گیا ہے اور اس کا ایک کمون ایک افعی مستوی میں مصنبوط جرادیا گیا ہے مستوی کو کمیسا ل زاوی رفتار سے ایک استعما بی محدد کے گرو جو محزوط کے راس میں مرکزتا ہے گھا یا گیا ہے۔ بڑی سے برطی

(44)

رفنارمهاوم كروكر جس مص لمبذرتين نقطه بروباؤ صفرره مسك ادراس صورت مين قاعده بركاداؤ و سومروں مہر ایک سیدھا ڈنڈاجکامرزہ ایسی قرت سے کشٹ کا ہے جوفا صلہ کے مربع کے بالعکس بدلتی ہے متجانس بے پیک سیال کی کمیت سے گرا ہواہے۔ مساوی دبا دکی سطوں - Splan King ٢٥ - ايك زن دار مائع انفي معتوى بينها مواس اورايك البت مركزكي طرف ايسي تقل قوت معادى والوع جى كى شرى جادند ادفن كمسادى جى- مسادى وادكى طول كي نشكل معلوم كرو-نزمستوی رکا دباؤمعلوم کرواور تابت کروکجب مستوی قرت کے مرزیں سے گرزی ہے تو یہ دہا دما تع کے دزن کا سے ہونا کیے ۔ نیز مستوی برکا و باؤاس صورت میں بھی معلوم کرو جبکہ مستوی قرت کے مرکز کے نیجے یا اویر واقع ہو-۲۷ ۔ ایک ہمذات فول کا دور وی طویل اعاط کرتی ہیں جہم مرکز سنیں فول کا دو قدرت کے قانون ك بوب السين (المع والكونكون المرك عديد كالمراك عديد المراك عدواكم ساقة يكسال وفارس كورون سكرونوا يعظمن كرونوا وخطفتي كروكون الوثاب كروك الزطارة في كافتا و ٢٤ - ايك استواركروي فول منهان بي يك سيال سے بعروباليا سے عبس كام وره ايك دوسرے کوالیسی توت سے جذب را اس عرف صلے کے مربع کے با تعکس برلتی ہے تا سے کروکہ سطح برسك وبادا ورسيال كرسي افرروني نقطه يرك وبالوكافرق اس نقطه يس سع كرونيوالى كره كى جھو لی سے چھوٹی تراش کے رقبہ کے متناسب ٢٨ -- إك كھا برتن عبر من مائے سے كسال زا دى رفتارسے ايك انتھا بي مورك كرو محما الراس عرف كي شكل اوراس كالعادمعلوم كروكه وه عين فالى بوجائے -٢٩ - منهائس سال كي ايك فيركد ودكميت ايك بندسطيك كرد سے اورسطح كے اندروني تقطر (ور ا کی طرف ایسی قرص سے مذب ہورہی ہے وفاصلے کے کمعب کے تناسب معكوس يرب السط كسى لقط ن يرك عنه رجوداد سي استعمت ن و ين تخلیل کیا جائے و نا ب کروک اس طرح حاصل شدہ تمام تفتطوں کے قطری داؤں کا مجوب ل رمبتا سرم خوا ه مطحی جب است ادر اس کی نتکل مجھانی بولبنتر طبیکه نقطه ن سے لا متنا ہی

فاصله برسیال کا ده او معدوم زوجاتا موسد. م

فايت كروك

(23-1)1=1

کو اس کے مورسے گرد جوانتھا بی ہے (راس اوپر کی طرف) گھاکر ایک ظرف بنایا گیا ہے۔ اور اسکوما نی سے معین بھروما گیا ہے۔ یکسال زاد می رفتارے بیاں محررسے گرد گھوم رہا ہے۔ یہ قار معلوم کر و جبکر صفر و باؤکا خط طہ = ہے ہوکیسی ودمرسے نقطہ پر بھی دماؤہ معلوم کرد۔ ادر وہ نعت اط مجی دریافت کردجن برکا د باؤبڑسے سے بڑا ہے

اس ۔ تمام صنا ایک ایسے کی دارت ال سے بحری ہوئی ہے جس کے ذرات ایک نقط کی طوف ایسی قرت سے جاری ہوری طوف ایسی بدلتی ہے جسے فاصل اس سیال کی پوری کسیت دی تنی ہے۔ ایک وائری تسری بیا واؤ معاد مرکز و جس کا مرکز ترت کے مرکز پرہے۔ مس سے سے وائرے کھنچے گئے جن کے مرکز محری پرہی اور جومستوی لا ماکو مبدا و پر مس کرتے ہیں کسی تنظم ن کو تقین (ر او مل اون اور اور ایک ایک میں سے کرز نیوا ہے اور ستوی وج ن کو فلہ سے اور ستوی وج ن اور موری میں سے کرز نیوا ہے ایک تاب ستوی کے ورمیان جوزا وج بنا ہے اس کو قتم سے تقریر کی گئے ہے۔

فرد میں (ا-جم طر) فرر + ت مبطر فرر به قت د فرطه ان رحب طفر فر عبان الغ کے عفر مربر قرین میں میں میں ام لی علی الترتیب ج ن کی ست میں دائرہ کے نقطہ ن بر کے عاس کی ست میں اور دائرہ کی ستوی پر کے عماد کی سمت میں ممل کرتی ہیں۔
ممل کرتی ہیں۔
میں کرتی ہیں۔
میں کرتی ہیں۔

(VA S

ممس مانع كى كيم مقدارجس كى تافت ايسىدلتى سى جيسى كمراني ايك المفامكاني ناسي جس كاوترفاص جمع ف ارتفاع تك بعرى مونى ب فابت كردك اس كى كتاف ايس مدے کی جیسے کہ ان کام بع اگراس کو ایسے برتن بن منتقل کیا جائے حسکی شکل مخنی (1-17- V) (1-1) V(10-V) کو محور لا کے گرد کھانے سے مالل ہوئی ہے جہاں وکوئی ستقل ہے۔ ۵ سا ۔۔۔ عاف النات مانع کی کمیت مبلی کتافت ن ہے توان ن میں ہے تالان معکوس مراح کا فانون ہے۔ تا بت کروکہ انع کے کسی کرہ میں ادسط داؤ مرکز بیک داؤست بقدر له المناز كالمروك جمال دره كانفف تعرب-٢ ١ ١١ مند كلوكولا فالم مستدر مخروط ايك افقي مستوى يراسين قاعده يركفر البواسي -اس کومانع سے عین کھرد ماکیا جس کی کثافت ایسے مدلتی ہے جیسے گھرا ن-اس کے بعد او الك كراس طرح تقاما كياسي كراس كاراس عين سنوى يرمواور محور انتضابي مو- فابت كروكه اسكى سختى سطح يوكا حاصل دباؤ مقداريس غير شغيرر شام ليكن ما نع كى توانا في بالقوه نسبت سے بدلجاتی ہے۔ یہ فرفن کردیا گیا ہے کہ اگر مائع کوستدی پر ڈالدیا جائے تو توانا کی اِ تعوہ صفر ہوتی ہے۔ پس اک سال فانون (3-3)=(5-6) کے مطابق خفیف طورر ونباہے جہاں م ایک جیونی مقدارہے۔ نامبت کروکر اس سیال كى الله الله عشب الما تميت السينة واتى تجاذب أوربيروني وباؤ جسك زير عمل اكي كردى تشكل اختياركرتي سي مبركانصف قطالق بأ الرا - سر × م ١١ وات) ب جبال م تجازب كاستقل ۸۷ سے کمیں کی کے کمیت جوشفل بیش رہے تمام نصناویں بھیلادی کمی ہے اور بنوظم

ماسكونيات

(لا) ما ، ی) برزوت (ف) اکا فیکیت) کے اجزائے تحلیلی ۔ ولا ا ۔ ب ما ، ہے ی ہیں۔ مبدا و پر دباؤ اور کتا نت علی الترتیب د اور نت کے مساوی ہیں۔ نابت کروکہ و ب ج ن کے سامی ہیں۔ نابت کروکہ

وس بوائی دی ہوئی کیت ایک ہوابنداسطوانہ ہیں ہے جس کا حورانقد ابی ہے موا اسطوانہ کے محورکے کروا صنافی قالان میں گھوم رہی ہے۔ محورکے بلندترین نقطہ برد باؤ دراس کی مختی سطح کے بلندترین نقاط برد باؤ دھے۔ نابت کردکدا گرسیال مطاق طور پرساکن ہوتا تو محورکے بالائی نقطہ یرکا دباؤ

روک درور کی ایم ایم ای در ای می محسوب کیا گیا ہے۔

بہ سکیس کی تجمعیت مستقل تبیش پرایسی قوق کے در عمل ساکن ہے جن کا قرہ نصنار

میں تعظیم نہ ہے (فضا دکے مدودی مغرائط کچھ بھی ہوسکتے ہیں) ۔ اُس نقطیر جہاں فنہ صفر ہوتا ہے، دہاؤ ہ اور کثافت مذہ ہے۔

مفر ہوتا ہے، دہاؤ ہ اور کثافت مذہ ہے۔

اب کیس پرسے قرق کا عمل مٹا دیا گیا ہے اور اسکوابیی فضا میں ن کیا گیا ہے۔

ا ب کیس بہت قولوں کا عمل ہٹا دیا گیا ہے اور اسکوالیسی فیفا میں ندکیا گیا ہے ہیں اس کی کتا فت کیس میں ذاتی توانائی اس کی کتا فت کیس میں ذاتی توانائی العقوہ کا نعصان ہے

 $\frac{d}{dt} = \frac{d}{dt} = \frac{d}{dt}$ $\frac{d}{dt} = \frac{d}{dt}$ $\frac{d}{dt}$ $\frac{d$

ت اور ن د د ایک بے پیک سیال کی کمیاں کر وی کمیت جس کی ٹافت ف اور نصف قطروب میں اس سے ایک بے پیک سیال کی کمیاں کر وی کمیت جس کی ٹافت ف اور نصف قطروب کا دو سرے بے پیک سیال سے جس کی کثافت کا اور بیرونی نصف قطر ب می گری ہوئی ہے۔ بور استیال اپنے جاذبہ کی وجہ سے قان ن ہے اور کوئی بیرونی دباؤیا قریش عمل نہیں کوئی مرد لال سیالوں کو اگر اس جو کا ایک متجانس سیال تیار کھیا گیا ہے اور بچر پیکیت کروئی تکل

ما سكونيات

میں ستواز ن ہوجاتی ہے۔ تابت کروکہ پہلی صورت میں مرکز پر کا دباؤ دوسری صورت میں مركز يرك واؤسى بقدر

[(ナー)(ナー)(ナーーン)ナーー(ナーー)なりかけ

هم - ايستانس تازي لهوسطيء و (١ + عد عن (عمل) سے محدود - اس معوس کی میت کے اور تا نق و ہے اور عدا تناہے واست کراس کا مربع نظرانداز کیا جاسکتا (١٦) - ير مشوس ايك تجازي مائع سے جمالي كيت ك اور كمانت سف سے كرا بوائد الله كروكه آزا ومطح كي مساوات تقريبًا

ر=ب (ا+ برع في (جم طر))

ب جال

ではり(ビータ)や

میدان میں رکھا گیاہے جس کاتجاذی توہ ہے

(140) (65) ¿ (1+0) or] جال انع کی اوسطاروی سطے کے مرزے رایا گیاہے۔ من کے نورکی رقوں کے مراج نظرانداز كئے جاستے ہیں۔ ناب كردكة زاد عظمى ساوات ہے۔

۴۷ ۔ اگرزین کوشھانس مائع کا ایک کرہ خیال کیا جائے تو ٹا بت کروکہ اس کے مرکز پر وہا کہ ہان اور پونڈ فی مربع دنٹ ہو گا جمال زمین کے ما دہ کے ایک معمی فٹ کمیت کا وزن منٹا پرنڈ ہے اورزمین كا نصف قط ا فظار مرام _ تا وي الع كا ايك كروب حرك نفعت قط المع يستطروس كى تأفت كما ل طور ير برهمتي حاتى ب عصه دو نقطه مركوك قريب أمّا جا المنسيطي كمّا فت من اور او سط كُتَّانت ن ب - نابت كردك مركز يركا د باؤب {: ヴァナ(ヴーヴ) ヴェージ n.よ ٩٧ - تا ذي سيال كاليمه كروسي حبل الضف قط السبع مسادى تأ فت كي طيب صدود ی عظیمے ساتھ ہم مرزکرے ہیں۔ اور آزاد سطے سے مرکزی طرن جانے میں کتا فتیکسی قانون کی بوجب بڑھتی حالی سے ۔ است کردکہ مرکز سرکا دماؤائس دماؤستے جبکہ کٹافت یکساں ش ١٩ جر (ك - ك) ر فرر کے بڑا ہوتاہے جہاں ف پوری کمیت کی اوسط کتا مت کو اور ف اس حقد کی اوسط کتا فت كولقبيركراسي ومركزست رفاصليك اندرس ادرج تجاذب كامشقل م

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

(11)

مطحول يرسيالات كاحاصل دباؤ

۳۳ - ہم نے گذشتہ اب میں یہ دیجھاہے کرسیال کے کسی نقطہ پرد اوکس طرح معلوم کیا جاتا ہے جبکرسیال دی ہوئی قوتوں کے زیمل ساکن ہو۔ اب ہم اُن دباؤ کے عال دریافت کرنے کے جوسیال طوں پربیدا کرتے ہیں جن کے ساتھ دو تماس د کھتے ہوں۔
مسلوں پربیدا کرتے ہیں جن کے ساتھ دو تماس د کھتے ہوں۔
مسلوں پربیال کے عمل کو ہم اس ترتیب سے بحث میں لا کیں گے۔ پہلے سیالات کا عمل مسلوں پر بیرجا ذبہ ارض کے باتحت سیال کاعمل شختی طوں پر ادرا خربی کسی دی ہوئی قوتوں کے انتحت سیال کاعمل شختی سطوں پر ادرا خربی کسی دی ہوئی قوتوں کے انتحت ساکن سیال کاعمل شختی سطوں پر۔

مستوى سطحول برسيالي دباؤ

چوکئیستوی کے تمام نقطوں پرد باؤستوی پرعموہ وار ہوتے ہیں اور ایک ہی ست میں مملکرتے ہیں اس کئے حاصل دباؤان تمام دباؤں کا مجموعہ ہوتا ہے ۔

ممل کرتے ہیں اس کئے حاصل دباؤان تمام دباؤں کا مجموعہ ہوتا ہے ۔

بس اگر سیال بے بچک ہوا در صرف جاذ بدار ص کے ذیر عمل ہوتو کسی ستوی پر کا ماصل دماؤ

= \(ح ف ى فر البجان ستوى رقبه كے مفر فر الكي الكى ہے = \(ح ف تى فر البجان ستوى رقبہ كے مفر فر الكي الكى ہے = \(ح ف تى كار منداور تى سے اس كے مركز ہندسى كى گرا الكي بير ہوق ہے - \(حام طور برا گرسال سى قسم كاموادر دى ہوئى قرق سكے زير عمل ساكن موق متوى كے اندر محور لا اور مالو اور فر فن كروكہ نقطہ (لا كم ا) برد با مر حرسے -

تورقبه کے عصر معن لا معن ما يركا دباؤ = د معن لا معن ما .: عامل دباؤ = J < فرما فر لا مال كمل كل قبازيجث يرايا كياس -اگر قطبی محدد استعمال کے جائیں تو حاصل دبارُ

=] در فرر فرطه

سه سا نفراهنا سطومتوی کی صورت میں ویا تو کا مرکز و و نقطرے جہاں ستوی ہے اس تنہا قوت کی مسلمی و مستوی سطے رکے تمام سالی دباؤں کے حال کے سماوی ہے۔ یہاں د با وکے مرکز کی تعربیت مستوی طلحوں کے لحاظ سے کی گئی ہے۔ آیندہ بیہ معلوم وی سطحوں پر سیالات کا حاصل عمل ہمیشہ ایک تنہا قوت میں تحلیل بنہیں کیا جاسکتا۔ وزن وارسيال كي صورت من يه ظاهر سط كدا نقى رقبه كا دباؤ كا مركز اس كا مركز بهندسي وكا كيوبكه کے ہر نقطہ رکا دہا و مساوی ہے اور جونکہ کہرائی کے بڑست کے ساتھ دہا ویجی برہنا جاتا را ففی ستوی میں دار کامرز مرز ہندسی کے نیجے واقع ہوگا۔ نوی تغیر کا دہاؤ کا مرزمعلوم کرنے کے لئے صنا بطے ۔ فرعن کردکستوی کے اندر على القوائم محاورت كاظرت كسي نقطه كم محدد (لا) ما) بي اوراس بركا دباؤ دا ادر اس كے ساتھ كے نقطر كے كور (لا + معت لا) اللہ معت ما) ہيں-نیز (لا ، ما) دباؤے مرکزے محدوہیں۔

بالكينيات

د = ج ف اجب طر ا اوراس سے

ان آخری مساوالوں (بہ) سے ظاہر ہے کہ وہاؤکے مرکز کا مقام مستوی اور افق کے درمیا نی ناویہ پر منحصر بہنیں ہوتا۔ اس لئے اگر ستوی اور سال کی سطے سے خطاتقاطع کے گردستوی کو کھایا جائے تو وہاؤکے مرکز کے مقام میں تبدیلی داقع بنیں ہوگی۔

اکرمساوا توں وہ ایس کے کورد ہوجائے ہیں اور ہو نیتی دفعات کے دفعات کے مطابق ہے۔

لو آ اور آ رقبہ کے مرز ہندسی کے مورد ہوجائے ہیں اور ہو نیتی دفعات کے مطابق ہے۔

لیکن مساوا توں (بو) میں آ اور آ کی قیمتیں طویر شخصر نہیں ہیں اور طرکے معدوم ہونے سے ان کی کی ری فرق نہیں آ اور اس صورت میں مرکز ہندسی کے محدو حاصل شمیں ہوئے ۔

اس فاہری کے طا بطکی کی تو نیتی اس طرح بولئی ہے ۔ طرکو کذنا ہی جھوٹا لیا جائے ستوی اور سیال کی سطح کا درمیانی سال ہوئے اور ستوی اور اور ستوی کے کا درمیانی سال ہوئے ہیں گاہ وارستوی کی نسبتوں میں موروم ہیں ہوگا۔

انتہا میں سب معدوم ہوتے ہیں لیکن میں میں اور ستوی ہی نسبتوں میں موروم ہنیں ہوئے بلکہ طور کی سی میں دو قیمت کے سیانی میں سیال میں سب معدوم ہوتے ہیں لیکن میں میں سیاد ہیں انتہا میں سب معدوم ہوتے ہیں لیکن میں میں سیال میں سب معدوم ہوتے ہیں ایک سیال میں سے ہیں اُن ستفال نیبوں میں سیال میں سے ہیں اُن ستفال نیبوں میں سیال میں میں دیکھے ہیں اُن ستفال نیبوں میں سے ہوں اُن ستفال نیبوں میں سیال میں میں موجوبے ہیں۔

میں میں میں میں خوص میں۔

اس دنندكى ساداتين استدلال في سيمي طامل بوسكتي بي-

متوی رقبہ کو محدود کرنے والے خط کے مرفق سے انتہابی خطوط سیال کی سطح کے کھینے ہوئے ہوئے سیال کی کچھ کمیت ان میں گھر جائیگی ۔ اس مستوی سے تعالی کا انتہابی جزو تحلیبی سیال کی اس کمیت کے وزن کے برابر ہوگا اور ہو وزن کمیت کے مرز میں سے گزر نے والے انتہابی حظ میں عمل کرسے گا در جہاں پریہ خطاستوی رقبہ کو سطے گا دہ وہاؤکا مرکز ہوگا ۔

وہی محور لو تو ایک عنصری منفور کا وزن جو سعوی کے نقط (لا ایما) میں سے عمل کرتا ہوگا جہاں افق کے ساتھ مستوی کا میلان طرح سے جاتے گئے مستوی کا میلان طرح اور اس سے معتوی کے نقطوں برعمل کر سے والی ان متوازی تو نوں کا مرکز مسا وا تو ں

(44)

، آ = كراج ث ك اجمط فرما فرال سے يغے كراج ث ك جمط فرما فرال آ = الرج ٹ گ لاجم طهر فرا فرلا كر ج ف كرجم طر فرا فرلا لآ = الآگلافرافرلا ، الگ ما فرما فرال سے عالی برقارے۔ الگ فرما فرال بس یہ فاحسہ ہے کہ وہاؤے مرکزی گہرائی گرے بہدئے سیال کی کمیت کے مرکزی ٢ س - وزن دار ما نع كى صورت ميں دباؤك مركز كا مقام سئله ذيل سے مندى طور ير حال اگررتبہ کے ستوی میں ایک ایسا خاصقتی لیا جائے جو مائے کی طب کے متوازی اور رقبہ کے مرکز ہندسی سے اتنا ہی نیجے واقع ہوجتنا اس سے (مرکز ہندس سے) مالع کی سطح اوپرواقع سے قواس خطاستقیر کا قطب لمجا ظ مرکز ہندسی پرکے معیاری قطع ناقص کے جس کے نیم محور اس نقط پرگردش کے صدری نیم قط ہیں دباؤگا مرکز ہوگا۔ رقبه و اور دس معدري نفع قطول كو دا ب، فرض كود يصدري نفيف تطمسران مسادا و سي معلوم موسك مين -إباء إلى فرلا فرا ﴿ إِ = } الله فر لا فر لا میاری (Momental) ناتقر کی سادات ہے 1= + 1 جاں والے کے تورم را ہندسی رے صدری مور ہیں۔ فرض روکہ لآ ، با دباؤ کے مرز کے معدد ہیں اور سط میں سکنط کی مساوات ہے لا جم طربه ا جب طر = ع

وباذكام

(40)

01

اسكونيات

تولاً = كر ع- لاجم طر - ما جب طر) لا فر لا فرا = - الم جم طر القراء = - علم الم الم الم الم الم الم الم الم الم اوراسي طرح] = - ي جب طه ن (آ ، آ) خطستیم لا جم طه + ما جب طه = - ع کا قطب بلیاظ معیاری اتص کے ہے -کا قطب بلیاظ معیاری اتص کے ہے -کا مرکز معلوم کرنے کی مثالیں -اوراس کا ایک کنارہ مانع کی سطیں ہے۔ اگر طے کے اندرکے کنارے وکا کو محر لا تواروبا جا سے تو مَّ = كَلَمَّا فَرِمَا فَرِلًا مَّ = كَلَمَا فَرِمَا فَرِلًا المك المحدود وكمل وي إس جو لا كے اين -ابي كم الما فرلا فرا = المر (الا - لا) فرلا = الله وا كرلا افرلا فرا = الم لا (لا-لا) فرلا = لم وال "1 = U = " (" - U - ") (U = W = U) [[U - U] [U = W]

•

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

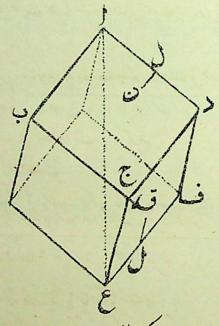
اسكونيات

17 = 1 1 = 1 .. تطبي تحدداستعال كرنے سے اور و لا كوابتدائي خط ليے سے ہميں حص ف رجب طم ها صل جونا جا <u>سم</u> اور الرر جب طه فرر فرطه ادر ما = كركرة جب طور فرطه مد الله الله (١) إيك دارى رقبه جس كانصف قط او ب انتصابى ست مي ولويا كياب اوراس كامركز بندى گہرائی کے پرواقع ہے۔ مركزكومبدا ادراس مي سے كررنے والے ينج وارا نتصابى خطكوا بتدائي خط قراردو-اگر نقطه (را فه) بركا دباؤ د بهولو د = ن سف (گ + رجم طه) اور م كر كے نعے وباؤك م كردى كرانى ۲ کرکر را جم طه (گ + رجم طه) فرر فرطه = ایک استال از کر + رجم طه) فرر فرطه ینتجہ دنعہ (۲۷) کے مشلہ سے فوراً اخذکیا جاسکتا ہے۔ رس ایک انتصابی ستطیل جس کاعوش انقی ہے کرہ ہوائی کے زیرعمل ہے جستقل تیش برہے۔ الرستطير كتاعده يركه بوائي كا داد ١١ جوزى لمندى يرداد ١١ وم موكا وفدادم)، اورا گرب سے مستطیل کا حوض تغبیر وستطیل کی ایک افعی بیٹی برکا دباؤ ۳ نوم × س سن ی الرستطيل كاطول و بوتواس يركا عاصل وابؤ

((1 -1) + H = (3) + OF = (1-1)

 $\frac{1}{1-\frac{16}{5}} = \frac{1}{5} = \frac{1}{$

(ام) ایک کھو کھل کمعب وائے سے تقریباً بھر دیا گیاہے۔ یہ کمب اینے ایک انتصابی وترکے گرد (۳۱) کیسا ں طور پرگھو متاہے۔ ان کے مختلف رخوں پر کے وباؤ اور ان کے دباؤکے مرکز معلوم کرو-



١-١٧١١٠١٠١-١ أدا إب كو مور لا أور مور ما قرار دو- اور فرض كروككسي نقطه ن (لا اما) ك نفظه ﴿ سے انقی اور انتصابی فاسطے می اور ر بیریاتو

> (t + 5 = - = - 3 ى= المنا ، شكسة نعام ل ن كا اع يرفل يفسه،

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1$$

· Sosi,

00

ماسكونيات

الم المراس الما فر ما فرال اور ما = كل ما فر ما فرال سيمال بوكا المراء فرال سيمال بوكا المراء فرال المراء في المراء اور مَا = كرا جب طرجم طه فرر فرطم اور مَا = كرا جب طه فرر فرطه اور مَا = كرا جب طه فرر فرطه كرا جب طه فرر فرطه (٢) ایک نفعت واری رقبهانی میں پوری طرح وبود یا گیاہے وار وکی سطح انتصابی ہے اس کو ا صاطر کرنے والے نظر کا ایک سرام الع کی سطح میں ہے فرض کردکہ قطرادر ما نئے کی سطح کا در سیاتی زاویہ عدسے اور قطراور أبيد كے ماس كو محادر مان کرد باؤے مرکزے کدو (الا ما) ہیں تو لا كراز جب (ط + عم) فرر فرطه = كرر جم طحب (ط + عم) فرر فرطه اور ما كراحب (طه + عم) فرر فرطه = كرراجب طحب (طه + عه) فرر فرطه ر کے حدود . سے ۱ ا جم طر "ک اور ط کے . سے ایک ک اگر متوی رقبہ اور آزاد سطی کا حظ تفاظع ﴿ ب مِ تو ﴿ ب مِ مِ اور اللہ اللہ کے مرکز کا فاصلہ رقبہ کو رقبہ کو رقبہ کو رقبہ کو انتظابی سمت کے درمیانی زاویہ پر شخصر ہمٹیں ہوتا (دفعہ ہم) اس نے ہم رقبہ کو انتظابی کے سیکتے ہیں۔

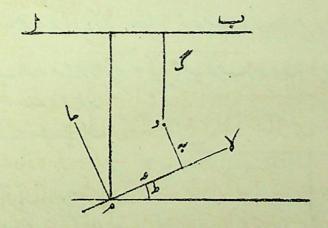
انتظابی کے سیکتے ہیں۔

وف کے کی نالہ میں نقط ہو کی گیا ہے گیا ۔ سمان قد کرنے درگرہ و انداء جوہیں۔

نرض کردکر نابت نقطه و کی گهرائی گر جه اور رقبه کے اندر و لا و ها تابت توزیر-اگر و لا کا سیلان افق کے ساتھ طہ ہوز

د= ي ف (گ - لاجب ط - ما جم ط)

حباں لا نب اج وغیرہ معلومیت قال ہیں۔ اب طرکوسا قط کرنے سے دہاؤکے مرکز کا طرات ایک مخروطی تراش مبرگی-



دفعه (۳۹) کے مئل کی مدسے بھی ہم اس نیتی کو اخذ کرسکتے ہیں۔ ہندسی مرکز ہر میں سے گزر سے والے صدری محوروں کو حوالے کے بھور قرار دیکر اور و کے محدد (عدَّب) فرض کرکے ہم بیعلوم کرسکتے ہیں کہ دباؤ کا مرکز خطاستیقیم لاجب طه+ ما جم طه = - (گ + عد جب طه + به جم طه)

(ma)

كانطب (فنا عوا) بلحاظ معباري ناتعي كے ب اور ساوانوں سے مال موالے - ان ساماتوں سے سادائیں J-= d + + + + + (1 + + 1) J -= d -= s + b ? (+ + 10) يها جب طراوا وريم جمول كوسا قط كرك عاصل سنده متيون كام بيم سيكر جمع كرس تو بمین طاربرطرین کی مسأدات معلوم موجاتی ہے ج (الا ب ا + عد ب منا لم برارعاً) = کا (الا عا + ب اصناً) إكرو اور هراكي وورس إمنطبق موجأس يعني الرعه = . ، اورب = . توطريق كي سادا سي بوجا تيكي 44 _ ایک، برتن میں وقعے کے مانع منی جوایک دوسرے کے ساتھ آمیز نہیں ہوتے۔ (۲۹۱) برتن كا قاعده سنة ي عاور الل كيبلوستوى اورا نتصابي مي- ايك ببلوير عال و اوراس کے دہاؤ کا مرکز معلوم کرو۔ فرض کروکہ اور کے انع کی کٹافت بٹ اور گہرانی ک ہے ادر نیچ کے انع کے لئے متناظرار قام ف ' اور کے ہیں۔مفترک طح انقی مستوی ہونی جا ہے جس کے ہر نقطہ برکا وبار ج اٹ کے ہوگا اور مفترک سطے کے نیچے ی گرانی رکاوباد ہوگا ر ش ک ب ح ش ی انتسالی بیلوکا عرض ب سے سے اس یر اویر کے انع کا داؤ = لے ی ف ماک

اور نیج کمانع کا واؤ = گرن (ف گ + ف ی) ب زی = ج ب گ (ف گ + ل ث گ) عال داؤان دولال کا مجرعه بوگا جو

= ج ب (اس کیابر کے سیالی دباؤکا معیار (اس کے اور آزاد سطے کے خطاتھا طیے کے گرد)

اس بہلور کے سیالی دباؤکا معیار (اس کے اور آزاد سطے کے خطاتھا طیے کے گرد)

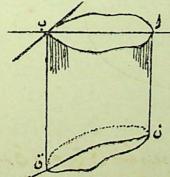
= کر ج نف ب ی مزکرہ بالاعامل دباؤ کے جہا سے اسکوشیم کرنے سے ہمیں دباؤ کے جہارت اسکوشیم کرنے سے ہمیں دباؤ کے مرکز کی گہرائی جانس موجاتی ہے۔

مرکز کی گہرائی جانس موجاتی ہے۔

منحنی سطحوں رہے کے حال دہاؤ کو متعانب ہالڈ کا جو جان اومند کن علیداک

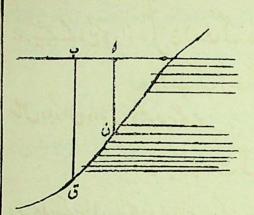
بم __ایک متجانس مائع کا جو جا زبرارض کے زیرعمل ساکن ہے سی طے پرماس انتشابی دباؤ دریا فت کرو۔

بور روی می روت فرص کرد کوسط ن ق پرایک وزن دار ما کع کاعمل بورا ہے اور ماکع کی آزاؤسطے پراس کا اللہ 10 م ہے۔ مالغ کرکست ، آر آن کا کع



طل و ب ہے۔ النے کی کمت کو تقال کے بات النے النے کے افتی دما دُاور ن ق کے تعال کے بات میں مت میں متوار ن ہے۔ اس تعالی کو انتصابی سمت میں تعلیل کیا جائے تو ہے جزد تحلیلی وق کے وزن کے برابر ہونا چا ہے اور برعکس اس کے ن ق پر کا انتصابی دباؤ و تی کے وزن کے برابر پر کا انتصابی دباؤ و تی کے وزن کے برابر

ہوگااوراس کی کمیت کے مرکز ہیں سے عمل کرکھا۔ اگر ن ق کو مائع اور کی طرف دبائے حب طرح کد دوسری شکل سے ظاہرہے توسطے کوفاج کرو۔ اور ن ق کو ظل پہلے کی طرح مائع کی سطح پر لو اور فرض کر وکہ نصنار الاق استی قسمے (で)



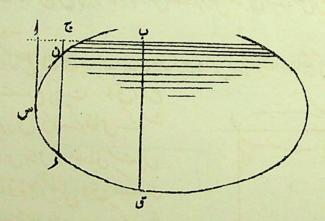
مانع سے بھری ہوئی ہے اور مائع کونیجے سے فارچ کردیا گیا ہے نارچ کردیا گیا ہے ن ف کے تمام نقطوں پرکے دباؤ و ہی ہیں ہو پہلے تھے لیکن مقابل معوں بی ادر چونکھ اس مفروضہ صورت میں انتصابی دباؤ وقت کے وزن کے مسادی ہے اس سائے

اصلی صورت میں حاصل استعمالی دیا واویر کی حاب و ای کے وزن کے باہر ہوگا۔

ارسطی کوائع جزا اور کی طون اور جزا نیجی کی طوف دائے تو نظم ن میں سے جوسطی کے ذریجی فی طف کا بائد ترین انتظار ہے ایک انتظار کے ایک انتظار کے ایک انتظار کے ایک انتظار کے کہ ستوی ن رکھینی اور فرض کروکہ النج کی سطح پر ن س ق کا نظل او ج ب ہے۔

تب حاصل انتھا ہی داؤ ن س ر بر

ت حاصل انتھا ہی داؤ ن س ر بر



ادر رق پر = ج ق کے اندرونی مائع کو درن اور لی این کو درن اور انتصابی داؤہ ج ق کے اندرونی مائع کو درن + ن س ر کے اندرونی مائع کا درن + ن س ر کے اندرونی مائع کا درن - بینجہ گؤسٹنے دوصوروں کی دوسے بھی حال کیا جاسکتا ہے کوئک ن رکوانتھابی یا بینچہ گؤسٹنے دوصوروں کی دوسے بھی حال کیا جاسکتا ہے کوئک ن رکوانتھابی

عاسی مستولوں کے خط تماس سے دوصوں ن س ا سی ر بیں تقلیم کیا جاسکانے جن پر كے وباؤ على التريت اور وار اوريني وار بس- اور ونكر ن س يركا دباد = الع لان س كا وزن س ر پر کاواؤ = انع وس ر کا وزن اس كئے ان كا فرق نفنى ن س رير كا انتصابى دباؤ = بائع ن س ر كا وزن اسی طرح دوسری صورتوں پر غور کیا جا سکٹا ہے۔ منيا بده طلب ہے كر يخقق غير متحان مائع (جس من كُنّا فت كرا أي كا اك تفاعل موني جا کیونکرساوی دا و کی طحیر مساوی مثافت کی طحیس ہوتی ہیں) کی صورت میں بھی درست ہے بشرطيكة قانون أنَّا فت بالع كي مفروضة ومعرف من هي وسي خيال كما واست-سطح ن ق بر کا مال انقی دا وکسی دی مونی ست مین معلوم را ا وى بونى مت كے على القوائم انتقابى متوى يرن ق كافل اواور فرض كروك ما ظل نُ قَ ہے اور سنوی نُ قَ بِر کے داؤ، ن ق برکے طال انعی داؤ، اور سنوی نُ قَ کَمیت نُ ق ، نُ ق برکے داؤ، اور سنوی نُ قَ كم موازى انتقالى متولون مرعل رف والى وول ك ورام ساكن معد -

اس کے ن فی پر کاافقی دباؤن فی پرکے افقی دباد کے مساوی ہے۔ اور یہ دہا وایک ہی خط خط مطاقتی میں علی رہے ہوں یعنی ن فی کے دباؤ کے مرکز ہیں سے گزرنے داسے افقی خط میں سے۔
میں سے۔
اس کے عام طور پرکسی سطح برحاصل دباؤ معلوم کرنے کے لئے اس پرکا انتصابی دباؤ

اور وظی القوا کر سمتوں میں عامل نعنی د ما دُمعلوم کرو۔ یہ تین قر تیں بعض صور توں میں ایک تنا قوت میں تخویل ہوسکیں گی حب کے سئے طاسکو نیات کے عام طریقوں سے حامل کی کیواسکتی ہے۔
کیواسکتی ہے۔
مثال نے۔ ایک نصف کرہ توبانس ما نع سے بھر دیا گیا ہے اور اس کو مرکز میں سے گذر نے والے دو علی القوائم انتصابی مستولوں سے چارصوں میں تقسیم کردیا گیا۔ ان حیار شخنی حصوں میں دو علی القوائم انتصابی مستولوں سے چارصوں میں تقسیم کردیا گیا۔ ان حیار شخنی حصوں میں

سے آیک حصر برکا حاصل عمل در مانت کرد۔ مرکز کو سیدا ما نواحاط کرنے دائے افعی ضف قطوں کومحور لا ادر محور ما اور استعمالی نصف قط کو تحور سی فرض کروتولا کے متوازی داؤ، رہم ما وی برکے دباؤ سکے مساوی مرکز جہاں ما وی ، و لا کے علی القوایم مستوی پر شخنی سطح کاظل ہے۔ اس سلئے ولا کے متوازی ویا و

میں سے گذرتی ہیں۔ اور اس کے دہ ایک تنہا توت

(HY)

عاسی ستولوں کے خط تماس سے دوصوں ن س ا سی ر بیں تقلیم کیا جاسکا ہے جن یہ کے وباؤ علی التربیب اور وار اور ینجے وار ہیں۔ اور ونکر ن س يركا واز = الع لاك س كا وزن س ریر کا واؤ = این وس ر کا وزن اس کے ان کا فرق دنیں ن میں ریر کا انتصابی دباؤ = ائع ن میں رکا وزن اسی طرح ووسری صورتوں پر غورکیا جاسکتا ہے۔ منيا بده طلب ہے کہ پیخفتی غیرمتحان ماکع (جس من کٹا نت گیرا کی کا ایک تفاعل جو تی جا کیونکرساوی دا و کی طحمر ساوی مخافت کی طحیں ہوتی ہیں) کی صورت میں بھی درست ہے بشرطيكة فانون أنَّا فت ما نع كي مفوضة ومعت من محى وسي خيال كما جاست-سطح ن في ركا عامل التي داوكسي دي بوني سي مار عام را -وى بونى مت كے على القوائم انتقابى متوى يرن ق كافل اواور فرص كروك ما فلل أَنْ قَى مِهِ الرَّسِيْوَى الْأَقَى مِهِ الرَّهِ وَلَهُ أَنْ قَ بِرِكِ وَلَهُ أَنْ قَ بِرِكَ مَا لَا الْفَي دَا إِنَّ اورسنوى الْأَقَى مَا الْمُعَمِّدِ فَيْ اورسنوى الْأَقَى مَا الْمُعَمِّدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ اللَّهِ فَيْ الْمُعْمِدُ فِي الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فِي اللَّهِ فَيْ الْمُعْمِدُ فِي اللَّهِ مِنْ اللَّهِ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِدُ فِي اللَّهِ فَيْ اللَّهِ فَيْ اللَّهُ فِي اللَّهُ عَلَيْهِ اللَّهِ فَيْ الْمُعْمِدُ فَيْ الْمُعْمِلِينَ فَيْ اللَّهِ فَيْ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ عَلَيْهِ وَالْمُعْمِينَ فَي مِنْ فَيْ يَعْمِي اللَّهُ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِّقِي اللَّهُ عَلَيْهِ وَالْمُعْمِينَ فِي اللَّهُ عَلَيْهُ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ عَلَيْهِ فَيْ اللَّهُ عَلَيْهِ عَلَيْهُ اللَّهُ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِّي فَيْ اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهِ عَلَيْهِ فَالْمُ اللَّهُ عَلَيْهُ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي اللَّهِ عَلَيْهِ اللَّهُ عَلَيْهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِّي اللَّهُ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي اللَّهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِّ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَاللَّهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَاللَّهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ عَلَيْهِ عِلْمُ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي مِنْ عِلْمُ عَلِي مِنْ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلْمُ عَلِي الْمُعْتِي عَلِي مِنْ عَلَيْهِ عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلِي الْمُعَلِّلِي الْمُعِلِي عَلَيْهِ وَالْمُعِلِي عَلَيْهِ و کے موازی انتقابی متولوں مرعمل کرنے والی قوتوں کے زرعمل ساکن ہے۔

اس کے ن فی پر کا افقی دباؤل ق پر کے افقی دباؤک کے مساوی ہے۔ اور یہ دباؤالی ہی خط خط مطاقتی میں عمل کرتے ہیں بینی ن فی کے دباؤ کے مرکز ہیں سے گزرنے والے افقی خط میں سے۔
میں سے۔
اس لئے عام طور پرکسی سطح برحاصل دباؤمعلوم کرنے کے لئے اس برکا انتصابی دباؤ

اوروعلی القوا کرسمتوں میں حاصل فقی د بائو معلوم کرو۔ یہ تین قو تیں بعض صور توں میں ایک تنا قوت میں تو کی برسکیں گی حس کے لئے نظر طاسکو نیات کے عام طریقوں سے حاصل کی جیاسکتی ہے۔

کیجاسکتی ہے۔

دوعلی القوائ کو انتقالی ستولیوں سے جاروی گیا ہے اور اس کو مرکز میں سے گذر نے والے دوعلی القوائ کو انتقالی ستولیوں سے چار حصوں میں تقسیم کردیا گیا۔ ان جارشخنی حصوں میں سے ایک حصد برکا حاصل عمل دریا فت کرو۔

مرکز کو سہدا ما فوا حاطر کرنے والے افقی ضعف قطوں کو محور لا اور محور ما 'اور استعما بی مرکز کو سہدا ما فوا حاطر کرنے والے افقی ضعف قطوں کو محور لا اور محور ما 'اور استعما بی نصف قطاکو تحور می فرض کرد تولالے متوازی دباؤ ، رہے ما وی برکے دباؤ ساوی موگا جہاں افسان مولی موگا جہاں

= ع ف م م م م م م م م م م الله ع م الله ع م الله ع م الله ع اله ع الله ع الله

ما وى ، و لا كه على القوا يم منتوى يمنحني سطح كاظل مجه

اس کے ولائے موازی واؤ

برهمل کواست می داود و مائع کا درن = به ج ن ۱۹ و اورخط ستقیم ا = به و ن کا درن و به و به و ن ۱۹ و خط ستقیم ا ا به و کا درن و به و که و کا درن و که مسکایی فلام می سیمی گفته از کا مستی گفته کا درن و کون کی مسیمی گفته که اوراس کے دہ ایک تنها قرت میں سے گذرتی ہیں - اوراس کے دہ ایک تنها قرت

(PY)

 $\frac{1}{(A + ^{\dagger} H)} \sqrt{\frac{1}{n}} \stackrel{?}{=} \stackrel{?}{=} \frac{1}{n} \sqrt{\frac{1}{n}} \sqrt{\frac{1}{n}$

میں عمل کرتی ہے۔ یہ خطامت قیم مرکز میں سے گذرتا ہے اور ایسا ہونا بھی جا ہیئے کیونکر تمام سالی وباؤگرہ کی سطے پر عمود و ارعمل کرتے ہیں۔ یہ خطامت قیم مطے کوجس نقطہ پر قطاع کرتا ہے اس کو وباؤگا مرکز " کہرسکتے ہیں ۔ ۲۲ ۔ وزن دار مائع میں ایک مطوس سیم جزا یا کا گا ڈبویا گیا ہے اس کی سطے پر کا حاصل وبا کو

میں تقلیم موجائے۔ ایک وصد کا حاصل تصابی داؤ اویر دار عمل کراہے ادر دوسرے صد

برکا بیجے دار - ان دولؤں کا فرق صریحًا مٹموس کے سٹا سے ہوسے سیال کا وزن ہے۔ المساكم الكريم ورس طورير وزن دار انع من عزق كياكيات، الراس كي سطح كالجمع حصد منحنی سطح اور بقید عصد معلوم مستری رقب و را اوراگراس کا حجم (سس) دیا جائے تو متحنی سط ركا ماصل والومعلوم كما حاسكات -کیو کھ متوی سطوں کا رقبہ اور ان کامحل معلوم ہے اس لیے ہمان رقبوں پرسے مال فقی دماؤ كا اور حاصل نتضا بي دماؤها معلوم كرسكت لي اور جونكهم كي يوري سطير كا دماؤج ت ح کے مساوی ہے اور اوپر وار انتھا بی مستی عمل کا ہے اس کے اس کے اس کی مختی سطح پر کا طاقعل افقي دباؤ لا موكا اور طاقعل تصابي دباؤ ج ف ح - ها مٹال ۔ داری رقبہ کو ایک ماسی خط کے گرد زاویہ طرمیں تھانے سے ایک کھوس حب بنا اکیا ہے۔ اس کویا نی میں اس طرح تعاما گیا ہے کہ اس کا نخلا ستوی خ افقی اور گیرائی - 6-18 J フ= Hでとりとう 内は(しーしいのの) 中の ما=ج ف ١١ و (گ-گ جمط و ١ جب ط جمط) سطے یوایک ایسے سال کا حاصل دباؤ دریا فت کروچکسی علوم قوتوں کے دیر عمل ساکن ہے۔ وض کرد کرسیال کے زیر عمل سطے عوصہ کے نقطہ (لا ، ما ، ی) پر کا وہاؤ کہ اس ماری کا مصاب کا گاہے۔ ہے جوباب دوم میں ماصل کردہ دباؤ کی طرح معلوم کیا گیا ہے۔ تونقطہ (لا ، ما ، ی) پرکے عماد کے جوب المام ہو مگے و جون و بالنجاد ، ع جون و النجاد الم فرض كردكواس نقطه كو تخفير في والدرتبه كاعتصر عن سي تعبير بوال التي المحورد کے متوازی اس عنصریکے دباؤ ہونگے

دع جن لا من مع حين إ من ال عين المن المع حين الم اس كار الرواك و موازى واصل وماؤلا ، ما ، م اور ماك جنت ل ، هر، ن بولاً 8 = 1 () = 8 ما= ارع جفية زس م= الدع جف ع فرس ادر ل= روي على المحت على المحت على المحت ا a= الدع (ي جف ع - الرحف ي) فرس ن = روع (الحف المحف المحف المحف الم تِکمل کل سطے زریجیٹ پرہیں۔ یہ ماصل ایک تنہا توت کے معادل ہو نگے اگر ٧٠ - ما م + ع ك = -۵۷ - حوالے کی ستویوں کے متوازی ستوی لینے سے مہم کی سطح بین ختلف طرفقوں سے عنا مربی تقیم برسکتی ہے مثلًا من لامن ا = لا ما يرمون س كاظل = ع جف ي مون س ادراسے ع= کر فرلافرا اور اسی طرح کا = کا د فرا فری ، اور

(44)

 $\int = \int c \, i \, dx$ $\int = \int c \, i \, dx$ $\int c \, dx$

۲۹ _ اگرسیال صوف جاذبه ارض کے زیرعمل ساکن بداور محدری انتصابی موثر در می کا تفاعل برگا جبور ض کردکر فر (ی) سبے -

تب کا فری فرا فری اسلام نال می از ا فری ا

مستوی مای بر دی ہوئی سطح کا جوظل ہے برجار صریحاً محور کا کے متوازی اس ظل برکے داؤ کو لئے۔ کتا ہے۔

وباد لولعبیراتا ہے۔ اس طرح ما مستوی لای پرکے ظل رہے دباؤکے سادی ہے۔ اگرسیال ہے بچک ہواور مرف عباذ بدار عن اس برعمل کرسے تو د مف لا مف ما سیال کے اس صدکے وزن کے سادی ہے جو سف مس ادر سیال کی مطح پراس کے ظل کے درمہان دا تعہے۔

د سے یا کر د فرلا فرما دی ہوئی سطے کے اوپر کے سال کا وزن ہے۔

یہ نائج دفعات (۲۰) و (۱۲) کے فرائج کے ساتھ متوافق ہیں۔

الم سے اگر ایک مخوس حبر جزاً یا کلا کسی سال میں غرق کیا جا سے اور پیسال وی ہو جی

قرق کے زبر عمل ساکن ہو تو جسی برکا حاصل سیالی وباؤ آئن قرنوں کے حاصل کے سا دی

ہرگا جو ہما ہے ہوئے سیال میل گریں۔

کرونک ہم جبر کو سیال سے فالی دو کرکے اس کی جگر کو اسی فتر کے سیال سے برکیا ہوا تھور

ر سکتے ہیں۔ اسامیہ داخل شدہ سال ان نونوں اور گرد سے سال کے واوں سکے زبرعمل س ہو گا۔ اور اس کئے حاصل دبا ُوان دی مونی قریق سے حاصل کے مسا وی پوکا کرسمتے تقابل جسم كى جُرُكُور يال ي وَرُتِهِ وقت قانون كَنَا نت كى يا بندى كرنى جائية بيسنى مساوى ثماث الی تحیل کرد کرسیال کی کثافت کی سطحوں کے ساقہ سلسل ہونی جاہئیں۔ ا ۔ ایک وزندارمونی رسی جس کی تی انت یا ن کی تما انت کی دوجندسے ایک سرے سے ج یان کے اہرے اس طرح ملکا فی گئی سے کہ اس کا کچھ صعد عرق آب رہے - غرق مقدہ حصہ کے الم الك كمو كلك كرة كالنسف قط لوج - اسكواني سيمين بحرد اكيا ب اس كل طع كوامك السي مستوی سے جومرکز کے بنتیج ج کہانی بروا تع ہے دوصوں میں تقبیرکہا گیا-ان حصول بیسکے عامل نتضانی دبا و معلوم کرو-مع - ایک برتن مخرد طامضلع کی شکل کا ہے حبکا قاعدہ ن مثلوں وا لامستوی کتیرالا صلاع معاس کواس طرح رکھا گیا کہ اس کا محورانتھائی اور راس سیمے دار رسے- اس کوسال سے مجر د باگیا-برتن کا مررخ ایپلولاس بر کے نبینے کر دوکت کرسکتا ہے لیکن اس کواپنی جگہ پر و فرر تحف کے لئے ایک زسی کے زر میراس نیا اگلاہے جورخ کے تا عدہ کے نقط وسطی اور كثر الاعنا ع م مرز على الده وللي سه - أابن كروكر برسى كانا واور سيال ككل وزن مرسبت ١١ ن جب عد سے جاں عدافی کے ساتھ بررخ کا سلان سے ۔ ام مسا کی رقب دوم مرکز نصفی دائرول سے تھرا ہوائے اوران کا منترک تطرا زاوسطی میں دافع ہے تابت کروکہ دباؤے مرکزی کہانی (中も)(一ち)に (しり+し+り) سے جہاں اواور ب نصف تطریس ۔ ہ ۔ ایک مربع بترے کے دباؤ کا مرز معلوم کروجس کا لیک بسال ك عين

اگل کواس راس کے گرداس کے اپنے ستری می کھایا جائے اور پترا ہمیتہ بورس طرح مانع میں دو مارہے تواس کے دباوے مرکز کا طریق معلوم کرو۔ به سایک ناقصی میرسد کے دباؤ کا مرکز معلوم کو جریا فی میں عدر و دو ا مواسے۔ اگراس کوانے يرى اس طرح كلها ماسك يرسينه الى يرع ق رسي تواس-محمد صندوق ما في اس محرو اكمات اس كافيكر، وزن وارا ور محمل سطح والاسبے اورا سکوچکتے قبضوں کے ذریعہ ایک کنا رہ بڑتا ہے کردیا گیاہتے۔ ارسی اری سے اسکو قا عده كيركنار على أردات زاوير من محايا كيا جاك يا في عين فاع بوت ك - إن زاولال کے عاموں کا تقالرور - معدد دارو ساک نظام کوانی می اسطرح و واکیا ہے کو مردوں والاحظ لک وی ہونی گرانی ہے ۔ تا سے کروکہ اور سے طور ر ڈوسیے ہوسے دائری رقبوں کے داؤک مرزاک مکا فی رواقع موستے ہیں ۔ -ایک بنم قطع انفر کاور الد اور ال اور ال کے دیا وکا مرکز معلوم کرد جوالیسے قطرے محدود كاميلان موراعظم كے ساتھ اللہ ہے أتا تص كي سطح انتصابي ہے اور قطر جن كى كمَّا فَتْ اللِّيم بدلتى ہے جيسے كمرائي- اكر محداصعر فائع كى سطح ميں دا تع مو تو حزوج المركز در ا انت كروناكه اسكر دما وكا مرز بوسكے -الا-- ایک مربع بیترا ا ب ج د یانی میں دویا ہواہے اس کا خلع اب یانی کی طویر واقع سے ۔نقط ب سے ج کا کے نقط سے تک خطامتقیم ب سے ایسا کھینجو کہ دونوں حصول رك دما وساوى بول-السي صورت مين أن بت كروكم دِما و کے مرکزوں کا درمیانی فاصلہ: مربع کا صلع: ١٢ - ايك نصف دائره بين سے جس كا قطرا في كي طعيس سے ايك دوروكا ف لماكيا ؟ اس وارُه كا تطرفعت واروكا انتصابى لفعت تطرب بقيه صف دا دكا مرز معلوم رو-

المام سوا ایک نصف دائری ہتھابی بتر ایوری طرح یانی میں طوما ہوا ہے اس کے محدود کرنے والے تطر كاسرال يانى كى سطى برب ادريان كى سطح كساته اس قطركا ميلان عدب الر ے دباؤکا مرز ہواورقط اور اسے کا درمیانی زادبیطہ ہوتو نا سے کروکہ 14 + HM = b cm سما۔ اگرای۔ شلف کے داسوں کی گرائیاں انع کی سطے کے بیٹے لائے ، ج ہوں تو نابعی كرمرك تقل كي ينتي والأسكه مركز كي كبران بوكي ((-1)+(1-で)+(でーレ) ١٥ -- ايك ستوى رقبه جوايك سيال مين دوبا بهوا مي اين متوازى اس طرح حركت زماي کراس کا مرکز تقل مہنتہ ایا۔ ہی انتصابی خطرمیں رہنا ہے۔ ٹا مبت کروگر (۱) وہاؤکے مرکز كاطريق تطعزا أيت جس كااك شقارب داموا انتصابي خطب اور (٢) اگر مختلف محلول یں اس کے مرکز نقل کی گہرائیاں و اور اور اور اور اور اور اور اور اور کے تناظر وباؤے مرکزی گہرائیاں ا ' ا + ک ، ا + ک ، ا + ک ہوں تو رَا اللهِ اللهُ ١١ -- مكانى كے ايك تطعه كے دبار كا مركز مطوم كرد جو وتر نماص منے محدد دسے اور ذرخاص کے ایک سے یوکا ماس مانع کی سطے میں سے -اگر الع كاسطى ادر جراه اورمكانى ساكن رب تو نابت كردكه داد كامركز ايك خطستقيم مرسم آباہے -اے ایک مخردطیانی میں پوری طرح غزتی ہے۔ اس کے قاعدہ کے مرکز کی گہرائی دی گئی سے۔ اگراس کی محدب سطے پرکے طاقعل دباؤ دا کر، قد ہوں جبکہ انتی سے ساتھ اسکے مورك ملان كجيرب الرتيب س، س، س، بي بين نوناب كردكم ٥ (سَ- سَ) + رُّ اسَ - س) + رُّ اس - سَ) + دُّ اس - سَ) = -

امتل

44

ما _موروں اورمنحنی مآلا + مآ = الا کے درسیانی رقبہ کے دیادگام کرمعلوم کرو محاور على اعتوائم بين اوراك محرسيال كي طوين دا فع ہے۔ الغ كى كي مقدار دوستوازى مستولول ك درمان يوسير ما نع الك مركزى وي زرعمل ہے جوایسے مدلتی ہے جیسے فاصلہ اگر متوبوں کے اُن حصوں سے رشیم جہاں مسال س راہے 1 بوں و تا بت اردکہ ان صول رکے و باؤں سر بنست وا: ب بے۔ -ایک مفوس کرہ ایک افعی منتوی بڑیکا ہوا ہے اور ایک مانع ہی عین ڈو ما ہوا ہے۔ انتصابی فطریں سے گزرنے والے دوعلی الفوائم مستویوں سے اس کرہ کونٹسیم کیا گیا ہے۔ اگر اره كى كُتَافت نشا ورسّال كى فرجونو نابت كروك سي حص ايك دوسرب، الم __ زائد كا أيك متقارب سال كى سطى سے - أس رفند كے واؤ كے مركز كى كب رائى معلوم کرد جوڈو بے ہوسے متفارب ہمنحنی اور زائد کی سطح میں کے دوا فقی خطوط مستقیم سے یں اس طرح ڈوبا ہوا ہے کواس کے فاعدہ کا مرکز یا نی کی سطح کے نعے کے ادتفاع کے چے گہرائی برواقع سے۔ استی فاعدہ اورار تفاع کا ایک سکانی نیا بھی اس طرح فوق ہے کواس کے قاعدہ کے مرکزی کہرائی سطح کے نتے وہی ہے جو محزوط کے مي كاسب - بيرملان كما مونا جائية كه ان دونون محسمة بل كي محدب مطحول مرين دا ومسادى مول سرم - ایک بنداسطوانه ما نع سے نقریما بھر ہواہے اورا ہے ایک تکوینی خطے گروجواتھانی يه مكسال دفتار سے كھوم رہائے- اس كى مختى سطح يركا حامل دما ومعلوم كرد -اس کے اور کے سرے برحو وہاؤ سنے اس کا نقطہ عمل بھی معلوم کرو۔ - تابت کروکر جوز قبنخنی (ر-او) جمطه = ب کیتفارب ادراس کی توس کے درمیان مرا ہواہے اس کے دہا دے مرکز کی گہرائی ہے جاں متقارب سال کی سطح بیں ہے اور منحنی کا مستوی انتصابی

الك مخروط مانع سنع تعروباكما ب - اس كا ذيكن رزن دار اور تصك تعصف والاستادر ن كارد حكى وكالم اس ووطار قيد من سكادرك وال تارسى خطسكار نتصابى كىمال دفئارك كالماكيا كا - برى سے برى داوى دفئار معادم كروكر الع ٢٩ - كردى فول كا الك حداك الذي ت تراش لماكما عداور لقد عدكواك في توى ماس طرح ركه اكمياس كد دائرى تراش سندى كوس كسب بيرم كو لمند ترين نقطايد كاك معوسظ سوران مك وراهم ان سي كرواكم است -كروى تول كا برسم من الاست ت كرو حو كا ث نيا حاسك اس طرح كه اتى اسر كل رئيست نه ياست خواه خول كتابي لمكامو-اليىمورت ين تابت كوك فول بركا بدا و باؤ فاق ك وزن كساه م : ١ كى ٢٤ ــ الراب عن المعمد وي رقيد المعامة ي سراك المعافظ منا وكرد كوره و تابت كردكه وما وكا مرزاس مستوى من الك خطاستقيم مرتب كراس -الم معسمة كالناره ٢ ٥ - عاس كارت انفي اورانتها ي من- اس كاروا ے توکعب کے مرکز کی طوف مال ہے اور ایسے مدلتی ہے جسے اس مرکز سے فاصل فاصل ويرة ت كى مقدارج مع - أزاوسط كي شكل اوركسي نقط يركا ديا و معلوم كرو- اكراك انتصالي رنح این ستوی که ایک افتی خط سنقیم کے روحرت کرسے تو نابت کروکری رخ ساکن مہوکا بفرطيك وخطاس رخ كزرين كنارى الله كالم فاصلى رواقع بو 44 _ ایک بھوس مکافی نا اسکریں سے گردے والے سعتوی سے تراشا گلب مواس کے محور برعلی القوائم سے - بیسکافی ٹیا پوری طرح العیں فرق ہے اس طرح کاس کاراس دی ہوگی کہ آئی يرب اوراس كا محوراتها في سمت كيمائة دما بهوا زاويد نباتات - اس كي سخني سطير-حاصل داو كي ست اوراس كي تقدار معلوم كرو-سے ایک مکافی رقبہ و ترخاص سے محدود ہے۔ اس کو وتر فاص کے گردزاویہ طه مس كفار الك تطوس سنالاكيا بء اوراس تطوس كوياني من اس طرح تصال كياب كريد عين او رسے ادراس کا نخلامستوی رخ انفی رہے۔اگرمنحنی سطے پرکے مال واوکاملان افق-

41

امثله

اسكونياست

سات وزمونونا بت كردكه

سوحب طمس فد = ٥ جساطه - سوحب طرحمرك -ا ٣ – سال کی کھیکست ایک محور کے گر واضا فی توازن میں گھرم رہی ہے۔ بیسال تا ہون قدرت ر کراسے -اس س ایک چھوٹا وزہ والی کردیا گیا ہے اور اس کو وہی رفتارد سی کمنی ہے جوکراس حکر کے بال کے ذرہ کی ہے۔ کیا اپنی حرکت میں یہ محدر کی طرف آسے گایا اس سے - سیال کی ایک غیری دو محدیث میں دوخول داخل کئے گئے ہیں۔ سیال کی کثافت مف اوراس کا مرصمہ ہم دوسر سے حصد کو تا اون قدرت کے بوجب حذب کراسے خولوں کے اندرونی وبیروی نفسف قطرفلی الترتیب ازء ب اور ان ک براور ان کی کتافتین شرکتا ہں۔ خول تھی ایس دوسرے کو اور سیال کو قانون قدرت کے بوجب عیرب کرتے ہیں۔ سرخول یر کی خال قوت معلوم کرد اور نابت کرد که ابیض صورتوں میں یہ نوت وافعی ہوگی-ا ويا موا رقيه المقيا لي طور يراك وزن دار ماريم بي عن سعة اس رقيم كوقاورد ہا ن کرا یک محزوط نیا یا گیا ہے جو کلیٹاً ہا کع مرغ فن سے راس کاط بق معلوم کرو جبکہ منحتی سطح پر کا حال دبا دُمستقل مواورنا بت كردكه به ديا دُخير شغير ربسكا الرُمزُوطْ وأس افقي خطب كردكها با ے جو قاعدہ کے مرکز تقل مرسے ارتا ہے اور قاعدہ کے مستوی معدد وارہے۔ مع مع - ایک مخوطی برتن کو حس کامحورانتها کی اور راس سیے وارسیم محور میں سیے گزرمے والے ایا مستوی سے دوحصوں میں تقسیم کویا گیا ہے ان حصوں کورائس بیسے ایک قبضاور الک دوری کے وراید جو برتن کے کنارہ کا قطرسے اور فاصل ستوی برعمود وارہے صدا ہوئے سے رو کا گیا ہے - اگر برتن کو یا نی سے بھر دیا جائے تورسی کے تنا و کا یا نی کے وز ن کے ساتھ مقالمهكروس

۳۵ - ایک کھو کھلے محوفہ طاکو جسکی جو ٹی کھلی ہے یا تی سے بھر دیا گیا ہے اس کے محور ہیں ہے گزرنے دالے دوستویوں سے (جن کا درسیاتی زاویہ دیا گیا ہے) محزوط کے ایک طرف ہجو سطح کا حصد کھٹا ہے اس برکا حامل دماؤ اور اس کا خطاعمل معلوم کرو۔
سطح کا حصد کھٹا ہے اس برکا حامل دماؤ اور اس کا خطاعمل معلوم کرو۔
اگرزا و بید راس قائمہ ہو تو نیا بت کروکہ یہ خطامخ وط کی چرف کے مرکز میں سے گزرے گا۔
سام سام برتن نا نقعی مکا فی مٹا کی شکل کا ہے اس کا محور انتھابی ہے اور اس کی ساوت

(44)

ماسكونيات

كياہے ان من سے ايك حصر ميں ك كبرائي تك ياني ذالاكيا ہے۔ اگر سخني حصر يرك حاصل دبار کوانتصابی اورا نقی مت مین تحلیل کیاجا سے تو ناست کروکرا فقی جزو تحلیا کا خطاعمل عس _ نفعت كروى نظى كا ايك بياليانى سى تعرو إكبارى - اكراسكواك السيمسترى را تناجات جواس کے مرزی سے زرا بے اور انق کے ساخد دیا ہوا زاویہ نیا اے قربال کے اور کے حصر روسل داؤ کی صدی اور مقدار در مافت کروس ٥٧- - ابك كطفي خوطى خول مين جس كا وزن نظر اندازكيا عامكتاب يا في مورياكياس اور اس کے تنارے کے ایک نقطہ سے اس کونٹ کا کرنوازن کا محل شدر ہج اختیار کیسے دیا کیا ہے۔ اكراس كازاويداس جمرات بوتونا بت كروكه بانى كى سطح نقط نقليق ميس سے كذرك وال ا المين خط كونسب ١٠٥ أمين تفسير كوي -١٠١- ايك نتظم كنير الاصلاع جروري طرح النع مين عزف بيد البيني مركز تقل كروح كوت كرسكما ال البت كروكه وبا وكالمركوركاط بق اكم كرة سيء المساك نفيف كردى فرت يانى سى بحروياكيات اوراس كے وطی نفف قطوس سے د دا منعا بی ستوی کی<u>ننچ گئے ہیں</u>۔ جوسطے کو نفست پیما ایک ہیں ترا<u>ستے ہیں</u>۔ اگر ستو یو کری در کی زادیم عد جوتو نابت كروكه اس بيما كب برحاصل داؤا نتصابي مت كے ساتھزا ويد (- see) 1- - 1 الم ينتقط ب كاليك فابت كرمي ال كوف كفافت واليسال كركيت مع الم ا حاطه کئے موسے میں ال ایک ایسے نقطہ کی طرف قوت مدر نی اکا ئی کمیت سے جذب ہونا ہے جس کا فاصلہ اس کے مرکز ہے ج (< ب) ہے۔ بیرونی وباؤ کوصفر فرطن کر کے نابث كردير كا حاصل د باؤ دريا فت كروس ٢٢ - - كروشي على كالك الك فرف حسب ذيل خاصيت ركه تا بعد الراس كواس طريكوس

کہ اس کامحورا نتصابی رہے اور کھریانی کی کوئی مقدار اس میں ڈالدس اور اس کے محور میں سے کررہے والے انتصابی سنوی سے اس کو دوحصوں مرتقسیم کریں توکل فرنت برکا حال نتھا د بارُ اس حصه برکے عصل انفی د بارُ سکے ساتھ مستقل نسبت رکھتا ہے۔ مسطح کی شکل معلوم کرو۔ منحنی انتها بی مورک گردشتاک سے اگراس کو ما نع میں اس طور پرخوق کیا جائے كەسپ سے او نے لفظ كى كبرا فى سب سے خلے نقط كى كبرائى كى تفقت ہوتواس كے دباؤكا مركز محور کی شفعیف آیا ہے۔ اس کی مساوات دریا فت کرو۔ م تنظیلی رقد یجار را مانع میں اس طرح غرق ہے کداس کی علمے تعمالی ہے اور اس کا ایک منلع عب جهال داوصفرے - ارکخافت دباؤ کا خطی تفاعل موتو تا بت کروکہ و با دکے

(is) J= p

ایک مثلغی سے کے راس (اب اج ایک شخانس انعیں الزمیب گرا کی ك كرائيون ك عزق بن- ارو ، ب ج ، سے ب ج ، ج رو ال ب عمود على الترتيب ع اع اع اع ہوں تو نیا بت کروکہ د اِو کے مرکز کے خطی (Trilinear) محدورہ کئے ا ع اع اع ہوں تو نیا بت کروکہ د اِو کے مرکز کے خطی (۲۰۱۱ کے اس کر اِو کے مرکز کے خطی (۲۰۱۱ کے اِس کر اِو کے مرکز کے خطی (۱۰ کر او 1 + 1 + 1 + 1) FC

٢٧ - ايك سنتى ساراك متعان العري بورى طرح عرف ماس كراسون كي كرايان ف، ق، رہی، گر مثلث کے داؤ کا مرکزرانوں پراضعات ل، م ن کے اور ط مرکز بر

منطبق موحائے نوٹابت كروكه ف: ن: ن: الم الله و م الله و م الله و الله الله و و سے جوایک کنارے کے گرد حرکت کرسکتا ہے۔ صندو تی کویا نی سے بھردیا گیاہے اور اس كناره كايكسرے ميں سے كررنے والے قط كے ذريعہ اس كوانتھا في طور يراشكا ياكسات اب اگراس کو تکسان زاوی رفنارسد سے کھایا جائے تو نابت کروکہ و کو 5 (1 × 1 × 4) سے کمن وا جائے اک یان کرے جائے جاں و صندوق کے اندونی یانی کا دن رے ٨٧ - ايك اقص نماكوم كويس سے كذرنے والے كسي ستى تواش كراس كى تحق عط ا ورُستوى تراض سے ایك بنداستوار برنن تیاركیا كیا ہے - برنن كویا نى سے عین محركرا يك افقى میزیراس طرح رکھاگیا ہے کہ ستوی قاعدہ میزیر نکا رہے ۔ نا بٹ کروکہ شخی سطح پر کا حال داؤ اک انتصابی قرت کے مساوی ہے جوانی کے نصف وزن کے مساوی ہے اور جس کا خط عمل ستوى قاعدہ كو مرز سے ب راز اللہ فاصلہ ير نظم كرا ب جمال ر قاعمدہ كا مزدوج تفيف ورزادرع مرزسے افقى ماسىمستو ى يرعمودسے۔ مم -- ایک چیوٹا مخوس بسمایک سیال میں ساکن رکھا گیا ہے جس میں کسی نقطہ برکا دیاؤ تا يم محد دول لا كم ا ك كا ايك ويا بوا تفاعل سے - نابت كروكاس جفت كاجزات تركيبي جوسم واس كے مركز نقل كے كرد تھانے كاميلان ركھا ہے (٥-١) زازی - < (الله - رئ) - ع زازا + ن فراد ادراسی طرح کے دواور جلے ہیں جہاں (۱) ب ا ج ا < ا ع اف مرکز نقل میں۔ سے گزرنے والے محاور کے کافاسے جبم کے جمودی معیاروں اور جمود کے حال روں ایک تریں تھیں۔

اكرنيات

٠٥- ايس استفوار كروى خول كا نصف قط الرسيم وس مركس كيميت كر سي حس من ارد تنافت كال تخام كيس ايك أبت بيروني نقط وسے (جس كا فا صارم ركسے ف م اليي وقع مع دفع يوتى مع جوتى اكال كميت فاصل كمادى ب البعدادك فالركيس كا ماكل دا وك 13 - 100 × 50 ا ٥- ان سے عبراہوا ایک فاوٹ اقعی نا (مماور لا، ب، ح) کے اکلویں جھسانیکل كا س جوتمن عدرى سنويون سنع تحدود سب محرح انتصابي سب اوركره موائي كا د باؤنظر زاز ہوسکتاہے۔ نابت کروکشنی سطح درکا عاصل سالی رابُوا کسمانی توت ہے جس کی شدت ہے すっているよってのよでいしきるよ ۲ مسلی کو کوانا قص نمایان سے محمد ایکیا ہے اور اس طرح رکھایا گیا کہ عور ا افت کے ساتھ زادیہ عنیا سے کورے افتی سے کورے والے مالے مالے دادیے والے مالے کا رہے افتی رہے۔ فان مت کردکہ عور الا میں سے کورے والے انتھابی ستوی کے ہم طرف کی سختی سطح پر کاسیال دباؤایک ریخ (Wrench) کے مسادى جىسى كانى ب س و ایک شان ایک مائع می فرق ہے جس کی کثانت ایسے بدلتی ہے جیسے گہرا ہی۔ اس مِتْلَفِ كِراس، كَ كَي سط ك يني عد، به ، جه فاصلون برواقع بي - أنا بت كروكه دباؤ کے مرکزی کہانی ہے م ه - ایک سندی رقبه ایک دن دار غیر سیان سیال بر

افعی تا بت مورے گر ، گھوشاہے جوگ گہرائی رہے اور ستوی برعمود وارہے اگری کہرائی رسال کی کثافت مدی کے مسادی مواور اگر محور اور ستوی کے نقطہ تفاطع میں سے گذرنے والے دوعلی القوام کاورمیں سے ہرایک کے محاظ سے ستوی رقبہ تنشاکل ہو و تا بت کرد کہ جہاں متشاكل بحوروں كے لحاظ سے رتب كے كردنش كے نفعت قطرك كى ہي اور كرہ ہوائي ہے ہم (الا ۔ گٹ)

۵ ۵ ۔ ۔ نابت کردکسی عزق اسستوی رقبہ کا دبارُدایک قوت میں جورقبہ کے مرکز ہندسی پر
عمل کرتی ہے اور ایک جفت میں جورقبہ کے ستوی میں ایک بحور کے گرد ہے تعلیل ہو سکتا ہے۔
نیز نابت کردکہ اس جنت کا محور اس ماس رعمود وارہے جو مرکز مہندسی پر کے معیاد می ناقص کے

(01)

صرف اسى تۇت كے زيرا ترسال ميں أزا دان تيرر إسب - اس طرع جسم يرغمل كرف والى و تیں صرف اس کا وزن اور گروے سیال کا دیا ہو گا۔ اس کئے توازن کے قیام کے لئے ہے۔ وزن کے مساوی ہو گا اورا نتصابی سمت میں ممل کر گیا۔ نجد کلتا ہے کو مرکا وزن ہٹائے ہوئے سال کے وزن کے ساوی رجہم اور سٹا سے ہوئے سیال کی کمیٹوں کے مرکزاک ہی اتصد خطر میں واقع مونے جا کے لئے عزوری اور کا فی ہیں خواہ سیا یال فرمتجانس ہے تو مٹائے ہوئے سیال کواس طراح خیال مرکو گھیرنے والے سال کے قانون کٹانت کی یا بندی کرتا ہے بالفاظ دیگر اس میں ایک طبقات فرض کرنے مہو ننگے جوگر و کے افقی طبقات -ں ہوں نیز اسی قسم کے اور اسی کٹانت کے ہوں۔ مثلاً الايكفوس مسم جزأ غرق مضده ياني من تيرويا موتواس كا وزن سما ہوئے یانی کے وزن اور لہٹا ی ہوی ہوائے وزن کے مجبوع کے مساوی مولکا-اوراگر ہوا کو خارج کردما جائے یاس کے دباؤکو کٹافت یائیش کی

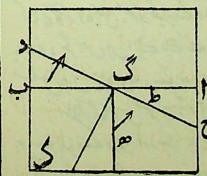
اكرنايت

تو تھوس کا کچھ جم یانی میں اور ڈوب جائے گا جواس کے درن اور یانی اور مواکی کٹا فول یا بر مخصر موگا- اس کی مزید تشریح یوں موسکتی ہے کہ مواکا وبا و یانی کی سطح پر مبقا پاکستی اویر کے نقطہ برکے دباؤے دار ہوا کا بیسطی دباؤ یانی کے در بعد تیرنے والے جسم کے فقطہ برکے دباؤ سے دار بوا کا ایسطی دباؤ یا بی سے دار دوار دباؤاس کے فق سندہ حصد برخشقل ہو جا ما ہے جس کا یہ نتیجہ برقوا ہے کہ اس بر مواکا اویر وار دباؤاس کے فی سنے وار دباؤسے ۔

ن ا = الحان

جس سے غرق سندہ مصد کا تعین ہوجاتا ہے۔ ووسری سفہ طا صری اَ بوری ہوتی ہے۔ مثال (۲) ایک مربع بترا ایک مائع میں جس کی نتا فت اسکی ٹنافت کا دد چذرہے انتصاباً تیزا ہے۔ اس کے توازن کے کل بعلوم کرو۔ شرائط توازن صریماً پوری ہوتی ہیں۔ اگر بیترے کا نصف صد مائع میں اس طرح

عزق موكه وترانتصابي رسب إدوا صنلاح انتصابي موس -



اب یہ معلوم کرنے کے لئے کہ کو ٹی اور
کا می توازن کا محل ہوسکتا ہے یا ہمیں۔ فرض کروکہ
پترااس طح تعالما گیا ہے کہ خط مثیم دگی ہم اس محلی میں ہمیں میں اگرے ہائے کہ میں مہلی شرط پوری ہوتی ہے۔
میں ہے۔ ہی صورت میں مہلی شرط پوری ہوتی ہے۔
میکن اگرے ہائے ا = طہ اور مربع کا مثلے
ہوتا کہ اور مربع کا مثلے
ہوتا نقط کی کے کہ سالی دائد کا معیار جو

مستطیل ای کے معیار اور شلف مگ ب د کے ووجید معیار کے فرق کے مساوی ہے جبط (۱- مسراط) کے بتناسب ہو گااور یہ اسی صورت ہی معدوم ہوسکتا ہے جبکہ طد = ، ایا ہے اس في توازن كاكوني دوسرا محل بنيس بوسكما-مثال سے - ایک مثلثی مشوراس طرح نیردا ہے کواس کے نمارے افقی ہیں-ہی ۔ لوازن کے محل دریا فت کرو-فر عنی کرد کوشکل ولی منظور کی وہ تراسف سے جواس کے مرکز تقل میں سے گزرنے والے انتمالی ستوی سے معاہوتی ہے۔ ن في تيراوكا حط اوره مات مي ا كع كا مركو تقل ہے۔ توان في صورت ميں رتب ال في : رتبه ال ب ج : انسؤد کی کتانت ؛ مائع کی کتانت اور اس کئے ن ف کے تمام کلوں كے لئے (ن ق ستقل ہے۔ ہی لئے ن ق ميشاف وسطى نقطه يراك ايس نامركومس كاسع جس كمتقارب ١ب 101 E 1 10-نيز ه ف ن ن يرعموه واربونا عاصية اور يونك ا ه : ه ی = اف : فن اس کے ف ی ان ق پر عود وار ہوگا۔ بینی ف ی زائد کے تقط سی یر کا عاديه- إس كة اب يهسُله ف سيمنحني يرعما د هنجة كمسُله من تول برحاً أب فرض کروگر محاور ا ب ا اج کے حوالہ سے منحنی کی مساوات ہے

12 = 11

ادزاوید ١٠٦ = طر ال = ١١ ١ ال = ١٠ یر وص کروکہ نقطہ ے کے محدد (لاکا) ہیں۔ اور ب نقطہ ف کے محدوہی اور نقطهے رکے عمادی ساوات ہے $all - i = \frac{1 + 5}{11 + 5} \frac{di - 1}{di - 1} = 1 - 1$ اوراگریے نظفرت میں سے گزرے جس کے محدد او عب می تو (ب- ما)(ا جم طه - ما) = (ا - لا)(ما جم طه - لا) يا لا- (ر+ ب جم طم) لا = ما - (وجم طم + ب) ما (سم) مساواتیں رعم) اور (بر) زائد کے تمام نقطوں کا نغین کرتی ہیں جن برکے ماس نهٰ اُوکے خطوط ہو سکتے ہں۔ نیز سادات (ب) (ب) ایس کے متوازی مزددج قطوں کے حوالہ سے
ایک قائم زائد کی مسادات ہے - اس لیے ان دولؤں زاندوں کے نقاط تفاطع ہے کے ٧- (١+ ب جم طه) ١١ + (١ بم طه + دب) ج ١١ - ج = -سے لامعادم روسکتا ہے ۔ اس مساورت بین صرف ایک اسل منفی ہے اور ایک یا تیں مثبت اصلین بن - اس لئے توال کے تحل تین بو سکتے ہیں با صرف ایک -الرينتوادر الع كى كتافتين بذ ادر ف بول توجو بكر تعبر ن أق علام ان × اق جبطه = ١ لام جب طر= ١ ج حب طر ع نے بچ جب طرح + x ف x و x سب جب طم ا ف ع د ن × ا × ب ميس سي ع معين موطاري-فرص کردک منشورمتها وی اسائین سے تو ا = ب دکھنے سے لا کو متعین کرنے کی

(04)

كىمادات بوجاتىت لاً- ج - 1 (1 + جمر طي) (لاً - ج ال) = -اس میں لا = ج الما ہے جس سے ما = اج حاصل ہوتا ہے اور ب ج افقی قراریاتا ہے جو صریحا اوان کا محل ہے اور نیز لا= الم (ا+ جم طر) = (ا+ جم طر) - ج } でくきょう اور جونکم ت جا = شراع اس لئے یہ 五人之言. کے مال ہے۔ مشال ہم۔ دی موئی خل اور وزن کے غبارہ کے توازن کا محل معلوم کر دھبکہ کو جوائی کے مختلف ارتفاعوں برتمیش کے تغیارت نظرانداز کئے جائیں۔ جیش شفل ہوتو تی ارتفاع بر ہوا کا واؤ = ۱۹ قوص اور اس کی گنافت میش شفل ہوتو تی ارتفاع بر ہوا کا واؤ ۔ ۱۹ قوص اور اس کی گنافت = الم والله المرستوى رك بوائى دبار كوتنبيرة اج جبال ساتناع کی بیایت ہوئی ہے ۔ ہٹائی ہوئی ہوا متغیر تقافت کے طبقات کے سلسلوں بیٹتل ہوگی اورا گرغبارہ کے الماضلم زيرترين نقطه كاارتفاع ي مواوراس نقطه سے عبارہ كى كسى افقى تراش (كا) كافاعلم لا ہوا در ف غبارہ کا ارتفاع ہوتر ہٹائی ہوئی ہوا کے ایک طبقہ کا وزن ہوگا المع توك كا عن لا

اور بنانی مواکا کل وزن -5(2+K) = 2 10 0 = 72 0 - 54 PER اب چونکه غیاره کی شکل دیگئی ہیں اس لئے کا اکا ایک معلومہ تفاعل ہے اوراگر غیارہ اوراس کی اندرون ٹیس کا دران و ہوتو ارتفاعی کینتھیں و کوسٹائی ہو تی ہواسکے کل وزن کے مساوی رکھنے سے موجا اسے۔ ه - المساتجانس مخوس مجملاً عرق سفدوا كما ما نعيس شررام حسب كي كناف اليس برلتی سے بنیسے گہرائی جسم کی کمیٹ کے مرکز کی گہرا تی معاوم کرد۔ زُض رور جمے لبندترین اور زیرترین نقاط کی گرائیاں او، ب بس، اور ی کھرائی براس کی افتی تراش کارتبہ ہے ہے اوراس کھرائی پرمائع کی کٹافت مہی ہے بٹاے ہوئے الع کاورن = کرج سری سے فری (00) فرض کروکرجیم کے جم (س) کے مرکز ہندسی کی گبرائی تی ہے تو (3) 5 E = [= T اس كي شائے موت الن كاوزن = ج مرئى سم اور الرجيم كى كمافت ف جوتو اس كا دزن = ج ف ح اس الح ف = مرى ليني مراك السع على مين شروا ہے کہ اس کے حجے کے مرکز ہندسی کی گہرا ٹی پر مائع کی کٹا فت حجے کے مرکز ہندسی کی گہرا ٹی پر مائع کی کثا فت کے ساوی ہے۔ الموس مسمركسي قيدك الخت تيرال جونز وازان كى مشاطيس تمديح حالات ل نوعیت بیخصر بهوکی لیکن برصورت مین تبدکر کے دالی قونوں کا حاصل انترضا وسمت میں ے گاکیونکر دوسری قریش (سیالی دبار اورسیم کا درن) انتصاباً عمل کرتی ہیں -مِثَلًا الرَّفُوسِ مِبِمِ كَا أَيْكُ لَفَظَمُ نَا بِتَ بِوتَوَ تُواذِلَ كَي سَنْمِولِيهِ مِنْ كَاس لَقَطْ كَ كرحيم كے درن اور ماك بوے ميال كے ورن كے معارمسادى بونے جا رسيں -

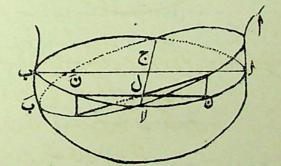
(04)

شرط پوری ہوتوجہ مرسائن ہو کا اور تا بت نظیمہ پر کا و اوان وووز لؤں کے فرق کے مساوی موگا اور مثال مير موسكتي ست كريم ايسے محوس مربر عور كريں جویاني ميں نزر وا موا ورايك رسى کے ذریعہ نکا اگیا موجویا نی کی سطو کے اوپر ایک تفظہ سے بندھی ہوئی ہے۔ تواز ل کی حالت نتصابی ہو کی اور اس کے تناواور حاصل سیالی واو (حوشاے مونے سیال کے وزن ساوی ہے) کا مجوع جم کے وزن کے سادی ہو گا- اس سے رسی کا تنا دُ حمر کے وزن اور ے ہوئے سال کے وزان کے وزق کے مساوی ہوگا اور یہ وولؤں وزن اُن فاصلوں بت معکوس میں موسیکے ہوا ن کے خطوط عمل اور ڈوری کے خطے ورسان ہیں اور تھی۔ يمون خطوط ايك بى انتصابى متوى من موسكم -آبده في عين سب وي بندي سنا كارآداب وكي ستوی سطح ایک کھوس حسم کو قطع کرے اور اس مستوی کو ایک بہت جھوٹے زاور من اسے خطاستقرے کرو گھا جائے جوالمی ستوی میں واقع ہوتو قطع کردہ مجم وہی اسے گا بشرطيكه خطشقوستكوى تراغر محرقبه كح مركز بهؤسي مير سيحزرتا بو-اس کوٹا بت کرنے کے لئے کسی قسم کے ایک اسطوانہ پر موز کروجس کوالیسی ستوی طم قطع کرتی ہے جواس کے قاعدہ کے ساتھ نیا ویا طرزا تی ہے ۔ فرض کرو کہ تراش ﴿ کے مرکز ہندسی کا فاصلہ اسطوانہ کے قا عدہ سے تی -ا در تراش کے بقیہ کا صفر معن ﴿ اورسنویوں کا درسیانی جم سے بقر JUXIEW = E 7=(50 x dx x) = 3= T (4 x 0 0)=7 ع = ى (قاعده كارتى) = ى اب رقبه اكا مركز مندسي أن تمام راسون كا وكز جندسى بع جواس فقط مس سے كزرف والے استوى طع الني بي - يوبات ان تراسؤل كے ظل ستوان كے قاعد پر کینے سے بخر بی فلام ہو جاتی ہے۔ اب ونكرتام تامول كے لئے ى دى

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

اس الئے قطع کردہ مجم بھی وہی ہو نگے۔ کسی ففوس کی صورت میں اگر فاطع مستوی کوایٹ مرکز سندسی کے گرد ایک بہت جیوٹے زادیو میں گھایا جائے قر ترایشوں کو محدود وکرنے والے سخنیوں کے نزدیک کی سطح بغیرکسی فابل فقد فلطی کے اسطوانی خیال کیجاسکتی ہے۔ اوراس لئے مسکہ بالا کی تقددیت ہوجا تی ہے کے بالغاظ دگر آنا طع مستوی کے مقام میں نبد بلی سے جم میں جونقصان اور اصنا فہرتا ہے ان دولوں کا فرق کسی ایک کے مقالمہ میں لا انتہا جھوٹا ہوتا کے سطح ہم کو حیث متوی یہ میں میں میں میں ایک جم متجانس ہائے میں قیر دیا ہوتو مائع کی سطح ہم کو حیث متوی یہ قطع کرتی ہے۔ اگرایک جم متجانس ہائع میں قیر دیا ہوتو مائع کی سطح ہم کو حیث متوی یہ منائے ہوئے مائع کی کمیت کا مرکز ھھ انچھالی کا مرکز کہلا آ ہے۔

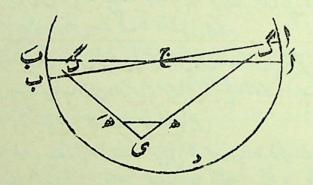
له حب ذیل نبوت بھی دیا جاسکتا ہے۔ زمن کردکہ قاطع ستوی اس ج ب، ایک خط ج لا کے گرو ایک چیوٹے زادیے (طم) میں کمایا گیا ہے اور اس کے رقبہ کا عنصر فر ال ہے۔



ق قطع ت ده جم میں جواصا فہ ہوگا اس کی جبری قبیت کرطہ ما فرا کے مساوی ہوگی۔اب اگرید معدوم ہو جائے قرک افراء ، براس بات کی شرط ہے کہ اس کا مرکز ہندسی محورلا بر دافع ہو۔ اس طرح اگر سے کو مرکز ہندسی زمن کیا جائے تر جم میں سے گزر نے والا ہرستوی اس سرط کو بوراکرے گا۔
ہرستوی اس سرط کو بوراکرے گا۔
محفیٰ نہ رہے کہ قطع مضادہ عجم کا جبری معیار محورا کے گرد کر طہ لا ما فرا ہے جو معدوم ہوگا اگر کرلا ما فراء ، بینی اگر محادر ہوں۔

اسكينات

اگرجم اس طرح حرکت کرے کہ ہٹائے ہوئے اکع کاعجم ندبد نے تو تبراؤی ستوی طحوں
کے نفاف کو تیراؤ کی سطح اور ھ کے طرق کو اچھال کی سطح کہتے ہیں۔
۵ — اگرایک سبتوی حرکت کرے اس طور پر کہ اس سے ایک مقوس جم کا ہمیشہ متقل حجم فطع ہو اور اگر قطع ہو اور اگر قطع سفرہ محم کا مرز بہندی ہو تو ھر پر انس سطح کا ماسی ستوی جو ھ کا طرق ہے قاطع ستوی کے متوازی ہوگا۔
قاطع ستوی کے متوازی ہوگا۔
دوسرے الفاظ میں تیراؤی سطع کے کسی نقطہ پر اور اچھال کی سطے کے متنا فالقطر پر کے ماسی مستوی ایک دوسرے کے متوازی ہوتے ہیں۔



قاطع متوی اج ب ایک چو نے زادیہ یں جواد فرض کرد کداس کانیا متعام اگر ج ب بے قان ن اج اور ب ج ب کے جمسادی ہیں۔

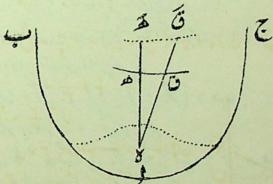
فرض کرد کدان فانوں کے ہندی مرز گ ، گئ ہیں ۔
گ ھ محدودہ میں نقط ی لواس طور پر کہ
کی ھ : ھ گ :: مجم ا ح ب ب جمم ا د ب کی کہ فاؤ اور نقط ھ لو اس طور پر کہ
گ ی کو لاؤ اور نقط ھ لو اس طور پر کہ
ی ھ : ھ گ :: مجم ب ج ب : عجم ا د ب لو شاہ کی تھ نے ہوگا۔
لیکن می ھ : ھ گ :: می ہ : ھ گ اور اس سائے ہ ھ ک اور اس سائے ہ ھ ک اور اس سائے ہ ھ ک ک کے متوازی ہے ۔
اور اس سائے ھ ھ ، گ گ ک کے متوازی ہے ۔
اور اس سائے ھ ھ ، گ گ ک کے متوازی ہے ۔
مس سے یہ نیج بر نطاق ہے کہ اگر زادی ال ج اس کولا انتہا کم کردیا مباس تو انتہا یں میں سے یہ نیج بر نظا میں اس سائے ہا کولا انتہا کم کردیا مباس تو انتہا یں

(DA)

ه ه ۱۰ ج ب کے متوازی ہوگا

اور ه ه ، ه کے طاب کے نظاہ ہرکا عاس ہوگا

اب جونکوستوی ال ج ب کے داس کے مرکز ہندی کے گرد) کسی ہٹاؤک لئے یہ با
صادی آئی ہوگا۔
کے متوازی ہوگا۔
۵ ۵ ۔۔ ایک شخانس کے ہ کے طریق کے نقط ه پرکا عاسی ستدی استوی ال ج ب کے متوازی ہوگا۔
۵ ۵ ۔۔ ایک شخانس مائع میں تیر نے والے جبم کے توازن کے جل جبم کی گریتے کے متوازی ہوگا۔
مرکز گی سے اجھال کی سطح بر آئے جواد کھینینے سے معلوم کے جائے ہیں۔
کیونکہ اگرا جمال کی سطح با آیا۔ عمارک ہوتو ہو برکا عاسی ستوی تیراؤکی سطے متوازی موازی کی سطے متوازی ہوئی دھر بسے اور اس لئے گ ہ انتھابی ہوگا۔
ہونکی دھر سے اور ان کی دونوں خرطیں بوری ہوتی ہیں اور توازن کے محل کا تعین ہوجا ہے۔
یسکلہ دوال بی ہے کہ ایک وزن دارجہ (جواچھال کی سطح سے محدود ہے) کے توازن کے محل ایک انتھی سے کہ ایک وزن دارجہ (جواچھال کی سطح سے محدود ہے) کے توازن کے محکل ایک موازی کے سے بوری طرح شعین ہوجا تھے ہوئی از نہیں پڑتا۔
۔ بوری طرح شعین ہوجا تی ہے ادرجہ کے اس حصد کی شکل کی ندیلی سے جربہ یشتہ و ت



فرض کروکہ صدور ب اوج اور غرق سفرہ مجم ہے کے ایجال کی سطے کی توں ھ ق ہے۔ ایسا خیال کردکہ عجم ک کاٹ دیا گیا ہے اور اس کا مرکز ہن سبی لاہتے۔ لو لا ھ : لا ھ :: لا ق : لا ق :: ح ہے ، توسطے کھے ق اجھال کینی

سطح ہوگی جو صریحا سطح ہوگ کے متناب ہے۔ - اجھال کے شخبنوں کی خاص صورتیں -مثلتی منتور کے لئے ' بوجب وفعہ 4 ہم نیراء کا منحنی ن ق کا نفاف ہے جوایک العقارب (ب ارج بن اور چونکه (۵ = ١٠ (ي اس كے بتری بترا ہوجو ایک مکا فی سے محدود ہے تو تیراز اور اچھال کے ربرانا قصى توس سے محدود موتوسنى مرزناقص موسكے جوابح سفا بداور اگرنسی پترے (ماینیفور) کا غرق سندہ صدیبتطیل ہوتو ٹیراؤ کا منحنی صریحا ایک تنہا نقطه وكااورا جهال كامنحني اكسمكا في بوكا-اس کو ٹابت کرنے کے لئے فرض کرو کہ تیرا وُ کے خط کے محلوں اج سب اور اَج كِ كِي حِواب بِي مبندسي مركز ول كے مقامات هُ الله بين - (プラーラー・アー・アー・アーラー・アーラー) كارفده قطع يتاسي my 1= m × a b = + (5+ =)-+ (5+ =) -+ (5+ =) -+ (5-=) يرسملي منشوركي فاص صورت ما ورجيبا دلال بهال بھی نیراد کی اور حمال کے مخنی متناب سختی ہیں۔ در حقیقت تیرا و کامنحنی ایک مکانی ہے جس کا ماکس ج رہے ہو میٹا ہوراک حفاستقیم س گیا ہے۔ مثال (۲) ونغه ۹ م کی صورت میل س = ۲ ادا

اركزيات

اورا پھال کامنحنی مکافی سا کا = ۱ الا ہے۔ اس ملانی کے داس ه پر انخا کا بضف قط بار اسے جوه ک سے کم ہے۔ اس طرح فِلا رہے کہ اجمال کے منحنی کے تین عماد کھنچ سکتے ہیں جن سے اورن ٥٨ - ارجم اكا بترام وجوزائدي توس مست محددد بوتومنحني متشابزا ربوسك -اگر ق وق تیراو کا حظیموا ورم آرای ق کے موّازی ادراس کے مزووج قطر ہوں اور ان کے درمیان زاوی طم موسطح كروت جباطه = وب ، تو رفيرق ن فَ = المركز الله - ألم جب طورلا اس طرح لاکو اُ کے ساتھ بنی جو کو جن کے ساتھ جونسبت ہے دہستقل سے (رتبه) (ع ه) = ٢ في جب طر لا م الأ - و الا ラージーショニ= اور اس لئے جھ کو جن کے ماتھ جوسیت ہے وہ تقل ہے۔ ينتيج فالص مندسي استدلال سي بهي مستنبط موسكة بي -و ۵ --- ایک مشدید مخروط کی صورت میں جواس طرح تیرر باہے کداس کاراس آزاد سطح کے نیجے ہے تیراؤ کی اور اچھال کی سطحیں گردیتی زائر نما ہو سکی -ار مزوط كا داس واكسى تاش كا محواعظم في حي اور احب يركاعوروك

(4)

ہوتو حجب وا ب س وک در ب = ور × وب جب عمر يوكم برجار رقب ال ب كا دوجند ب- اس لئے عجم متقل بونے سے نيتي كلتا ہے كم رقبہ ق آ ب مستقل ہے۔ اس کے مستوی تراش کے مرکز ہندسی ج کاطریق ایک گروشی زائد نماہے اور دھ جِنكُم وسم كاتين حِقوائي م- اس ليخاجيال كي طع بقي ايك مشابرنا رائي الم و _ اقص نما کے لئے اچھال کی اور نیراد کی مطھیں۔ ى = ج طاك إندان سے يمسل ايك كره عا" + طا" + طا" = اكسك بن تول رجا الله ہے اوراگزا تص نماکے فرق شدہ حصہ کا تجم سے تبیہ رہوتواس کے بواب میں کرہ کا جب م اب یہ ظاہرہ کم یہ مجمع مطع کرنے والاستوی نصف قطر کے ایک کرہ کوس کرسے گا رُ ال (١- ١١) فرلا = الماع ال T = (1-1)(1-1) = + نیز جج جو قطع ہوتا ہے اس کا مرکز بندی ایک ایسے کرہ پر واقع ہوگا جس کا نصف قطر س ہے ص كر ١٦ (١-٤) فرلا = كر ١٦ لا (١ - لاً) فرلا

アーノア = (ノナア) (ノー1) ادرا چھال کی سطح ایک اور متناب ناقص نماہے جس کے نصف محدر میں اور میاب مماج 1(1+1) = V زائدنا دوچادری کے لئے بھی اسی قسم کے نتائج طال ہوسکتے ہیں ۔ ا با — ناقسي مكا في نما -بیصورت انفی نماکے تیا مجے اس طور بر عاصل ہوسکتی ہے کہ ناقص نما کے نیتجول میں اور ب ان کو اس طرح پر مائل بدلاتنا ہی کمیا جائے کہ السے عداور بی ہے یہ جال عامیہ مکا فی نما کی صدری تراستوں کے لفعت وتر فاص ہیں۔اس کے گزمشتہ کی طرح اگر سے عرق سندہ محدود ججے لتبیر ہوتو اللي يعفر مو كادر اورس دونول الل بداكاتي بوسك - اس لئ تيراو اور ا چھال کی طعیر مساوی مکا فی نما ہیں۔ نیزان کے راسول اور دے ہوئے مکا فی نما کے راس میں جو فاصلے ہیں وہ ج (ا-ر) اور ج (ا-س) کی انتہائی تیمنیں ہیں۔ ليكن دفعه ١٠) سے بم يود يجھتے إي كم اس طرح معلوم مكانى منا اور تياؤكي سطح ك درسان موريركا مقطوعه حبر موكل جهال

اجال كيستعنيدل كي فال موين اسى طرح وفعد ١٠١٠ سے 3(1-V)= 3(1-C)(0+7C) جرسے اچال کی سطے کے لئے متناظر مقطوعہ لما آہے۔ (44) ۲۴ کسی تراش کا اسطوانہ-تیراؤ کی سطے نفت طہندس کے خط وے پرایک انتظر سے جو ان عصص سے مال پھ مہاں الم عُمودی تراش اور ح غرق سندہ مجم ہے۔ فرصل کردکہ قاطع سندی کی مساوات ى ول لا + م ا + ج ب اورسيا وقاعد اچھال کے مرکز کے محدد (قانانی) زل كى ساواتر س سے حال موتے ہى :-ح لا = كالاى فرلا فرما، قاعدة يرحمل بإلكيا = [لا (ج + ل لا + م م) فرلا فرا = 60+09= اسی طرح ما = آلای فرا マーナリュ= اور سے می = ل کری زلافرہا

ナヤナ+(アレナトリカナ+じり)十=

اسكونيات

ا = [الأفرلا فره ، ه = [لا م فرلا فره ، ف =] ما فرلا فره جال اگریم ترایش کے صدری محوروں کو محور لا اور محور ما فرض کریں تو ھ = . ، (ア・ナンリナ=(でナーで)で、ア・コーラでして、ひーラマ اس مے اجمال کی سطح کی مساوات ہے 7 = 12 + 10 — ایک گروشی محبیم ایسے مانغ میں تیر رہا ہے جو ایک انتصابی محور کے گرو کھوم رہا ہے کویا یہ کھوس ے مجمع کا محور کروش کے محور پرمنطبق ہوتا ہے توازن کی مترط معلوم کرنا مطلوب کیے۔ كھوشف داكے الع كىكيت ميں ايك كروشى طع كھينے حبى كامحور كھوسنے والے الع کے توریمنطبق ہو-اس طح کے اندرونی انع کے تواز ن یر خورکرو- اس انع برسیالی واؤں کا عال اس کے دان کے مساوی ہونا جا ہیں اس طرح اگر اس مائع کی حکوکونی مجسم لے لے تو (۱۲۳) اس کی سطح پرجھی ہیں سالی و اوعمل کریں کے اور اس سلنے اس متسے کامیسم متوازن ہوگا آگر اس کا وزن ہٹا ہے ہوئے سال کے دزن کے برابر ہو برقابل توجہدے کہ خواہ مجبر سال کے ساتھ کھوے یاان کی زاوی رفتار مختلف ہو یا بیسائن ہوم صورت میں میتجہ با لاصا وق آئے گا۔ مثال: - ایک اسطوانه کھو منے والے ما نع میں تیرا ہے جس کہرائی یک یے وو تباہے اگر سند زاوی رفتار مورد آزاد سطح کے مکوینی مکافی کی مساوات اس کے راس کومبدا فرار ویے سے سدا ہا = ۲ ج ی مولی- اوراگر تیراؤسے دارہ کے بینے بینی اس دارہ کے بینے جو آدا وسطح اوراسطوانہ کی سطے کے تفاطع سے عاصل ہوتا ہے اسطوانہ کے قاعدہ کی گھرائی ت موادراس کے قاعدہ کا نصف قطر تو ہٹائے ہوئے سیال کا حجر، می ارتفاع کے معلوانا

کے جم اور سے رہے ارتفاع کے مکانی نما کے ج کے فرق کے مساوی ہوگا-ليس أراسطوانه كى كأفت نه اورسيال كى ف موتر (デルガームラカ) 色= ごりの

اور می = ف ف ب سرا کر دن اسطوان کا ارتفاع کے)

مع ١٩ ــزياده عام صورت ايسحم كى مع جرزاً يا كلاغ ق مضده ايس ما نع من ترراب عجو معلومہ قواتوں کے زیر عمل ساکن سے اور بہی قوتیں جسم کے سالمات برجی عمل کرتی ہیں۔ اگر جسم متوازن ہولو اس پر کی عاصل توت سٹائے ہوسے الغ پر کی عاصل توت کے مسادی ہوگی۔ امران ہوتوں کے خطوط کمل دہی ہونگے۔

کیونکہ اگر سے طلحدہ کرلیا جاسے اور اس کی جگہ کو بیٹا سے موسے ماکع سے بڑکروہا طلے توجمرسال كاعاصل داء وسى موكا جوستات موسة مائع رسم - اوراس سے دو سائے سوے مانع برکی طاحل قوت سے مسادی اور شقابل موکا ۔

مثال _ انع كى كيميت ايسى وت ك زرمل ساكن بعجر كام كزاك أباب نقطب اور وایسے بدلتی ہے جیسے اس م کز سے فاصلہ ایک محتوم صحیر کردی فطاع کی شکل کا اس میں جزا عرف ساکن ہے۔ اس کا راس مُرکورہ با لا ثا بث نقط پیر ہے مائٹے اور کھوس کی کثا فتر س کا مقابلہ کر کا

توازن كى صورت بي فرض كروكه الع كى آزادسط كالصف تطرر اور كروى قطاع كالفعف قطرا ہے۔ قطاع کے جم کو مثاب ہوئے مائع کے جم کے ساتھ اللے کی نسبت موگی اور توت کے مرکزسے ان کی کمیٹوں کے مرکزوں کے فاصلے و اور کر کی تنبت رکھیر کے۔ ن اگر کفافش من اور نه موں تو ن وائا ہے نہ رہا

1 in

ا - دوقایم ہم محر محز دطوں کو جن کے راسی زاوئے وہی ہیں راسوں سے جو ٹاکا کی نما آگیا ہے۔ ا سر ایک برتن میں اس طرح رکھا گیا کہ اس کا ایک سرا برتن کے انعتی قاعب، پر برکھا ہواہے

(40)

بھراس میں یا نی ڈالگیاہے آگراہ رکے تفوظ کا اتفاع نیجے کے مخروط کے ارتفاع کا ہوا در ان کی مشترک کٹافت یا تی کی کٹافت کا بہے ہوتو ٹابت کروکر جسم عیر س کادر کے سے کے ستی کا کے ستی والے ے کوسے کم ہوگی حیاس کا زاوی راس المسس الے ہو۔ ك الدرس ك الخافظ إلى كانت كالالاع رها كياس -كترف ك يارخلف كل إرست إلى جكداس كامرف اكم يتيج د بالكياسي حسم محتمل م كياا تروقوع ندير بوگا (١) بلحاظ برتن -اندونی الع کی سطے کے (م) بخاط برتن کے بیرونی الع کی سطے کے۔ فاردى فول كالدوك الك نقطراك ودندار ورولكاديا امرح تيرا ب ك ذره يان ك سط ك عين لورب ا ادر كفاره كي سط كم ساخذاوي هم بناني ك تابت كردك نفعت كوكاوزن: أس إن كاوزن جرارين ساسكار ين ١٠٥٠ ٥ : ١٠ ١٦٠ ا كم مخروط جس كا تضيف زاويد ماس ويده اور مور كاطول في انتصابي محرر اور مجع وارداس کے ساتھ ایک سیال می ترہا ہے حسکی کتافت مخزوطی کی گنافت کا سے سے۔ اروكراس سے قاعدہ كا تحيط على دوب جا كا ۔ اكرسال، مفل مفوس ك محاوط ولیے استعما بی خطرکے کرو ملتے کی ازادی رفتارے کھو۔ مص اک قصنہ کے ذراجہ راس پر جوڑوے کے میں اور اس نظام یا نی من اس طرح رکھا کیا سے کرراس نیے وار اور مور انتصالی ہو۔ اگر حصو ل کی ئى كى بغيريد نفام بقرر فى بولة فى بد كروك فور بي بوس محوركا طول من جب عدس براب جاں مزوط کے محر کا طول ف اور اس کا زا دیر راس معدے -الما موفط كالاس ايك برعن كے بيذ ، يوس مي إنى ب تاب كد إكياب

بیرمخ وط اسطور پر توازل میں ہے کواس کا مال صلع انتہا ہی ا وراس کے قاعدہ کا زیر نزین لقطہ یا نی کی سطح کو عین مس ریّات مخروط کی کتّا قت کا یا نی کی کتّا فت سے مقالم کرو۔ منحیٰ لا = لوک ف کے کیجید کواس کے متقارب کے کرو گھاکراک یا لے کی منعنی سطح بنا نی گئی ہے یہ بیار ایک وائع میں اس طرح بیرر ہاہے کہ اس کامورانت ابی اور تذکب سرایتے وارہے ادر اس بی ایک زیادہ ترور نی واقع ڈوالدیا گیا ہے، خابت کردکہ اگر پیاہے کو مناسب وزن کا نبایا جائے تو دویوں ما تعول کی مطور کے درمیان فاصل خا ایک اسطواندایک مانع میں اس طرح تیرد اسے کو اس کا محورانتھا بی ست کے ساتھ زاویرس-اید ساتاب اوراس کا اور وار سرا کا نع ی سطح کے عین اورسرے - تابت کروکہ اسطوانه كالفعف قطراسك ارتفاع كالبحسي -ایک بی شے سے بوے دو ڈنڈول کے سے بادھ دے گئیں اور میر ڈنڈسے ایک مائع میں اس طرح بتررہے ہیں کدان کا ذاویہ مائع بیں فرق ہے۔ ٹابت کردکہ چال کامخنی مکانی ہے۔ ١٢ - - ايك مخ وط يعيم وارداس كے ساتھ يانى كے ايك اسلوانى برتن من تير اے -اسكو بغیر جوکانے کے پان کی سطے سے عین ابر کا لاکیا ہے تا بت کروکہ کا م جوکیا گیا وہ سے (ゴナーシェ), جال مخروط کا دزن وسے اور واون کی حالت بیں ا فع کی سطح کے منعے راس کی آبانی ل ہے اور ل اسطوان کا و طول سے جو توازن کی حالت میں مخروط کے ہٹا سے ہو یان سے براماسکا ہے۔ - ايك قايم تدريا سطوانه اس طرح قيرر إسے كداس كالك مرابؤق سع فراؤاور سما - سیان ماوے کی ایک وی ہوئی مقدارہ ایک گریش مکافی ما بنایا گیا ہے جوسيع داراس كساتة ترواح - تابت كروكة راؤك سنوى ساس كم مروتق

(4.5)

کے فاصلے کا مربع ورفاص کے تناسب سکوس مر اموگا۔ ١٥--- چيوني موالي کو ايک کو کھا تفعت کردي مالدايسے و مکنے سے خدرے ح اسی شے کا بنا ہواہے اور موٹائ وہی ہے جو بیالہ کی ہے۔ اگر بالداک ما نع مس بزر ا ہواسطور بركه اس كام كزيان كي سطيس مواز نابت كردكه وسطين كاميلان انتصابي ست م - بوگار - ایک تا کارستاری وطاکاست ی قاعده ناقص کی شکاکلیے - بیرمخروط اس طرح تررا ہے کواس کا طول زین کون افتی سے۔ اگرزا ویداس م عدموا ورستوی قاعدے اور قليل ترين كمون كا درمياني زاويه به موتو أامت كروكم ہ می ہے = ہ می مع عد - تی ہم عد رایک قائم ستدر مخزوط کا ارتفاع قاعدے کے قطرکے مسادی بوتو مخزوط لينف يع برطئ كثافت والمص الغرين شريكا اس طور يركه اس كا ما كل صلع افقي مهو-_ ایک مخروط کا ارتفاع ف اور زاویراس م عدمے اس کاراس ایک مائے کی طح کے نیچے کی گرانی بڑا بت کرداگا ہے۔ ٹابت کردکہ اوان کی مالت میں اس کا قا عدہ انع کے عین امرہو گااڑ الله المراجم عرجم طرو ف ف المراطر عد) جم (طرد عد) جال شد اورت بالترتيب الع كى اور كروط كى كمَّا فتين بن- اورط مساوات ك جمعه عدنجم (ك + عه) ١٩---- ايك ذواربعة السطور (حار طحى) يا في من اسطرح تيرباب كراس كأايك كونه غ ق ب اس كونة برسلنے والے تبینوں كما كے مساوى اور ایك دوسرے کے على القوا عم بیں ۔ نا بت كرو كه وازن كے محل الك ما دو الم ياتين موسك بوجب اس كر حار طحى كى كمانت كو یان کی کثافت سے دونست ہے وہ ہم: 24 سے بڑی ہو ایسا وی اجھونی -٢٠ ___ابك نفف كردى خول (نفعث قطر ١١) جن من يانى ع اين مورك كرد جانسابی ہے ایک کرہ (نصف قطرو)

یا نی رساکن ہے اس طور مرکداس کا زمیر ترین تقطہ خول کومس کرتا ہے اور خول برکونی وار نبس ڈانیا - اگر اوسط خول کی کوراکنارے میں سے گورے تو تا ہے کروکہ كره كي كتافت: يا في كي كتافت : ١٨٩: ١٨٩ ٢١ -- ايك متسادى الساقين مثلق يتراط ب ج (زاوية ج تائم) ايك ما نع مرحبكي كنان ايس بلى سے جيسے كمران اس طرح ترواب كداس كى سطي سترى انتعالى ب ادراس کازادیہ ج یانی می غرق سے اگرا ب انتھائی سمت کے ساتھزادی ہے۔ بطر شائے تو تا بت کردکہ توازن کے دولون محلول میں جن میں ال دب افعی منیں ہوتا طہ کی قیمت شکل ذیل کی رسیا دات حاصل ہوگی م جب طر جماعلہ = (جب طر + جم طر) اللہ عب طر ہے اللہ عب کا کھر مقدار ہے جس کا کھرانتھا ہی سے اللہ کی کھر مقدار ہے جس کی كنّا فت ايس برلتى سے جنے كرائى اس مى مساوى قاعدہ كا قائم مخروط حس كامحر راسطوان ك طبق ہوا سے نیچے وارداس کے ساتھ آبستہ ہو ق ہوسے کے لئے جھوڑول ہے اگر مخروط توازن میں موجیکہ وہ مائع میں عین عزق تا بت کروکہ مخروط کی کما فت اُس المراني رمائع كى ابتدائي كثافت كے ساوى ہوكى جو مخ وط كے تورك الله طول كيمسادى، -ایک محوس مخروط حیس کا ارتفاع ف ، زاویداس م عد، کتافت مف سے است راس کے گرد حرکت کرسکتا ہے۔اس کاراس ایک الع کی سطر کے نیچے ک گرافی بر تا میت كرواكمات -ى كرانى رائع كى تانت مدى سے مخدوط متوازل باس طور بركداسكا مورانتفابی سمن کے سات زاوب طبنانا ہے اوراس کا فاعدہ مائع کی طفح کے بام بنے شاہت کروکہ مرك جم عجم طه و ف ن المجم (طر + عر) جم (طر - عر) ٢٧ -- ايك كعو كعلا مكانى ما برتن جس سي ايك وزن واركره بإلى بواسه يانى ميس ترريا ہے۔اس کے راس رامک سوراخ ہونے کی وج سے برتن اور کرہ کی درمیانی فعدایا ن سے بھری مولی ہے۔ اگر کرہ یر کا حال دباو اس بانی کے تصف وزن کے مساوی ہو

(44)

جورہ کے بھرنے کے لئے ور کار ہوتا ہے نہ تابت کروکہ یانی کی سطے کے نیچے کرہ کے مرکز

رائی ہے جو ہاں مکا فی منا کا ور خاص ہم و اورداس سے تماسی ستری

کافاصلہ ج ہے ۔ ۲۵ --- ایک قائم مخزوظ نیجے وارراس کے ساتھ ایک سال میں تیرر ہاہے جب کی کٹافت ایسے برلتی ہے جیسے گہرا ذکی-اگر آوازن کے محل میں اس کا نحو یا نتصابی سمت کے ساتھ زاویہ طرنا سکے قر نابت کرو کم

٥ تم عم تطط (جم اط - جب عد) الله عنه ما من الله وقت

جہاں مرم وط کا نصف زاویہ راس اور نشراس کی کتا فت اور ف سال کی اس گہرائی پر کثافت ہے جوم وط کے اہل صلع کے مساوی ہے۔

۲۷ --- آک قائم الزاویہ متلثی منتوراک سال میں جس کی تنافت ایسے بدلتی ہے جیسے معتب کو کہ معتب کا اس طرح متررا ہے کراس کا زاویہ قائمہ عزت ہے اور کنارے افقی ہیں۔ ٹاست کروکہ اچھال کے سخنی کی شکل ہے ۔ اور کنارے افقی ہیں۔ ٹاست کروکہ اچھال کے سخنی کی شکل ہے

زجب ط جرا طر حرا طر عدك

٢٠ __ لنگرچھ كُنْ عَلَى كَى ايك جان بلي ہے جس كى كوين ايك دائرہ سے ہوئی ہے جس كا تضف قطرو ہے - يہ جان بيٹي بانى ميں تير رہى ہے اس طور ركداس كے خطارستوايس سے گزرنوا مستوى عظم افقى ہے - خابت كروكہ غرى سندہ گہرائى مى ساوائوں

(= F -1) 1 = G

١١١ س= (١٠ - جب ١٠)

سے عاصل ہوگی جباب س جان پٹی کے ادھے کی کٹا نت نوعی ہے۔

۲۰ — ایک مکانی پتراایک و وہر سے معین سے محدود بے جو محد پر عود وارسے اور پنجے وارراس کے ساتھ ایک ما نع میں تیروہ ہے اسطور پر کراس کا اسکہ انٹے کی سطح میں ہے اور اس کا محوراً متصابی سمت کے ساتھ زاویہ من اعلیہ بنا ہے۔ تنا بت کردکہ انٹے کی کتافت میں ۲۱۲: ۱۱ میں کی سنبت ہے اور محدوہ کرنے وا سے معین کا طول و ترخاص کا تین گنا ہے۔

۲۹ --- ایک منوس مخروط جس کا ارتفاع ف، کنافت نذا ور زا دیدراس معدے اسینے راس کے گدو از دا داندگروش کرسکتا ہے -اس کا راس مائع کی سطح کے اور بلندی د برنا بت

كردياكيا ہے - مانع كى نافت ف بے اگر مخروط اس طور يرتيرر با ہوكداس كا قاعدہ يورى طرح غرق موادراس كا محورانتها بي تمت كے زاديہ طدينا ئے تو نا بت كروك ف (ت - نه) جم (ط + عه) جم (ط - عه) الم علم عم عد سر ___ انتباج وانتباج والرف كالمكراج بي فكل قائم مندراسطواد خيال كيجاسكتي ويانين اس طرح تمررا سے کواس کامحورا مقعابی ہے۔جوصد غرق ہے اسپر برن کے دوسرے ذرات آ کے جمتے جاتے ہیں اس طور زیک اس کی اسطوا فی شکل برقرار رہتی ہے اوراس کے محراء یفیف تطرمیں مسادی وقت میں مساوی اصافہ مؤاہے - غیرغرق سندہ حصہ کی انتہائی شکل علوم کو

1= (1-19)

اگرمرت کی کتافت امنانی ۹۹ د جوتو نابت کروکه اس کی طومنحنی

ك كروش مي المال بوكى-اس __ ایک تمساوی الاصلاع مثلث ایک انعمی تیررا ہے جس کی کتافت مثلت کی است کرانی است کا عاد کتافت مثلت کی است کر کتافت کا عاد کتافت کتاف ائنا غيمسلسل يحمنحني محماس زاويه

104 I-

يراك دوس عكوقطع كرتي ال ٢٣ - ايك كفوس و سرول لا = ± و الله ع + ب ك = ؟ ى = ج سعىدور ے بان یں اس طرح ترر ہا ہے کہ فاعدہ ی = · پوری طرح عرق ہے -نا بن کردکا ایست مٹاؤں کے لئے جن میں عُرق شدہ حجم سے ستقل رہے اور کاعدہ پوری طرح یانی کے اند اور اس کے مقابل کارخ پوری طرح یانی کے باہرے اجھال کی سطم کی مساوات ہے

 $\frac{1}{m} - \frac{6 \cdot 9}{7m} = \frac{1}{r} + \frac{1}{r}$

اینتله

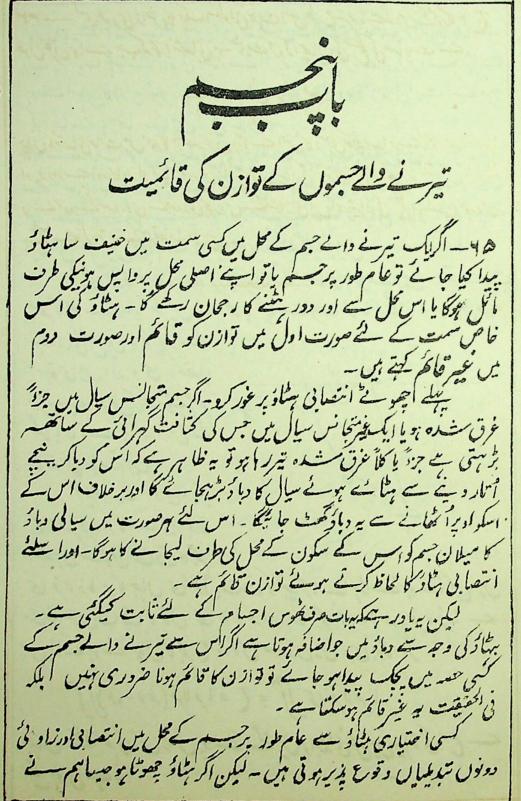
100

اكنبات

۳۳ - کسی عودی تراش کا ایک اسطوان فرت اس طرح تیرر اجبکداس کے مورکا اس جو طول فرق تیرر اجبکداس کے مورکا اس جو طول فرق ہوا ہے کہ ما وات ہے طول فرق ہوا ہے کہ مورا نتصابی ہو۔ نابت کروکدا جیمال کی سطح کی مساوات ہے ۔ اس کے اس کا کہ میں کے اس کی میں کا کہ میں کا کہ میں کا کہ میں کا کہ میں کو کہ کا کہ کا کہ کو کہ کو کو کرا تھا کی کے اس کو کو کہ کا کہ کا کہ کہ کو کہ کو کہ کا کہ کو کہ کو کہ کو کہ کا کہ کو کہ کو کہ کو کہ کر کے کہ کو کہ کہ کو کہ کو کہ کے کہ کو کو کو کہ کو کہ کو کہ کو کو کہ ک

جہاں انتصابی حالت میں محور کا جو حصہ عرف ہوتا ہے اس کا وسطی نقط مبدا رہے محوری انتصاباً او پر دارہے اور محاور کا عمودی حالت میں تیراؤ کی سندی سطح کے مرکز نقل میں سے گزیے دارہے دورکے معیاروں کے صدی محوروں کے ستوازی میں اور تیراؤ کی سطح کے ان محوروں کے سنداؤ میں ماور تیراؤ کی سطح کے ان محوروں کے سے گردش کے نیم قطرب کو ہیں۔

(AT)



ن كيا ہے توجيم كے محل ميں ان تبديليوں كے ازات برالك الك غور كيا جا سكتا ہے۔ اب ہم ایک مجبو کے زاوئی مٹاؤسکے اڑیریو فرمن کرکے فورکس کے کہائے ہونے سیال کاوزن نہیں بدانا۔ اور اس سنے سالی دباؤجسم کی کمیت کے مرکز كوأتها نه يا سلها ني مين كو في ميلان نهيس ر كهيا-کوس صبی سکون کی حالت میں ایک متحانس مانع میں تیرر ہا ه دے جو کے انتقعالی ستوی میں الک جھو کے زاو کے ہے گھا و اگا ہے۔ بیعلوم کرنا مطلوب ہے کہ سیالی و باؤجسم کوا۔ ابتدائی محامیں سیانے کاملان رہے گایا نہیں۔ فرمن کردکہ محرر ما کے گرد جو نیراؤ کے مستوی اوپ میں واقع ۔ جسم کوچھو نے زاویہ طریس سے گھا یا گیا ہے و ما کاغذ کے مستوی برعل لفوائم ہے ابتدائی کل من و لا تیراؤ کے مستوی میں اور وی انتصابا واقع ہے۔ فرض کروکہ جیسے جہم طهما یا جاتا ہے میں محور اس کے ساعتر سی طاتے ہیں۔ اگر تماوی برزقیه كإعنصر فرلا فزمات تعيير نوتو منفري ستون ٺٽي کاحجم ى فرلا فرط ہو گا جال ى طول ن ق كو تعييركة اس بٹائے ہوئے محل ميں متنافرستون ن ق كاطول ى + لاطه اورا سكامجم (ى + لاطه) فرلافر ما ب يس بنائے ہوے سيال كامجم م دو بون صورتوں ميں دہي ہوگا اگر ك (ك + لاطر) فرلا فره = ح = كرى فرلا فر ما جہاں تھےجم کائس زاش پر اے کئے ہیں جوابتدائی على میں تیراؤ كى سطے سے نطع ہوتی ہے۔

توازن كى قائميت

IOM

اسكونات

براس جریں تول ہوجا اسے کا لا فرلافرہ = ، حس کے یسنی ہیں ليسطى تراسس كامركز تقل د ها يروا قع بهذا جا بيئ جيساكه د فعه م ه يس نابت فرض کروکر پیم فرط اوری ہوتی ہے ۔ ابتدائی علی میں مرکز نقل ف اور اچھال کا مرکز علد ایک ہی انتصابی خطیں داقع ہوتے ہیں اور اچھال کے مركز مح محددول كويم (الأوق) ي سي تعبير كسكتيم بي- نيزيم و يلطح بي ے کے لئے (ا آ آ) وہی ہیں - ہٹائے بوئے کی س اچھال كامرك مقام هر يرحلا ماناسے اور فرض كروك ه ك محدد ابتدائي محورو ل - Un (6161) = 2 = 2 اب ح لآ= اكالى فرلا فرما "ح آ= اكا ماى فرلا فرما" حى= [الله ي فرلا فرما جہائ فسری ستون نِ ق کے جم کو ی فرلا فرما لیکر اس کے مرکز تقل کواسکے طول کے وسطی نقطہ پر لیا گیا ہے اور ایس شکلے اس بنا پرسکتے گئے ہیں -ہٹائے ہوئے محل میں متناظر عنصری ستون فی ہو گا جس کا طول ى + لاطه ہے- اس كا مركز تقل ب اس اللہ علم اللہ عاصلى يرواقع سے اوراس کے ن سے اللہ (کا - لاطر) فاصلہ یو- اسلیے ك وا = كلا (ى + لاط) فرلا فرا " ما = كل الحرا الله) فرلا فرا " ح = الله (ى - الله) (ى + الله) فرلاد ا ہم دیکھنے میں کہ چھوٹے زاویہ طرکی بیلی قوت کک تی = ی اوراس لئے اجھال کی سطح کا ماسی مستوی تیراؤ کے متونی کے متوازی سے جیساکہ وفعریم د

س ٹابت کاگیاتھا۔ اب ہٹائے ہوسے محل میں جہم پر سیادی گر شقابل دو متوازی قوتیں عمل کرتی ہیں بینی ایک قواس کا وزن جرباری سندے جو نقطر سن میں سے انتھا یا نیجے وار عمل کا ہے اور ووسری اجیسال کی قوت جونقطہ کھ یں سے انتصابا اور وارعمل کرتی ہے۔ یہ توتیں ایک جنت بناتی ہیں۔ اس جنت کامنوی گردمش کے توریر علی القوائم ہوگا صرف اُس صورت مِن جَير نفت الله في الله اليه انتها بي مستوى مين واقع مول جو و ما يرعود وارجه- يني اگر آء يا ال ال ع + Ud) فرلا فرما = ال اى فرلا فرما اللا فراء ، ين قول وجانا ہے جس كے 8. یمنی ہیں کہ گردمش کا محوروما ، جسم کی اس زامض کا جبود کا صدری محور ہونا چا ہے جونتراؤے ستوی سے قطع ہوتی ہے۔ جب يه يترط بورى بوته ه ين سيم رُر ني والا انتصابي، خط ه دنيكو الک نظم هر يرفطع كريكا جسكوسم مركزا بعدياليسس مركز كهيس كے-

رفت و خطرت مراق المان ا

جمم برعمل کرنے والا جنت و بدت م × طرب اللہ بہت کا میلان میں اللہ کا میلان میں کہ اللہ کا میلان میں کہ اور واقع کے اور واقع میں ہویا یہ اسلمی میٹا دکو بڑھانے کا میلان میٹا دکو بڑھانے کا میلان میٹا دکھی میٹا دکھی میٹا دکھی میٹا کہ کھی میٹے واقع ہو۔

میز حال ہوتا ہے ہم مر × طرب خیا ہے کہ میٹے واقع ہو۔

میز حال ہوتا ہے ہم مر × طرب خیا

<u> = طه کا لا فرلا فرما</u> اسلتے ہم = الله الله الله الله علی اوس تراش کا بروک معیارے بوستم او کے ستوی سے قطع ہوتی ہے۔ اس لئے جسم کواہنے اصلی محل کی طرف لیجانے کا سیلان رکھنے والاحفت یعنی استروادی حفت سے (ション(da-a)=5ら(んいつ×aら) کا- اب یونکر حب کی سطی واش کے مرکز تقل میں سے گذرے والے صدری دو ہو کے ایل بن کے جواب یں جوو کے معالی کی ہونے ، اس کے ان یں سے بر بور کے گرد کا کھا کہ ہٹاؤ کے ستوی میں ایک بعث بیا کرے گا جوجهم كومتوازن كرف كاسيلان رف كار هرف حارية یس بیشرطیں توازن کی قائمیت کے لئے صروری ہیں۔ ٨١- كام بو مثاؤيداكرنے من كيا جاتا ہے۔ جب بمكواكم جيوك زاویہ طری اسطی ترامشن کے مرکو تقل میں سے گورنے والے ایک صدری محور گرد پھرایا جائے۔ توجیم برعمل کرنے والاجنت ہوگا か(しょつ×でしい) de اس کے طمیں ایک جھونی مقدار فرطہ کا اعما فدیداکر نے کے لئے برقی عا جوكام كركاوه = ج ف (أمراح × هان) طه فرطه مسكل سے ينتيج بكليا ہے كه زادئي بٹاؤط كے بيداكرنے بي جوكام كيا عاباہے وہ とうじ(リーマ× マーじ)とこ+=

99 _ قائمیت کے شرائط کاکافی ہونا۔ تبراؤ کے مستوی برائکسی ایسے تورکے گرد جو پانی تراش یا فاصل آب کے مرکز نقل میں سے گررائے ہے اگر چھوٹا گھاؤ یا گردش طربی جاشے تو یہ گردش دوگردشوں طم، طم کا مرکب خیال کی جاسکتی ہے جنسیں بالترتیب فاصل آب کے صدری محدوں کے گرد لیا جائے ۔ ان میں سے جرگردش علیجدہ طور برایک استروادی جفت بیدا کرتی ہے اور اس کئے بٹا کو کے بیدا کرنے میں بیرونی عالی کاکل کام یا توانا ئی ہا تقود میں اصافہ ہوگا

ہے ہے ف رج ہے میں ہے ہے۔ اسے ہے ہے اور نیز رح ہے ہے۔ ایسے جس سے ین تیجہ ستنظ ہوتا ہے کہ مشرائط ہو من حریحے ایسے مٹارک کئے تا اکر سنتر کی کا فی شرطیں ہیں جن سے مٹا کے ہوئے اکا نع کے جم

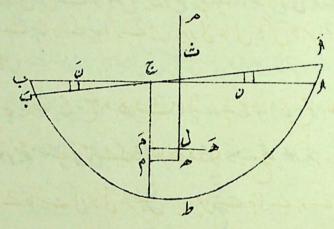
ين تغيروا قع نهيل بونا-

• كا سر قائميت كے سئلہ بر كجت كسى قدر مختلف بيرايہ بيں ہوسكتی ہے۔ مركز البديابيں مركز كى بير تعرفيف كدوہ خط هد نت اور ايك خفيف ہٹاؤ كے لبد اچھال كے نئے مركز بيں سے گرد نے والے التصابی خط كا نقط تقاطع ہے ہيں مئلہ ذیل كى طرف رہيں كرتى ہے۔

سر بیں مرکز اجھال کے منحنی کے اُس نقطہ برکا مرکز انحناہے جہاں پر دش میسے گزرنے والا انتصابی خطائس منحنی سے لمتا ہے۔

یہ معان ظاہر ہے کیونکو نقطہ ہم منحتی کے متصلہ عاوول کا نقطہ تھا طع ہے۔ پس اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ کسی ہٹا و کے لئے لبٹ رظیکہ ہٹنا یا ہوا مجم وہی رہے، سالی وہاؤگی سمت ہمینتدا جھال کے منحتی کے ہر بہجیہ کا انتصابی

مل اس قم کے بھاؤیں جو کام موقابے اس کے جدیں طر طروالی رقم شامل نہیں ہوتی۔اس کودند، آیندہ 4، کی طرح نابت کما جاسما ہے۔ ماس ہوگی۔ اے ۔ سکیدگزشتہ کی موسے ہم نقطہ ہے اور بیں مرکز کا ارتفاع معلوم کریکتے ہیں۔ فرش کروکہ بھم اطب کا مرکز ہندسی ہے اور اط ت کا ھے ۔ اسے البحیرالا زادیہ طہ ہے۔



اگرتیراؤ کے متوی کے رقبہ کا عنفر عہد اور ہے ہیں سے گذر نے والے
انتھابی خطیر عمود کھ ہے کھر ہم ہوں تو
کھر م ہے ۔ کھر م ہے = کے (ج ن م ط م م ہے یہ)

ھر م م ہے ۔ کھر م ہے = کے (ج ن م ط م م ہے یہ)

المحمد کے المحمد وادی سیاد

المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد وادی سیاد

المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد وادی سیاد

المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد وادی سیاد

المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد وادی سیاد

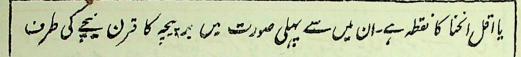
المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد وادی سیاد

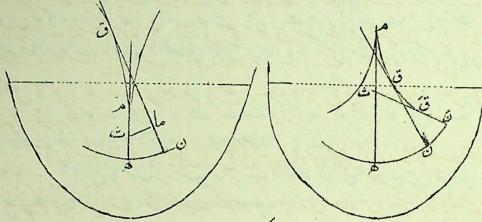
المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد کے المحمد وادی سیاد

باسكونيات

الا کے __ گزمشننہ وفعہ میں یہ بات فرض کرلی گئی ہے کہ سیالی دباؤ کے عمل کا انتصابی خط ایک خیف ہٹاؤ کے بعد کھ ٹ کو قطع کرتا ہے۔ یہ صرف اس وقت درست ہوگا جبکہ ہٹاؤ کی سطح مستوی نقطہ کھ براچھال کی سطح کی صدری تراسش ہو۔ جب یہ صوریت نہ ہو تو ہٹا دُ کے انتصابی مستوی پرخط عمل كاظل هد لف كونقط هر يرقطع كرے كا جوسطح كى عما دى قرامض كا مركز انخا ہو گا۔ اس لئے نقطہ ہ براحیال کی سطح کی کسی عمادی تراش کے انحنا کا تصف قطر و مولا اورا گرتیراو کے متوی کے جمود کے صدری معیاداس کے مرکز ہندسی پر مج مج ہوں تواچال کی سطح کے انخاکے صدری نصف تعل کھ ہر 10 E ہونگے اور اس کی صدری تراث سے براؤ کے مستوی کے صدری محدوں کے توازن کی تائیت کا سوال جبکه راسطینے (Rolling محل میں ہٹا کو پیدا ہو-عام طور پر جہاز کے لئے اُسچھلنے (Tossing) کے بغیر ردھکنا ی سے کیونکہ جہاز کے دونوں سرے غیر متشاکل ہوتے ہیں۔ نیکن ایک بہت المع جاز کی صورت بن جیسے کہ عام طور پر محادی اوس (Atlantic Ocean) میں چلنے والے جہاز ہو تے ہیں ہال لیا جا سکتا ہے کہ جہاز ایک مستوی سے جواس کے طِول برعود دار ہو مقشا کلاً تقسیم ہوسکتا ہے۔ اس صورت میں جازمیں تشاکل کے دوانتصابی مستوی ہونگے ۔ اور اس کئے انتصابی خط ھ نٹ تیراو کے ستری کے مرکز بندسی ج میں سے گزرے گا۔ نيعرضا هونث اجمال ترميخي كومتية كلأتقبيم كرتا سے اور نقط هر اعظم

امكانات





مکیلائے اور دوسری صورت میں اویرکی طرف مکیلا ہے۔ منکوں سے ہٹاؤ کے افرات فوراً ظاہر ہوجائے ہیں۔

میلی صورت می تفویمی معیارانز (Righting moment) جرسطار کے دیے ہوئے زاوید کے لئے قائمت کا سکونیاتی اب سے ن ما کے متناسب ہے جونقطرف سے ماس ن فی برعمور ہے اور بٹا دکے ناویر کے برھے سے برطمہتا ہے۔

دوسری صورت میں تقویمی معیار اعظم نمیت انتبار کرتا ہے اور تعرفطنتا ہے اور اس محل میعددم ہوجاتا ہے جو ماس سے فی ف سے ماصل ہوتا ہے۔ یہ نوازن کا ایک محل نے لین ایسے توازن کا جرغیرہا تم ہے کیونکہ عام حیلی قانون کے مطابق کا کم ادر عیر قائم نوازن سے محل باری باری سے محل باری باری سے محل باری باری سے محل بعد ویگر سے دقوع پزیر ہوئے ہیں۔ کیے بعد ویگر سے دقوع پزیر ہوئے ہیں۔ اگر مش کومبداء ان کرا چھال کے منحنی کی مساوات ع و ف (ند)

ماصل کی جائے تو

جان و باز کا وزن ے۔ عام طور پرمغمولی نٹاؤں کے لئے اچمال کامنحنی نقریباً زائم کی ایک قوس ہوگا. دیوار بہاو جہاز کی صورت میں لینی ایسے جہاز کی صورت میں جسکے ملوخط آب کے نزدیک انتصابی ہوں اچھال کا منحنی مکا فی کی قومسس ہے۔ جازی صورت میں اگر اور عکنے کے لئے مرکز مابعد هر ہوتو حاصل صرب و یدف هر کرجاز کا تحکام (Stiffness) کیتے ہیں۔ مم ع ۔ ڈیوین کامسکل سیدھا تیرنے والے جہازی صورت میں تیراؤ کی سطح کی عوشی تراش کے انخاکا نصف قطر ہو گا ر = ل ا اسع فرس جمان فاسسل آب کے کھیے کا عفر فرس ہے، اس کارقبر ہے اور جازے پلوکا انتصال سمت کے ساتھ سیان عدے۔ ادر محاور لا اور ما جہاز کی اُس تراش کے طولی اور عرضی محربیں جو تیراؤ کے متوی سے مطع ہوئی سے اور یہ محرر اس سوی کے مرکز بندسی ج یں سے گزرتے ہیں۔ اس کونایت کرنے کے لئے زمن کرو کہ تیراد کی سطح کی عرضی ترامش پر ج ہے دومتصل تنظیم بین اور سیم کا ماسی متوی فاصل آب ان ق سے کے ساتھے جيواً زاويه طرباما بها اور فرمن كروكما اسی مستوی سے جماز کی جوزاش مال ہوتی ہے اس کاطل فاصل آسے بر ون ق ب عداس طرح ج كا ظر ف رقبہ أن ق ب كا مركز بندسى سنے - فرض كروكر متناظم عنص

(ه،) ان في أن ق أين اورت ق = فرس لو

اسكونيات

رتب ن ق ن ق = اطمس عرفرس ن ج ف × (﴿) =) أطمس عـ نرس اور چونکہ ج بے = ر طر اور انتہا ہی ج ف = ج بے اس لئے رم = كالمطمس عد فرس اس جارکسب سے پہلے سی ڈیوین (C. Dupin) نے ایسے ایک تقالدین سائنسس کی اکا ڈیمی (Academie der sciences) کو اگا ڈیمی (میں سائنسس کی اکا ڈیمی کے انتخا کے نصف قطر (می) کے لئے بھی ایک متناظر جلہ صریحاً موجود ہے ۔ ایک متناظر جلہ صریحاً موجود ہے ۔ اگل کے ۔ لیکلر ف کامسلہ ۔ اگر عرضی اور طو تی ہٹاوں کے لیے ہیں مرکزی بلندیوں کو بینی اجھال کی سطح کی عرصنی اور عولی تراشوں کے انحنا کے نصف فطروں کورادر می سے تعبیر کیا جائے وہم جانے میں کہ - 101 - = 1 جہاں مج اور جعج فاصل آب کے جمود کے صدری معیار ہیں۔لیکارٹ نے ان مقداروں میں حسب ذیل روابط فاعم کے لیکارٹ کے اس معنون کا ترجمہ مسٹر میری فیلڈا (Merrifield) The proceedings of the Institute of Naval Architects) (Messenger of Mathematics)

میں دیا ہے جو دو تنوت وہاں وئے گئے ہیں ان میں سے پہلاحب ویل ہے۔ ارتخی ویکے ہیں اس کان بارہ میں اس کان بارہ واللہ ویکے گئے ہیں ان کیا جا تا ہے کہ ایندہ دفعہ ۸۰ میں اس کان بارہ واللہ تنوت ویا جا کیگا ۔

ليكارط كامتله

111

ا سكونيا مند

فاصل آب کے سوازی اوراس سے فری نا صلہ یر تراسش کینے سے زع= إ زى فرض كردكر وق ن ب قال ب یراس نئی تراسف کا ظل ہے۔ تو فرجے ا اُو ق ن ب ادر افقات ب کے ورمیانی رقبہ کے جود کا معیارے۔ : فرج = ح ما فرى مسى ع فرس اور زمج = کا کس عه فرس $\frac{i}{T} = \frac{i}{i} = \frac{i}$ (44) " (-1= 13 - 3 17 = 5 - 3 17 " T 17 " T 17 " T 4 کے ارس افنا فہمازے ار ين ارًا عنا فِه كيا حاف تواس كا اخر مرکز ما بعد کے محل بر۔ یومان کر کم جہازمیں تتشاکل کے دواسقابی مسنوی ہیں فرض کروکہ تیراؤ کے مستوی کا مرکز ہندسی سے ہے۔ ان می سے ایک مستوی میں قابلیت برغور کرد۔ بارمين خنيف امنافركي وحبس فرص کوکہ ج کا نیا مقام مج ہے اور مزید مٹاؤ معن سے تعبیر ہوتا ہے۔

الله هاور مرك في الله هاور هر يول تو 日本三國成一國八十四百 五日十二十二二 うる×でララ×ある a a = nei (+ 5 0 nei 2 = nei 2 (1-1+ 5 a) جہال رسے ج کے تعبیرہوتا ہے جو تیراؤ کی سطح کا نصف قطر انخاہے۔ اسلة م م = من ح (حدم + ج ه) = ست (هده هم) يس معلوم بواكريس مركو بلجاظ جاز كے اوبر اُلمتا ہے اگر بر تيراؤكى سطح ك مركز انخاك نيج واقع مو اور نيخ بنيقاب الريه مركز انخاك إوير واقع مو-الماین جاز (Screw-steamer) این جاز (Screw-steamer) این جاز ا - (Heeling over) lip Later 23 (میروفیر کرمن بل (Prof. Greenhill) سے نوب مے) الرائخن كو تيموانے والا جفت فط يوندوں ميں لي بو اور في كروشوں (٤٤) كى تقداد ن توايك من من من جوكام بوائد ده ١١ من ل بوگا- ليكن اگر الجن ط أبيى طاقت سے كام كرد ا بوتو كام = ... سم ط ٠٠ ٢ ١٠٠٠ - المعاط ار طردہ زادیہ ہو جس میں سے جاز جک جاتا ہے اور مرکز تقل کے اديريس مركز كالدتفاع ف بوادر جاز كاوزن توني و بونة ا = . ام ۱۹ و د جبط ند ... ساط = ۱۱ ن ۲ . ۱۲ و و ب ط

ا مکونیات

اس مسادات سے کھ لما ہے۔ جھننے کے افر کو دھی مستوی سے ج فاصلہ یوایک ایسا دزن ور کھنے سے زائل كرويا باسكتا بي كم و ×ج = ل B m m ··· = >でい m r ينكساني جازكي صورت مي حجكاؤطولي سمت بين موكا اوراس صورت میں ف طونی، بس مرکزی ارتفاع ہوگا-يه قابل وج ب كرجمك جائے كى سب كروش كے سب كفالات ہوتی ہے۔مثلاً بنکہانی مہازی صورت یں جوآ کے کو جارہ سے سامنے کاصد خفيف سا أبطابهوا يوكاا ورسحه كاخفيف ووبايوا_ فرض کردکہ ابتدائی آب خطر اسفی کے مرکز بندسی میں سے گذر نے والے انتصابی خطیں سدا ایا گیا ہے۔ اگرابتدائی تراسش ی =ج ہوانو خفیف طور برسٹائے ہوئے محل میں اس ستوی کی مساوات ہوگی 1 p+ 1 J+ E = 6 ل م چو سے ہیں۔ ار ان وو مخلول میں (لا ، ای) اور (لا ای) اجمال کے مركزول م کددوں کو تغیرکریں تو م الافراد فرا = الل + ف م، ح (١-١) = (١-١) = (١٠-١) ا فرلا فرا = ف ل + ب م ، ا = اللافرافوا ن = الله فرلافوا ب = المافرلافرا

$$|v| = |v| + |v|$$

اب وافد ۵ م كى دوست تواز ن كے محل ايك ايسے وزنى جمم كے توازن کے گئل دریا فت کرنے کے معاول ہیں جواچھال کی سطح سے محیط اموادرایک افعی سے توی راک ہوا ہو۔ یس قائمیت کے لئے اس مستوی سے مرکز تقل کا ارتفاع اقل ہونا جا ہے۔ اس کے لئے عزوری ہے کہ اور ج تی چھوٹا ہو یا مرکز لقل دونوں نیس مرکزوں کے بینچے واقع ہو تفراؤكي سطح - لكارط كامسلم-فرض كروك فهوس وفعه ٨ ٨ كي موجب ووسرك محل ير معاوراسكو وان عون سنده محمير اك جمولي تقدار مف كالفافية اب-الر بھر سف م کی چلکتی کے مرکز تقل کے محدد صا عا اطا ہوں نو صامف ح = (عن من) (لا - لا + معن لا - معن لا) = ل عن ال + م معن ف ا الالالا عامن عامن عدم من با طا معنے عہ (ل من ۱ + ۲ ل م من ن + م من ب) نیر جیسے جکتی کی موٹائی کم کردی جاتی ہے نقطہ (ضا، عا، طا) تیراؤ ی سطح کے متنا ظر نقطہ پر سطبت ہوئے کی طرف یا ب روا ہے بعنی آب خط رقبه کے مرکز ہندسی بر اس کے تیراؤ کی سطے پر روابط حاصل ہوتے ہیں لا × فرح = ل فر 1 + م فرن ، مَ * فرح = ل فرن + م فرب، ى × فرح = إلى فرا + الم م فرت + م افرب) ادر تیراد کی سطح کی مسا دات ہو گی

(44)

اى = فرو ذب - رزن إلا زب- ١ لا ما فرف - أ فراه فاص صورت مي جبكه فرف = . نويساوات بوطاتي س 72 1 + 70 1 = GY اورتیراؤ کی سطے کے نفت قطر انحا ہیں فرام اور فرت جیا دفتہ ۵ عیا-هسم ویکتے ہیں کہ شوس کی ووسوازی تراشوں کے صدری محوروں کا سوادی ہونا عزوری بنیں ہے۔ اس طرح اگرف = . تواس سے ینتی بنین کلت کہ ون = ، اسطرح وفعه ۵ کے تا مج حرف اُن صورتوں میں ہی درست مونگے جن کو اُس وفع میں مان لیا گیا ہے بینی تشاکل کے انتھا بی مستوی موجود ہیں جن میں افقی تراسوں کے تمام صدری محد واقع ہو نے ہیں۔ ا ٨ - يس مركز كا مقام معلوم كرف كى جند مثاليس درج كى حاتى إس-مثال ا - لضف نظر الأور طول من كا ايك عنوس اسطوانه انتصابي محور اس صورت میں تیراؤ کا متوی ایک وائری رقہ ہے اور رئ= ٢٠ الله على المراد على المراد ال = म लि ने क हिले । । । । । । । । । । । । 3# =

له ليكل ف كم ملك كي يقيع اور گرست خدد نعات كاطر استندلال اور ونعات آينده ١٩١٠٩٠، ٩١، ٩٠، ٩٠ مرا در منات آينده ١٠٥٠ مرا م وج (Dr. Bromwich) يكسن ذكر كافيج بي -

(A.)

اسكنات

اس نے اگر مور کا طول ن عزق ہوق THE : A = THE ! BA = THE اور توازن قائم ہوگا اگر مثال ٢- ايك وارئى اسطوان تيردا ب اسطور يدكداس كامحرافقي اور سال کی سطح یں ہے۔ اس کو اس کے محد میں سے گزرنے والے انتصابی ستوی یں ہادیا گیا ہے۔ تراؤكا ستوى ايكم تطيل سے اور かりましい جهال ت اسطوانه كا طول ادر ال مصف قطرس 17 = A = : اور تواز ن قائم ہوگا اگر (-) AK < 10 1 かくじ مثال ١٤ _ ايك عموس مخوط انتهابي محد اوريني وارواس كے ساتھ قررابع-زمن کردکه من مورکاطول سع، 8 7 0 99 an os 8 15 G भव र्रहित रेशिवमाता क

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

マニニ はいっての : @ a = = 2 2 2 2 له لف = به ن - به ى اور اس کے توازن قائم یا غیر قائم ہو گا بوجب اس کے کہ ى مسرعه > يا < ن- ى ی کیا حد دن جم مد لكر اكر ف اور فه سال اور مخروط كى مخافي بول تو = (3) اس کئے وازن قائم یا غیرقائم ہوگا ہوجب اس کے کہ (タン) ! (ラン) مثال الم - ایک منساوی الوجیین مثلثی منشور تیرد ا ہے اس طور پر کہ اس کا قاعدہ ع ق نہیں ہے اور اس کے کنارے افتی ہیں -اول توازن کے اُس محل برغور کردجب میں منتخر کا قاعب وانق سے ائل بو و کیمو رند (۹۹)اس صورت بس اگرا ق ۲ ما اور (ن ۲ و الا ادر اگرصفی (۸۰) کی مساوات (بر) مي مم و= ب ركسي تولا اور ما مساواتول سے حاصل ہوجا تے ہیں۔ اب اوراج کو والے کے ماور قرار دیے سے نے اور حرکے محدو على الرئيب بموعظ

(十八十月) 10(二十日) (M) : (1-1) + (1-1) + (1-1) + (1-1) = : (M) وف= ي جر الم الم الم الم الم الم الم الم رتمب ناق = ٢ م جب ط اور ارم يسس مركز بو اورل منظوركا طول و ال مرابط م هر عن من × ن ق × ل ن هم = مع ماجب له لين نق = م (لأ + أ - ، لا م جمط) (アーサアラ)中アリー الله هم > هن الرمان المحريم المحر الاجم المح-م) يني اگر جم عيا دوم اس صورت برغور کرد کے جس میں قاعدہ انقی سے اور اس لئے ن ق اب ح کے موازی ہے۔ رقبه ناف= ام حبط ان= اق = ۲م، نق= ۲م عبر لم

了>中学, 后山西人西西 اب وفد (۵۹) ہیں جس کا حوالہ پہلے دیا جا چکا ہے ہم نے جابت کا کر قواز ن کے یا تو تین محل ہو تھے یا صرف ایک بوجب اس کے کہ f>!<= 3. اس کئے بیتیجہ بکلتا ہے کہ حب تواز ن کے نتین محل ہول تو درمیا تی محط جس ميں ج ب افتى ہے غير قائم نوازن كا كل جوكا - اور دوسرے دو محلول ميس لوّازن قا مُم يُوكًا. ا كونوار ب كا عرف ايك و المرام المولو توازن قا كم موكا-طالب علم کے لئے یہ اچھی مثق ہوگی اگروہ ان نتائج کو اچھال کے منحنی کی مساءات معلوم کرکے اس کے مرکز انتاکا مقام دریا نت کرنے سے حاصل کرے۔ A معدو دمما و-الراك موس م ان من تررا بوادراس كوتوازن كي سيماكر الدوتے مو سے زاو کے مر کھا اوائے تو بہلے کی طرح سالی دباؤ کا معیارا ستروادی ہوگا عِناستردادی موجب اس کے کرنقط کو میں راجھال کے نئے مرکز میں سے گزرنے والا مصالی خط ، خط هد ت کو قطع کرتا ہے ن کے اور یا سیچے واقع ہو -سے رہنیجے نہیں نخلیا کہ اگر ل مٹ کے اوپر واقع ہوتوجسے کو آزا د كردينے سے وہ اين اصلي كل كي طرف لوط أليكا اور اس ميں سے استزاز رسكا يا يه كه قائميت كى بارى سابق تعراف كي برجب اصلي محل قائم توازك كامحل موكا -علم كا ايك عام كالذن يه سيح كه قائم إدر غيرقائم توازن -ی سیکے بعد دیگر ہے وقوع ندیر ہوئے ہیں ادر مکن سے کیجسم ا اس بٹاد میں توار ن کے محلوں میں سے گزر دیا ہو-مثلاً ایک خاص مثال حسب ویل ہے۔

ایک عقوس مخروط اس طرح تیرد ہا ہے کہ اس کا محور انتھا تی اور راس يسيح دارسياس كواكاسا انتصابي مستوى مي زاور طرس معالى كاست بالاسك بوسك مسال کامج وہی رہتا ہے۔سالی دباؤ کے معار کی سمست معلوم کرنا مطلوب ہے۔ فرعن كروكه سبال كيمستوي سطح سے مال سفدہ مخروطی تراش کامحوراطم ا ب سے اور اس کا وطی نقطہ سے سے सिवी। भारत ने स्वरि يرعلى القوائم بين اور زاويد الروحب= ٢ عد اور وا = وتو (s - b = 119 まーカーガニントリ وج = المرواً + وب) = المراجب المدع ، بم الدع عمر المدع) جب المع المدع) الم $\frac{d^{2} + d^{2}}{(d^{2} + d^{2})} = \frac{d^{2} + d^{2}}{(d^{2} + d^$ قطح ناقص انب كالضف محورا صغر أن عودوں كے ورسيان وسط تناسب ب ہو مخ وط کے عوریر ا ادرب سے کھینچ حاکمیں۔ ن ناقف كارتب = ١١٠ إل (ول × وب × حب عد) ال

محدود والماء

ITH

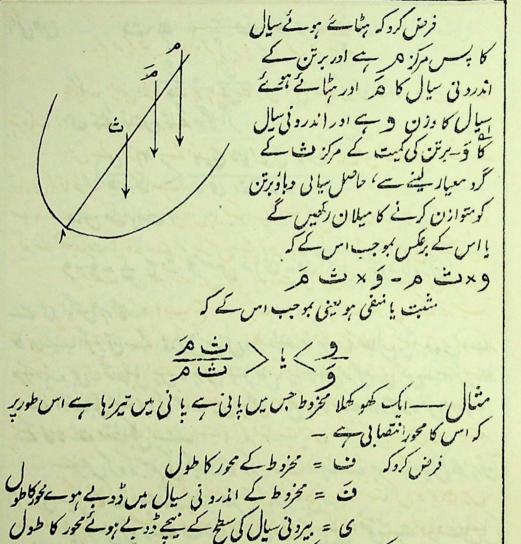
ماسكونات

اس لئے مائے ہوئے سال کاجم = الم وجم (ط - عه) (نا قص كا رقب) اب اگرسال اور مخروط کی کما فتیں مٹ اکفیوں تو جو کم مٹائے ہوئے (۸۳) سیال کا وزن مخروط کے وزن کے سمادی سے اس کئے ت و حب عم عم (ط عه) } = ق ن سس عه [ن موط كا اتفاع م] ادر ول >وت اگر راهدم) > ف طركولا أنتها جھوٹا فرض كرنے سے صغير ہاؤ كے لئے ہميں تامميت كى 一人主 جو ونعمر (۸۱) کی مثال ۱۷ کے مطابق ہے۔ فرض کرد کہ مخروط کا توازان تعدیلی ہے بینی فرض کروکہ لتر ع ث جم عد تومدد دہاؤ کے بدسیال کا عمل مخروط کو اپنے اصلی محل کی طرف لیجانے پر اگل موگا IFA

اسكونايت

جم عد جم ط > ٧٠ جم (ط + عه) جم (ط - عه) یہ ایک ایسی مفرط سے جو ہمیشہ صا وق آتی ہے کیونکہ عد اور طریس سے ہراکب زاویہ قائمہ سے کم ہے۔ اس لئے مخروط کے تعدیلی تواز ن کی صورت بین کسی محدود ہٹاؤ کے لئے توازن كو قائم كها جاسكما --مع ٨ _ جب ائع ايك برتن مين بوحبكواي اصلى محل سے ذراسا ما وا كھيا ہے تو لذشة تحقيقات كى مدوت مع حاصل سيح وارد بالو كے خط عمل كا تعين كرسكتے بيں ور حقیقت اس صورت بین محیلی صورت کی طرح بیسل حب فریل سے :-ایک مقوس میم اب ج سے ایک ویا ہوا مجمر ایک ستوی کے فرانس تراش نبا گیا ہے۔اس مجم کا مرکز ہندسی کھرے اور حفظ مج تھواس مستو ی برعمود وار ے۔ اگر وہی محرایک ایلے ستوی سے تراشا جائے بومستوی اب سے بہت چھوٹازاویہ نیاتا کے تواس خطاستقیم کا محل معلوم کرنا مطلوب سے جو دو سے ستوی برعمود وارہے ادر اس سے جو انجو کتا ہے اس کے مرکز ہندسی میں سے اگررتن کی اندرونی سطح ایسے مستوی کے لحاظ سے متشاکل موجو دومیں سے گزرہا ہے اور ترامض کے دونوں مستوبوں کے خط تقاطع پر عمود وارہے تؤوہ فط حبکا محل دریافت کرنا مطلب ہے ج کھ کو مرکز ما بعد ھر پر قطع کرے گا جس كا مقام مارك أرسطة نماع سي معلوم كيا جاسكائي -مم ٨ ___ برتن حس ميں مائع جو - ايا كھوكھلا برئن حس مي مائع على الع میں تبرر ہاہے بوازن کی نوعیت معلوم کرنا مطلوب ہے یہ فرعن کرکے کرحبم کی كميت كے مركز ميں سے گزرف والے مثاؤكے انتصالى ستوى كے لحاظ سے حسم معشاكل سے اور يه كومسم اورائع كى كميتوں كے مركز ايك ہى انتصابى خط -030.

(~~)



کے یصورت ایسے جہازسے متعلق ہے جس میں سوراخ ہو گیا ہو اور رو کنا ہو۔ اگلی دفعہ ایسے سورا خدار جہازسے متعلق ہے جسرے بل اہتزاز (pitch) کتا ہے۔

ت ه = ہے ن قط عرب یے ن جاں مساوات و- و - ف المسل ع (الما - ف ا) = كروط كا وزن ا - 8 y 000 CE ٨٨ - اگرېتن کے اندرونی سال اور شائے ہوئے سال کی کمیتوں کے مرکز ایک ہی انتصابی میں مزہوں تو فرعن کروکہ ان مرکزوں میں سے گزر والے انتصابی مستوی کی سمت میں مٹا و واقع ہوتا ہے اور حبیم اس اندرونی سیال کا کے ہے اور مرا کر بس مرکز ہیں۔
نیز فرض کرد کدف ن ف قرازن کے محل میں افعی۔ الے ہوئے محل من سے میں سے أزرنے والا التي خطرہے۔ بطاؤ كازاديه برقو توازن مائم العير قا كم بوكا بوجب اس كرك ود ف المال المال

و(ت ن جمط م م عب طر) > يا < وُلت ن جم ط م ت جب طر) اور یونک و بدن ن = و بدن ن اس کے توازن قائم مو کا یا عیرقا کم بوجب اس کے کہ シュントくる ٨٤ __ قيودك ماتحت تيرنے والے جسمول كے قراز ن كى قائميت قید کی ایسی صور تول میں جس میں چھوٹے ہٹا کو کے لیئے ہٹائے ہونے مانع کا جمح بنیں براتا کیسے مرکز کا نظریہ سالی دیاؤے خط عمل کانتین کرتا ہے اور قائمیت کا سوال پھر اسانی سے حل ہوجا ا ہے۔ مثال کے طور پر فرمن کروکہ ایک جبم جزءً غرق ہشدہ ، ایک انقی محورکے کرو حرکت کرسکتا ہے اور پیرانفتی محور اُس ستوی زاش کے مرکز ہندسی (ج)کے انتصاباً نیچے واقع ہے جومائع کی سطح جسم میں کا ٹتی ہے۔ اگر جسم کو چھوٹے زاویہ طویں ہٹا ویا جائے تراس ہٹاؤکا یہ افر ہوگا لرم کن بندسی (ج) نیچے بیٹھ عائے گا اور یہ ٹبھاؤ طر پرمنحصر ہو گا۔اور اس کے بہلے رتبہ یک ہٹایا ہوا مجم غیر متغیرر بھگا اوریس مرکز وہی ہوگا تمایے انقی محرک کر حرکت کرسکتا ہو جو نقطہ سے کے نیج انتھا یا واقع نه بهوتو مِنا الع بوس مح يم يس جوت بلى واقع بوكى وه نظرانداز نبيس بوسط كى اور قائمیت کے سوال کو مٹاے ہوئے مائع کے عمل ریا الاست عور کرنے -ہے ساکن ہے اس طور پر کہ اس کے وو سطعے انتھابی ہیں ۔ یہ بیترا لینے ایک انتھابی منلع کے وسطی نقط کے گرد اپنے مستوی میں مرکت کرسکتا ہے۔ شكل بترك كونتمرك تي حبك الكوجيوك زاويه و و ف (ط) میں سا دا گیا ہے۔ نقط و جوائع کی سطح میں ہے صلع کا وسطی نقطہ ہے۔ 392

ار و أ= د اور اراتفاع = ٢ بت أوس = + الأط اور و کارد معال سے سے توازن قائم مو كا اگر シャウマ×亡く(じり×・リナリニ×かりか) ごア جہاں کا نظر کے یں سے گزرنے والا انتظابی ہے۔ है। है है है है है है کے ۸ _ اس خاص صورت میں حرکے جمری کمیت کا مرکز اور محور جس کے گردیہ حرکت کرسکتا ہے دونوں الع کی سطح میں واقع ہوں تو قائمیت کے تعین کے لیے ایک صالطہ دفنہ(۲۹) کے صالط کے کائل حاصل کیا جاسکتا ہے۔ جس محرر کے گردجیم حرکت کرسکتا ہے اس کو ج اادر توازن کے محل میں فرض کرد که اج از نیاد کا ابتدائی سندی سے اور ج ما کے گرد (جو کا فیز کے مستوی پرعمود وار ہے) ایک چھو نے زاویہ میں سٹانے کے بعد مطآب ج مے -4100. ماصل سالی دباؤ وزن ب دم ب کے مساوی سے جواور علی کرتا ہے اور سے ذہل کے وزیوں کے معاول ہے۔ وزن ا د المونى ج ب ح جاوركيون ك على رياع، فان رب كا وزن فواديد كى طون على رئاسي اور قانه أب ج كاوزن بونيح كى طرف على كرّاب

(AL)

ان در ذن فا ذن کی وج سے استر وادی معیار

= اُل ج نف فا ط فر فا فرا = ج ف أحماط

جہاں ہے اکر در قب آج ؤ کے جود کا معیار اس ہے ھے

ہٹاؤ کی وج سے معیار کا نقضان

= ج ف ح بن ن = ج ف ح × ه ن × ط

اس کے توان قائم ہوگا اگر

اس کے توان قائم ہوگا اگر

اس کے توان تائم ہوگا اگر

7 00

۸۸ — ایسے جم کی عام صورت میں جگ گرائی کے ایک افتی مورے گرورکت کرسکتا ہو فرض کرد کہ تیراد کے ستوی پر محور کا ظل ج ا ہے اور ن اور ھ کے نظل کی اور ن جی ۔ صغیر زاد کی ہٹاؤ ط کے سے ج کا انتصابی ہٹاؤ طاکے رتب کا ہوگا اود اس لئے نظرانداز کیا جا سکتا ہے۔ گرست و فعہ کی طرح ہٹا ہے ہوئے ان کے کے تیز کی وجہ سے استردادی معیاد = ج ٹ اس ط اور ھے کے ہٹاؤ سے معیار کا فقصان قبود

b (よし)×てきで= يس بين پتيجه نحلما سے كه توازن قائم ہو كا اگر ふらんびってらて(あいこし)+((こし)) منتبت بواس سنسرط كسافقك 00 × 7 = 5 = 5 (x) متحرصرح - اگرحبهم متجانس مائع مین آزا دانه تیرریا برد اور تشاکل کا ایک ستوی ر کھتا ہو اور اگر اس مستوٰی میں کے کسی افتی محور کے گردھیم کو ایک صغیر زا دیے ط میں کھا دیاجائے تواسترواوی جنت ہوگا ラウセ(イガーフ×a c色) جہاں تشاکل کے مستوی اور اکع کی سطح کے حط تقاطع کے گرو طحی تراش كے تروكا معار أس سے۔ ٩٨ - السيح مع كا توازن جو دوما تعات مين جزء عز ق مشده تيرا ع فرض کروکد اویر کے ماقع کی کٹافت ف اور سیے کے مانع کی نت دف ین فرض کردکی فی فی فی فی کوئی سنده سے اور خی کی کا وہ حدے جویتے کے الغ یں عرق سے - تیراؤ کے مستویوں سے رقبہ و اور ہیں۔ تب جسم کے وزن کو تھا سنے والی قویتی ، مائع کی کمیتوں کے اوزان سے مح اور الشاح ہیں جوار پروارعمل کرتی ہیں --امیسی صورست لوجس بن حبم ایک ایسے انتصابی مستوی کے لحاظ مستاكل سي جويدا وكي منتوى يرعمود وارسه ، اس طرح حبى اور كميتون ينع اور ف م کے مراک مندسی دف ، هو، ها ایک بی انتصابی خط میں ہو نگے۔
اگرجسم کوایک صغیر زادیہ طریس تشاکل کے مستوی میں کے کسی افقی تورك كروباويا جائية توازن كمحل يرليجان كاميلان ركين والى

قوق کا سیاد شے کے کرو ہوگا ひら(しづ~ア×会に) d+でら(じーラ×者に) d ランフ×できん×セナラニウ×ビンマ جس میں نف مر اور نف مرکی مثبت سمعت او بروار ہے۔ تواون صريحاً قائم ہوگا اگر مر اور مر دونوں سے ادر داقع ہوں لین اگر کر ا ف کے نیجے ہوت قائمیت کے لئے はか×でさくのů×でさ (でデーー xx7) 二((山xx でい)) ニ - غیرمتجانس الغ - ایک کٹوس جم تقیر کنانت کے الغ بی بیررا سب - اچھال كى سطح معلوم كرنا مطلور لے ایک جسم کی صورت میں عور کرو جوا لیے مائع میں تیررہاہے جو نزد لی ترتیت کیں تمخلف کیا نتوں ہے، سے ، سے ہے کی تہول پڑتم زون کردکہ مشن کتا مت کی تہہ کی اوپر کی سطح کے نیچے جسم کا کل ع ق سنده ح ن سے تعبیر ہوتا د فعد ٤٨ كى طرح فرص كردكماس ستوى كى ابتدائي آب خطراش ى=ج ہے ادر فرض کروکہ خفیت طور پر ہٹا ہے ہوئے محل میں اس مستوی کی مساوات ى = ج + ل لا + م ما ي توجين يه مساوات عاصل موتى س الماح مد رف الماح = إن إ+ (فر - ف) إ+ + وقن - في الم اسی طرح (ا - با) اور (ی - یا) کے سے متناظر سا داتیں مامل

ا سکونیات

ہوتی ہیں ، بہاں آن دو محلوں میں اچھال کے مرکز بالترتیب (لا ا ای) (لا ای) بی اور از اون ب متناطراب خطراش پر علی الترئیب دوم رست محلول ك لأفرلا فرما ، ك لاما فرلا فرما ، ك ما فرلا فرما کو تعبیر کرتے ہیں -سامل سیال کی صورت لیے سے (A9) ک (۱-4) = ال + وف م ٥ (١-١) = ف ل + ب م ك (ى - ى) = يا (الناد الله مرا) مرا بہاں کے خرح بڑے فرف = تا ٢ + [ت] - رق فرح = ابن فرح (= فإ + روف = تُ إ + [ن و] - كَ ت فرا = في الن + كريث فرا اور اسی طرح کا جلہ سب کے لئے ہوگا۔لاحقے ان ن عرق سفدہ حسم کی ادیر کی ادر نجلی ترانفوں سے متعلق ہیں اس صورت ہیں کن صری صفر ہے اور اور کی معربی صفر ہے اور اور کا بدیدا جیٹا یا مستوی ہو۔ ا چھال کی سطح تین مساواتوں سے دفعہ ۸ یکی طرح عاصل ہوتی ہے اور خاص سورت میں جبکہ فت = ٠٠ اور سداء اچھال کے مرکز کی متوازن

حالت کے مقام پرواقع ہوتواس کی مساوات ہوجاتی ہے 1 5 + 1 5 = Cr ادر بس مرکزی لبندیاں کے اور کے ہیں۔ ا الم من منهم جو كلاً عن من المه تيرا ہے۔ اس صورت بن بين أسى طرح كى مسا واتين عاصل بونكى ك = كن فرح اور (= كرون يان و- فرد) مركب فرو متجانس سیال میں عزق سندہ جسم کی صورت میں اچھال کے مرکز میں کوئی سٹاؤنہیں موا ٤٩ -- امتله- (١) مخروط لحب كانصف زاويداس عدا دراس نيحي وارسع-اگراس و سے کسی تراش کا فاصلہ لا ہوتو ٠٠ فرا = ١٦ لام مسمل عه فرلا فرح = ١١ لامس عدفرلا اسطح فرا = لامس عدفرح الم المن فرا المساء كان فرم كان فرح = لا مسس عد لا ، و کے ادر اجال کے مرکز کا ارتفاع ہے اور اس طسرح و کے اور کیسس مرکز کاارتفاع لا قطاعہ ہے۔ مكانى نما جس كا وترفاص فى ادر داس سنع وارسى -١٥ = ١ ال لا د فرا = ١ ١ ل لافرلا بهال فرح = ١١ ل لافرلا ، اسطح فرا = ١١ ل فرح

(9.)

توائلي إنفود

مما

اسكونيات

(س) اسطوانہ جس کا محورانتھا بی ہے -اس کوسعاد مرزا معقبور سے جبکہ جسم کے وخول سے مائع کی مجوار سطح میں جو تبدیلی ہوتی سے اور اس میں جوخلل ہوتا ہے ان کو نظر انداز کر دیا جا ہے۔ د، و إي اور اركم، طه وه حاده راو ہوں جو فرس ، فرس پرسکے عماد انتصابی خط کے ساتھ بناتے ہیں تو لہ ان کو بقدرا یک صغیر مقدار فری کے دما کل کے خلاف جو کام مو گاوہ یہ (إ وس جم م- وا فرس جم طم) فرى = (د - د) فرا فرما فرى

تواناني بالقوه

(41)

100

اسكونيات

= \{ فرلا فرا كرا على وفرى }

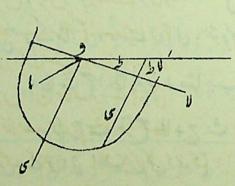
= [[و فرلا فرما فرى (١)

جہاں کمل غرق سندہ جم پرلیا گیا ہے۔ اگر ائح متجانس ہوتو و = لج ن ی اور کام جوہوا وہ

= ج ف را کی فرلا فری

سے جن سے میں ہیں اس میں ہے۔ جن سے میں اور اس کے مرکز ہندسی کی گہرائی ہے، حب کو بہندسی کی گہرائی ہے، حب کو بی جب کو بی جب مائع میں تیررہ اس ہو تو اس کو اندر د کھدینے میں جو کام ہوا ہے اس کی وجہ سے اس میں تو آنائی بالنوہ آجاتی ہے اور آگر مائع میانس ہوا ور حبم اور مہنا ہے ہوئے مائع کی کمینوں کے مرکز نشان ہم ہوں اور مائی ان کی گہرائیاں طائی ہوں توجیم کی توانائی بالعوہ کا اپ ح شے (تی طا)

الاجاسكتاب - يا حجيم توان مي تيرد البوتوح تقح × هرفك



والے حبم کو تیراؤکے مستوی کے کسی محور کے گرد چیوٹے زادیہ طریس محمانے ہیں جوکام ہونا ہے اس کو معلوم کرنا۔

ا یہ صفری کل شکیل باکل نوفنی ہے جس میں بہ خیال کیا جاتا ہے کہ دوففاجس کومبر کھیرے مینے ہے ہے ای اسلام کے الئے سے جوری گئی ہے ادر میم کی کل کمیت مائع کی ہمواد آن اوسطے برہے ۔

فرض کروکه و ما گروش کا تحور اور و ی انتصاباً سنیے کی طون سے اور فرض کر كرستوى لا وي برجم كي كيت كا مركز دف اوراجال كام كزه واقع بي-فرض كروك هر اور دي كم محدد على الترتيب (١١٠ ، ١٤) اورافنا اعطا) من - نوازان كي صورت ين لا = صنا ابتدا ألى محل من سمّا سے بورے مانع كى وصب توانا كى إلقوه = すらうるははまらりるがはは ر اے گرد سبم کو ایک صغیرا و یہ طری گھاؤ اور فرض کرو کہ محاور و لا وى جسم کے ساتھ حرکت کرتے ہیں۔ اکس مفتور کا غرق سشدہ طول حبکی عمود ی ترامنس فرلا فراسیے كا + لا مس ط = كا + لاط بوجاتا ہے اوراس كى كميت كے مركز كى كرا ئى العقوه مين اضافير = الم ت أ (ى + لاطم) (١- الح) فرلافره - الم ت أكى فرلا فرا لكين حسم كے بٹاؤ كى وجرسے توا ائى إ نفوه كا نفضان = ج فح (طا جم م + صنا جب طه -طا) =- الم ج ف طبح طاج ف ط ح ضا اس من توانا في ما نعوه مي كل زادتي قا = الله في طرا (الريم) فرا فرا + الله بي فاطراح طا = 450 = 4((7-75+74) (1)······((三) A×アーント) かってト=

٩٥-- اگر ہڑا سے ہو سے النج استقل ہو ادر اگر ہٹا سے ہو سے کل بر اجبال کے مرکز بیں سے گر سے والا انتعابی خطا کھ دف کو نقط هر کی بیں قطع کرنے تو هر کو مرکز ابعد ایس مرکز کہتے ہیں ۔

پیس مرکز سے وجود کے لئے تخلیلی شرفییں یہ بیں

اگر (ی + لاط) فرلا فرا = آگری فرلا فرا کیا اگر لا فرلا فرا = ۔

یعنی گردش کا محور و مسطحی تواش کے مرکز سندسی میں سے گزرنا جا ہیں ۔

(دفعہ ہ ہے کے ساتھ مقابلہ کرن) - اور چونکہ اجبال کا نیا مرکز ، مستوی لا وی میں ہونا چا ہیں اس لیے ۔

ہونا چا ہیں اس لئے

کا (ی + لاطم) فرلا فرا = . لیکن کرای فرلا فرا = . .: کرلا افرا فرا = .

له - بعض علماء نفظ بیس مرکز کو درا وسیع معنوں میں استعال کرتے ہیں جنا کیسے بیس مرکز کی تعریب دہ اس طرح کرتے ہیں کہ یہ وہ نقط سیے جاں اچہال کی سطح کے دومتصل عماور کا درمیانی افعل ناصلوان عمادوں میں سے ایک کوقطے کرتا ہے۔

یعنی محور و مسطی تراش کا صدری محور ہونا جا ہیئے۔ اس صورت میں یہ ظاہر ہے کہ اگر ہے ، فٹ کے اوپر داقع ہو توجسم کے وزن اور عاصل سالی دہائو سے بنا ہواجمنت جسم کو واپس توازن کے تحل رکیجا نیکا

ميلان ركيح كا اور

= عن م × ط ع م × ط = 5 ف 7 (ه ۵ - هن) ط

ه م = اور توازن قائم یا غیرقائم ہوگا ہوجب اس کے کر مرا

چونڈیس مرکز اجہال کی سطح کے متصل عما دوں کا نقطہ تقاطع ہے اسلے عام طور پر ھریر کی سطح کے صدری انخا کے دومستولوں میں اگر مٹاو لیے حائیں توان کے جواب میں دولیس مرکز ہو نے - اوراجال کی سطح کاایک صدری لفف قطرائخا ه مرسيء

44 _ مُقيداجسام - أيك تيرن والاجهمرايك ناست انفي محورك رُوكور من بر مجبور ہے۔ اس صورت پر د فعد ہم و) کی طرح عزر کیا جاسکتا ہے۔ اگر و یا ثابت محد ہواور (صنا) عا، طا) ' (لآ) ماً ، تی) علی لیزتیب

ف اور کھ کے محدد ہول اور وحسم کا وزن ہوتو توازن کی سف طہوگی ج ف ح لا = و إصا

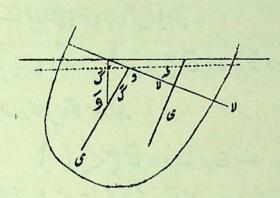
اگر گردیش کا محور تیرا کو کے مستوی میں ہو اور حبیم کو ایک صغیر زا دیے طریس گھایا جاے توسٹائے ہوئے مائع کی وجے تواناتی بالفوہ میں اضافہ

> = よるさん((ソーフシ)+まさとす= ادرجيم کے بٹاؤكى وج سے نقصان =- + 4 وطا+ طه وصا

(94)

اس کئے توانا ٹی اِلقوہ میں کل زیاو تی اور توازن قائم جوكا بشرطيكه (ソンマシーの出)ない ے ۹ -- اگر کروش کا محر و ، گ گہائی برہو اور تیراو کے ستدی بر اس کے ظل کوہم محررو ما منیں اور اوپر کی طرح فرص کریں کہ محا ورجسم کے ساتھ حرکت کرتے ہی تو و بقدر لے گ ط کے نیچے آر تا ہے اور ہٹا لے سوئے مائع كى وحرسه نوانائي بالقوه مين اضافه = الله المراك المدال المدال المراك ال - [الح ي ف ي فرلافرا = إج الما والما - بي الما بي كل لم + الاى م) ولا فرا = +5 = 4 ((1-5 = 5+5) +5 = 4 5 1 اورصم برجا زبران في جوكا مكما وه = و{طا(١- لم لا) + ضاطر+ لوك طلب طا } اس لے کل برونی کام جو ہدا وہ = = = = = (3-5) ++ (4-2) جہال طی تراش کا رقبہ ﴿ ہے اور تیراؤ کے ستوی برنابت مورکا جو كل سے أس كے كرداس كى كروش كالضعف عطم ماہے -

(95)

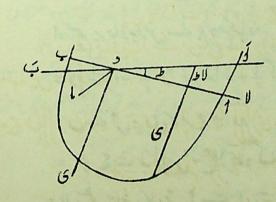


قائیت کے لئے سفرط ہے۔
(مل) سے (تی ۔ گ) ۔ وہے (طا ۔ گ)

ہ ہے ۔ غیر تنج انس النے ۔ ایک جسم غیر تنج انس النے میں تیررہ ہے ، تیراؤ کے مستوی میں کے کسی خط کے گرواس کو گھانے میں جو کا م کیا جا ہے اسے معلوم کرو۔

دفعہ (۲۹۹) کی طرح محاور لو اور دہی ترقیم استعال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۲۹۹) کی طرح محاور لو اور دہی ترقیم استعال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۲۹۹) کی طرح محاور لو اور دہی ترقیم استعال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۲۶) کی طرح محاور لو اور دہی ترقیم استعال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۲۶) کی طرح محاور لو اور دہی ترقیم استعال کرو۔ ہم لے سکتے ہیں دفعہ (۲۶) کی سکن فرد = ج ن فری

د = ج (ف ری) - ف (۱۰)



دنو (۱۹۳) کے بوجب
جسم کوکسی محل میں ائع کے
اتدر داخل کرنے میں جوکا
کزنا بڑتا ہے وہ
کزنا بڑتا ہے وہ
جہال تکمل غرق شدہ جمح
بریں گیا ہے۔ جسم کوجب
بریں گیا ہے۔ جسم کوجب
ما سے تو یہ کام ہو جا پرگا

اسكونايت

الله و فرا فرى + الله و فرا فرا فرى الله فرا فرى الله فرا فرى

ن الرد فرلافرا فری = الله و به جلالات الم جلا (ی ف - الا فرف) } فرلافرا فری فلان الله کی صرف فلان الله کی صرف فلان سے متعلق شکل میں می ہر حکمہ کے لاطاور کا سے متعلق شکل میں میں ہر حکمہ کے لاطاور کا سے متعلق شکل میں میں میں فرت برقرار رکھنے ہے۔

دَ = ج (ف (ى) - ف (٠) + لاط ف (ى) } = ج (ي ف (ى) + لاط ف (ى) }

ن أَ وَ فَرَى = ج { - إِلا ظَانَ (٠) + لاطون (٠) - لاطف (- لاط) } . . أَ وَ فَرَى = ج إِلاً ظَانَ (٠) + لاطون (١٠) }

= المج الأطراف (٠) = المج من الأطراف المراف المراف

(40)

= و (طا(١- لم طر) + صاط -طا } جہاں سیلے کی طرح جسم کی کمیت کے مرز نف کے تعدد (صا ؛ کلا) ہیں اور وصا= ولآ=ج اللهاف فرلا فرا فرى ہٹاؤ کے بیدارنے میں کل میرونی کام جو ہوا وہ عَ لِمَ طَرِّج تُ إِلَيْ الْأَفْرِلا فَرَا جَ إِلَيْ الْأَفْرِيِ فَرِلَا فَرَا فَرِي - وِ(قَ - طَا)}...(١) اگری گرانی برتراسش کارتبه ﴿ بواورستوی ماوی کےساتھ تراسش کا جو خط تفاطع ہے اس کے گرد گردش کا نصف قطر س ہوتو دد سرے تکملہ برِ تکسل بالحصص سے عمل کرنے سے ملیکا المراجة المراج ف المراج ف المراج في المرام) وي - و × هر ن) جہاں بلحاظ ی کے عمل خط آب سے زیرترین مہوار سطح نک لیا کیا ہے۔ پراں رہا المكل كى ترتيب كواك دين سے كام كاجله بوجانا ہے المراج في إلى + ع كف فراس فرى - و × ه ف جال سن ال محم كى زيرين افقى تاش ميمنعساق بي اور ١=٠ موا سے اس صورت کے جکمت کا بدیرا مستوی مو-اوان صریحاً کائم ہوگا اگریہ جا مثبت ہو۔ علام مرز کے وجود کے لئے ہٹائے ہوے الع کی کمیت مقل ہونی چاہیے ادرا جمال کے مرزیں سے گذرنے والے انتصابی کوھ دیت کو نظع كنا طاسية-

معقل کمیت کے لئے شرط یہ ہے

الكات (ى + لاطم) فرلا فرما فرى + كرف لاط فرا الرف (ك) فرلا فرما فرى \\\(الله المروية) فرلا فرا فرى + من طاكالافر لا فرا = كاكت فرلا فرما فرى الكلافني فرلافها فرى + ف كرلافرلافرا =. ادر درسری مضرط کے لئے عزوری ہے ک الات رى + لاطى) افرلافرافرى دى دف طركر لا افرلافراد دا =. (اکت (ی) ازلانها فری = . يرت رابوماتي ب الكلاا فرف فرلا فرا فرى د ب كرلاما فرلا فرا = ٠ دو بؤل منترطیں پورسی ہونگی اگر تحوری کے گرو تشاکل ہو۔ یا اگر مستوی اوی میں سے گذرنیوالے میں سے گذرنیوالے صدری محربول اس طرح کرتمام گرائیوں پر كالاما فرلا فرِّما = ٠ اور كال فرلا فرما = ٠ حب يه مقطي بورى بول اورهم بس مركز بوتر استروا وي حبت

= ط (ع ب إلى + ع ك ف في (امر) فرى - وبده ف

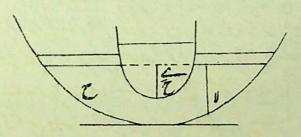
144

اسكرينات

و× هم = ع (الم الم + كن وي (الم م) زى } جهال تكمل زيرتربن عموارسط سيطحى تراس ك لياكيا سع-د. ا __ بونکو و فعہ (۱ س) کا نیٹیج (۱) درست مے خوا دهبیم ماکع کے بیٹیجے سنكل ہوا ہو يا نه سكال ہوا اس سلے كرشته دو وفعات كے نتائج مجى سراك صورت بي ورست ہیں اور جونکہ دفعہ (مم ۹) کا جلم (۱) دفعہ (۹ ۹) کے جلم (۱) کی صرف ایک خاص صورت ب اسلنے ہم یہ نیتھ تکالے ہیں کہ متخانس انع کے لئے تھی عاصل ستبدہ نما کے درست ہیں خواہ جسم ما نع کے بنیجے نکلا ہوا ہو یا نہو۔ ف روحسم __ ایک جم فیرسخ نس ا نع بین کلاع ق شده اسے ۔اس کوکسی افقی محور کے کرد ایک سغیرزا دیے میں تھانے ہیں جوكام كاما "اب اسمعلوم كرو-اویر کی طرح و ما کو گردستس کا محور لواور فرهل كروكم محاور و لا وى فسم من أبن إن - نيز فرض كرد رو ما کی گرائی گ سے اور ت = ف (كران) اس طرح نوازن کے محل می د = ج (ت (ی + گ) - ت ر ٠) } اور سمائے ہو نے محل من = د +ج (الد- با ى طر) ف + باج الأطر ون

و ما کے گردسم کو ایک صغیر زاور طریس مھانے میں ہو کام الع کے داؤں ك فلات كايرات وه = ال (- د) فرلا فرا فرى [وفعه (١٩١)] = ج طر الله في المرا فري + الم ج طر الله وت - ب عنى) فرلا فري المرا فري جہاں کمل بٹاے ہوے ائع کی کل مقدار کے افرانیا گیا ہے ۔ لیکن مٹاؤ يس سبم ك وزن في جوكام كياده = و{طا(ا- إلى طر) + صاط الم على } جهال يبلغ كى طرح حبم كى كميت ك مركز دف كى مدد (ضا. اطا) بي -اور وضا= و لا = الله لا نف فرلا فرا فرى اس ليخ بناؤيس كل كام وكياكيا وه = + 4 {5 | (1 6 2) - 6 | 6 | 6 2 - 6 (2 - 4) } = المالي الا وفي ولا فرا فرى - و× هرا = + ط الح (م ورف وى - و × ه ف) جهال ممل صبح کے باز ترین نقطہ سے زیر ترین نقطہ تک المالیا ہے۔ ۲ اس نوازن قالم بوگا اگر جمله بالا منبت بو-بس مرکز کا مقام جبگه اس کا وجود بو ادبری طرح معلوم بوسکتاب - بس اگرهر بس مرکز بهونواستردادی جنت وبات مر×طها و (همره ده اف) طه = عرام فرف فرى - و × هدف الم و× ه هر= ه (م زن زي زي

(44)



فرض کروکہ اکنے کی گرائی لائے جم کے عزق سندہ حصد کی گہرائی ہے برتن اور کھوس جسم کی تفاظر قبی تراسفیں کا اور سنے ہیں ، الغ کا حج سے اور کھوس جسم کے غوق شندہ حصد کا حجم سے ۔ تب

سے غوت شندہ حصد کا حجم سے ۔ تب

سے آھے گو تی شندہ حصد کا حجم سے ۔ تب

سے آھے گو کا فرلا ۔ کی ہے ۔ تب

اور توانی ٹی بالتوہ میں اضافہ ج ش سے لا کے تغیر کے مساوی ہے جبکہ

(99)

سرلامل افا في مف لاكي وم سيدا بو-ع ث = ا الكرية تغيير - Gier (G-V)- E (G:00-Vier)-Vier V = らうごしょしょりょり 10 in C= 1 in 8 2 [" اس کے تغری اس کے اس بینتیجه اس بات کو زیر نظر رکھ کر بھی فوراً حاصل ہوسکتا ہے کہ تح تفوس کم یرے حاصل انتھا بی داؤ کے سادی ہے اور مانع کے چڑا و معن لاکی وج اندر تيرريات، جمرى تواناني بالقوه-معم كو وا طل كرك لے بينتر برتن كاندر جوما كع سے اس كى ہموار ما ا کن سطے کو خیار کی صفر سطے انو۔ فرض کروکہ برتن کی عمو و می تراش ف ہے اور جسم کی آب آناس جبکہ جسم نے رہا ہو دہی ہے۔ فرض کروکہ تواز ن کے محل میں غرق سفدہ فجم ہے۔ ج نے الیے سے اس جسم کے وزن کو بھی تقیم کرتا ہے۔ فرض کرد کہ کسی دوسرے محل میں غرق شدہ مجم ملے ہے۔ اِس موخو الذّكر تحل میں یا نی کی ہموارسطی بقدر فاصلہ بہتے کے ادیراطحہ جائیگی ۔ یس اگر صفر سطے ال یان کا کا ہور ہیں۔ کے بیچے اچھال کے مرکز کی گہرائی گ ہورہ وزرن ح بقت درگ سے کے بندی کے اور اُٹھا دیا گیاہے اور کام جوہوا وہ حک + یک کے ماوی ہے۔ اس کے اگر مفرسطے کے اوپر حبم کے مرکز تنقل کا ارتقاع ق سے تعبیر موتو كل تواناتي بالقوه موكي 7 3 - 5 - 5 - 5

اب فرص کروکہ سے جے بست اور فرص کروکہ شائے ہوئے کل بیں حبم کے ہم سے کے مرز بیری کی گہرائی گر ب اس طرح سے گ = سے گ بست صفا جہاں صا = ہے - تے بشطیکے جیونا ہو۔ توانائی بالفوہ ہوگی "(1+7)+(1+7-7)7+(1+1)7= = ج طا+ ل ٢ (س - ل) بسقل جاں طا اُس انتما بی فاصلہ کو تعبیرکر اسے جو مرکز تقل اور اچھال کے مرکز ان کے درمیان سے۔ ه ١٠٥ - مثال - ايك اسطوان ووسرك اسطوان مي تيرر إسك -ترنے والے اسطوانے کے قاعدہ کے مرکز بهندسی کو سیدا و لو اور فرض کرو که فا عَبْرِكَا رِقْبِهِ ﴿ إِسِهِ - نِيزِ فَرْضَ كُرُوكُهِ الْعُ كَي سطح محستوى كى مساوات ٥ = ٥ ل ١ + ١ م ١ + ن ى = ع ہے جاں اوپروار انتمانی حظ کی سمتی جوب المام ل، م، ن اس-تبح = اع اور اگر توازن کے محل میں اجال کے مرز کا مقام هر بهوتوخه و هر کاظل ادیر دار انتصابی بر بوگ م الرال ١٠ م ١٠ ب ن ي) ى فرلا فرا

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

= الله على ا {(p)-1+1p+10)-10}= جهال عد = اللا فرلا فرا ، به = الله فرلا فرا عبد = الله فرلا فرا ادر میکی عمودی ژاش برسے کے ہیں۔ نیزار حبم کے مرکز تقل ش کے عدد ۱۱ ب اج ہوں توہم و سکتے ہیں کہ (アレアナアナリョーを)がしていナー(でしょうけって)でして)。でした س = اسطرح قرانا في العوه وكي + - + + -متالاً فرض کروکه ا= ب ع . اس طرح ن ، مراکز بندسی کے خط وی برواقع ہوگا- لکھو سے = اف جہاں ف انتصابی محل میں ڈو بے کی گہرائی ہے تب توانانی بالقوہ ہوئی (アーナーナーナー)++(シーン・ナー(とし)++(一一一一) です المراد المراد (الح- ف) اور المراد المراد المراد و (المراد و و المراد و الم

100

يس قائمت كے لئے ل (ف) (ع ج - ف) كولاناً تراش كے مورك كم سه كم سيار سه كم بونا عابية -مردد بدال الريوامض والزه ياكوني السي شكل بوجس كم لئ هذه برام = ترقوالا في إلغوه اليسي كل مي حب مي محورا نتصابي مي سائف زاويد طرباة بريروكي بينا يه بوسة بحرك مستقل لينسته عدد العطال العلى يتران (١٠١١) -= (2(13-6)+2(1+1)4)=-من سے فل کی ایک مقبقی قمیت فتی ہے جہا يني جبكه انتصابي كل غيرٌفا مُ سبع -ا نی سے بھاری شے کا ایک برتن ہے جس کوا دندھاکر کے یا نی کی سطویر ر کھا کیا ہے، اس میں اتنی کافی ہوائے کہ وہ تیرسکتا ہے۔ اڑاسکو کھے فاصلے میں یا نی کے اندر زرا ہے ڈیکیل دیا جائے تو ٹا بت کرد کہ وہ توازن کے ایسے محل ين بوكا جوا تصابي ساؤك كم الله عفرقا مرست مد __ ایک مخوس مکافی منا ا مین محدر کر ایک عمود وارمستوی سے محدو د ہے۔ اگريه تيرو بايد اس طوريركه اس كامحورانتصابي جواور دامسس ياني ميس غرق بيد تو ہٹا ہے ہوے مانع کے مرز تقل کے دورایس مرکز کا ارتفاع وترفاص کے نفف کے مساوی ہوگا۔ ا سایک مخردط جس کازا دیاس ، اوجع یانی بس اس طرح ترراسے ک اس کامحورانتهابی ہے اور راس نیجے کی طرت ہے۔ تابیت کردکماس کا کیسس مرکز

تيراو كي مستوى مين واقع بروكا ادراس كا تواز - 42 Colo اوراس کی د حاریاتی میں عرق ہے ۔ تابت کردکدایسے شاؤ کے لئے جو د صار يم منتوى ميں وقوع بنير يهو توازن قائم پرد كا اگر فانه كى كتا فست اور فت کی ایمی سبت اس سبت جماعد: است بری بوجال م عد - ایک بنداسطوانی ظرف برف سے ایک جوتھائی تھروما گیا ہے۔اور انتمانی محور کے ساتھ یا تی میں اسے ترنے کے سے جھوڑ دیا گیا ہے ظون کا وزن اس یا بی کے وزن کا ایک چوتھا تی ہے جواس میں ساسکتا ہے۔ برف نے سے پہلے اور بعد تواز ن کی بؤعیت کی جا بج کرو۔ جبکہ تیش کی تبدیلی کی وقت عظوس صبعه دوبرسے مخروط کی شکل کاسے اور دومساوی وائری ہے کے ویندکتانت کے الع میں ا نفی محرکے ساتھ تيرراب - شابت كروكد وازن قاعم موكا يا غيرفا كم اكر نفسف زاويدراس بالترتيب ت اسطوانی جماز کی عمودی تراست کی و ترخاص کے دوسیاوی مکافیو وی وسیں ہیں جو بیندے برمس کرتی ہیں، بیندا ان مکا فیوں کامنتہ ک راس سے اور اس طرح جاز کے بہلو لمحاظ یانی کے مقعریں - جہاز ہے اوراس کا بینداک گہرائی برہے۔ نابت کردکہ بیندے کے او براس ارتفاع ہے

کرنے سے اچھال کے مرکز اور کس مرکز کا در میانی فاصلہ بہیشہ شقل برتیا ہے۔ خواه تطور کی طبندی کچے ہی ہو کا گروسٹی مجسم کی شکل دریا فت کرو-یارہ برسائن ہے اورایک مخروط اس قدروزی ہے کہ جب کا اس کا راس یارہ کے اندرہ تھی جائے بیسائن نہیں رہ سکتا۔ مخروط کی گنا فت لموم كرد مّاكه توازن فالحرموسك - اگرتیر سے والاحسم اسطوانہ ہو جس کا محورا نتھا کی سے اور حس کی کیا فت اصنافي انع كى كتافت اصافى كے ساتھ مسب الله ركھتى سے تو تابت كروك توارن (١٠١٠) قائر ہو کا اگر فاعدہ کے تصف قطر اور ملیندی کی یا ہمی سبت بنذ (ا۔ بڑ) اسسے مكا في نما شكل كالجياك نول انتصابي محورك سالف تيرريا-اس کائین چوکھانی مصمیان نے نیچے عزق رہائے جبکراس کو محور کی لے گرائی اك ايسى الغ سے بحروما جائے حس كى كتافت و عب و تابت كروكه تواز ل قائم ع روشی مکا فی ماکی شکل کے ایک ظرف میں یا فی سے اور سے طرف ایک ثابت کھر درے کرہ برساکوں ہے اس طور مرک اس کا داس کر وسے بلند ترس نقط برسے-كے قائم ہوكئے كى مقبط معلوم كرو-ا کی لیے در ان اسطوا تی خول میں الع سے اور بیر خول ورسرے الع میں تيرد با ہے۔ تابت كروك وازن قائم موكا سواسى اس صورت سے جكرا ندروني الله كى كُتَا فنت كو بمروني الله كى كُتَا فت كي ساغة جونسين سب وه ايك سي كم بهو ادر اس نسبت شاة کے نصف سے بڑی ہو جواسطوانے کے نصف تطرکو اندردنی الع کی ایک نصف کرد ی خول وجس می ما کع ہے ایک تا بت کم درسے کرہ کے ں پر کھدیا گیا ہے جس کا قطر خول نے قطر کا ووجیدے ۔ نابٹ کرو کہ تواز ان قامح یا غیر قا گئے ہوگا ہوجیب اس کے کہ خول کا وزن مائع کے دوچندوزن سسے بڑایا جھوٹاہو ایک کروشی حسم اس طرح ترریا ہے کہ اسس کا د اسس سے کی طرت لى تكل معلوم كرو جبكويس مركز كانتفام مائع كى كتافت يرمنحصر منهو الك تخردطي خول يح وارواس ك سائد عيرقا كر زواز ان مي تيروا اسم -

تزازن قائم نا نے کے لئے اس میں کتاباتی ڈالدیا جائے۔ الك عفوس مخروط مالتع مين اس طرح ركف اكياب كراس كا محوز تنصا في اس کا راس سیجے وار برتن کے ناعدہ پرجس میں مانع سے فیکا موا ہے۔ اگر کی گہرا تی مخروط کے ارتفاع کا تضعف مواور اس کی کٹا فت مخروط کی کتأ فت كا حاركمنا ووننا بت كروكه توازان قائم بوكا اكر مزوط كا زاويداس ٢٠، - عيامو-تھوس مخزوط کی بچا ہے اسسی ارتقناع کا ایک نیلا مخروطی خول رکھند ماگیا ہے جس کا زاور راس الم سے اور جس کے اندر محور کے وسطی نقطہ کی بموارسطے تک مائع ہے اور اس مانع کی کتا فت بیرونی مائع کی کتافت کالضف ہے۔ تابت کروکہ توازن قائم ہوگا اگر خول کا وزن اس کے اندرونی اسے کے وزن کے تین جو تھا تی سے کم ہو۔ _ ایک اسطوانی ظرف میں حیں کا وزن نظرا نداز کیا جا سکتا ہے یا نی-اس ظرف کو ایک تابت کم در عکرہ کے راس برد کھدیا گیا ہے اسطور برکداس کے قاعده كا مركز كره كومس كرناسيم - صينه شاؤك ك سنة قائميت كي شرط معلوم كرو- ادر اگراس بشم کے ہٹاؤں کے لئے توازن تعدیلی ہوتو تابت کرد کم حیوے الح کے لئے یہ توازن عیم فائر موکا -۔ ایک کردشی محسی شکل معلی مروجوا نتصالی محور کے ساتھ تیزیا۔ مسلط کے زیر نزین نفظہ مسے بیس مرکز اوراجھال کے مرکزوں کے فاصلول ورسيان استقل سبت ربني سع خواه مانع كى كتا فت يجهي مو-الك تفف واركى اسطوانه انتضابي تحوركے ساتھ ايك مائع مرح كتا فت اس كى كتا فت كا دوچند سے ساكن سے - اگريداسطوانه أس خطك كرو حركت كرسط جوانها في ستوى رخ اورسطح كاخط تفاطع سع تو قائميت كي ستدر مخزوط افقي محور سكيساتة ايك لم يعين حس كي كثا فن ی کٹا فت کا دو چند ہے تر رہاہے۔ اس کے راس کو انع کی سطح میں ایک تابت نقط کے ساتھ وسل کردیا گیا ہے ۔ نمابت کروکہ قائمیت کے سے زادبیراس کو ۲۰ ا سے کم ہونا چاہیے۔

امتيله

ہے، اوراس کو اس طرح رکھا گیا ہے کہ اس کا تحورانتھا فی ہو-ں میں یا بی ڈالدیا حاسے تو ٹابت کرد کہ ابتدا میں توازن عبر ُ فائم ہو گا-علوم كروكه كا في يا ني داكنے سے توازن فا غرنیا ما ئے ہیں۔ مکا فی نما کی کتافت نوعی یا بی کی کتا ك مكانى نا بالدجس كا دزن وس الك انتى اندریانی کی کچے مقدارہے جس کا وزن ن و ہے۔ اگر بیالدا در اس کے اندر کے قل كا ارتفاع ف موتوتوان قائم موكا لبضرطبكي شكا في كاوترخاص >١(١+١) ف ، گردشی بحیرانتھاتی بحورکے ماہۃ تیریا ہے۔اس کے بحرکے ایک نقبطه پر اوزا ن رکھنے سے اس کومختلف کہ انہوں نک فو بو یا گیا ہے۔ عب ے قصوس مخرد ط حس کا محور انتصابی اور راس سینچے وار-

کے ایک رہے کو محورا عظم کے گرد کھا نے سے ہوتی ہے۔ چسم اور میں اسکہ ک غرق ہے۔ اگر صغیرزاوی امٹارل کے لئے توازن تقدیلی ہو تونا ابت کروکہ

インナヤンナナジーにートー・ ((= 大の日本)

٩٧ -- ايك عفرس مخروط حيل كا زاوير داس عدى . ١٠ - كم ي ايك على سد ہے ارکے کروجواس کے مرکز تقل میں سے گزرتا ہے اور اس کے موربر عمود ہے حرکت رسکتا ہے۔ اگر الو انع کی سطح میں رکھا ماسے تو نا بت کروکر محزوط قائم توازن کے محل میں ہوگا۔ جبراس کامحورا افق کے ساتھ زاویہ جب ال جب عمر) کا

میلان رکھتا ہو-، معم سے تابیت کردکہ تیرے والے میں کواس کے مرکز نقل کے گرد حیو نے زاویر こしいいのちにいるしんこいか

+ ع ف (أمر + البا - ف ٢) ط

جہاں جبھراور سٹا ستے ہوئے مالع کے مراکز تقل کا درمیانی فاصلہ ف سے اور حبیم الله مرکو تقل اور تیراؤ کے مستوی کے رقبہ کے مرکو تقل کے درمیان افتی ساصل

دے ہے۔ ایک مکانی نما پالہ جس کا وترفاص ہ و ہے اورجس کی کمیت کا مرکز راس سے ١١ فاصليب ووالعات يس تيرواج جن كي تنافيس بنه اور ف ايس اور (الله) فش أنا بهت كروكه مبهم كوابك ا فقى كورك كروهيو ك زاوير طريس مان عرب الالم المرارة المرا المرا المرادة المرادة المرادة المرادة المرادة المرادة المرادة المرادة المرادة الم

(じょじ)+(じーじ)できるの

جاں نے مور کے وہ طول اس جسالوں می عرق ایں-١٠١٤ - ايك قايم الزادير متساوي ساقين مثلث سيال مي اس طرح ترريا جعه (١٠١١) كراس كاراس يح كي طرف سے قاعدہ انفي ہے، اوراس كر زفيه كا لم حصد

سے غرق سے بیس اس کا مرکز تقل میں مرکز برمنطبق ہونا ہے۔ درما فت کرد وكا مركز ليس مركز برمنطبق موتو ناست كروكه نوازن قائم موگا-- لا ما مك سوازى ايك مستوى سے سطح ج باتا = ى (الا - الا) نے سے جو مبر براہونا ہے وہ اپنے سے ن محنی کٹا فت والے سال ا کسی انتصابی مستوی میں صغیرزاوئی ہٹا دکے لئے توازن تقدیمی ہوتو نابت کردکه 1 3 + 1 = FO سے برلتی ہے جیسے گہرائی اس طرح تیرر ہاہے کہ اس کا قاعدہ ایب افعی ہے ایسے برلئی کما اس کا قاعدہ ایب افعی ہے اور الع کی سطے کے ادر واقع ہے۔ اگر الع کی سطے کے ادر واقع ہے۔ اگر الع کی سطے کے پنچے ہے کی گہرائی گ ہوتو ج کے اور سس مرکز کی طبندی سے لِگُ تط کے ٢٧١ __ ايك ناقعي يترا ايك ائع بي نفف غ ق سفده تيرر إسي اس طور بركر اس كاعرصى تحور (٢ و) انتهابى سے - الح كى كنافت ايسے بدلتی ہے جیسے گہرائی کا مربع ۔ تابت کردکہ بس مرکز کی گہرائی ۲۳ و زام ۱۹۱۵ سے جال ز، خردج المرز ہے۔ عس سنسف تطروكا قائم ستدر اسطوات ايك مانع بس اسطرح ساكن سے کراس کا محرانتصابی سئے اور السس کا طول ہے مائع میں عوق سے اگری لَہُوا کی پرکتا فت فر (ی) ہوتو ٹابت کرد کہ مرکز ما بعد کی گہرائی ہے

قری فه (ی) فری - پلم او فه (ج) کری فه (ی) فری کرفه (ی) فری

۱۹۷۸ -- ایک گرفتی مکانی نما ایک مانع میں جس کی کتافت ایسے مرلتی ہے جسے گہرائی اس طرح تیررہائے کہ اس کا محورانتصابی اورراس نیجے وارہے - فا بنت کرد کہ توازن تا مم یا غیرتا کا مرکز گا - بوجب اس کے کہ ہم ج ، س (م + او) سے جھوٹا ہویا بڑا ، جہاں محور کا طول ج ، اس کا طول عز ق سفدہ او ، اور تکوینی مکان بریت خاص ہے ۔ م

مکافی کا وتر خاص هم ہے۔ ہما ہی کا وتر خاص هم ہے۔ ہما ہے۔ ہما ہے۔ کتا فت ایسے بدلتی ہے جیسے گہرائی کا مربع نضف غرق تندہ تیررہا ہے اور اس کا محورانتھا بی ہے ۔ تابت کرد کہ انع کی سطح کے اوپر مرکز ما بعد کا ارتفاع ہے۔

م را - ب

ہم ۔۔ ایک کشوس گروشنی مکافی نما اس طرح بتررہ ہے کداس کامحورانتھا بی رہی نیچے دارادر ماسکہ مائع کی سطے میں ہے، مائع کی کٹافت می گہرائی برمہ (1 + می) ہے ، جمال تکوینی مکافی کا وتر خاص ہم او ہے۔ نابت کردکہ راس سنے بسس مرکز کا فاصلہ ،

اہم -- ایک مخروط نیچے وار راس کے ساتھ الع میں تیروا ہے جس کی ثافت ایسے بدلتی ہے جسے گہرائی کا مربع - اگر مخروط کی کتافت کے مساوی ہوجو محزوط کا لاوید راس جبکہ مساوی ہوجو محزوط کا لاوید راس جبکہ تو از ن نقد بلی ہومسا وات

1 (Y) + = 2 /2.

- 85 Une -ا المم -- من ارتفاع اور الم إو وترخاص كا الك يقوس مكاني نما انتفياني كل سر ایک انع کے اندراس طح متوازن سے کہ اس کا راس سے واری اور یہ اسے المحروج العلى ع مع المراني رتابت كرواكا بع وكت كرسكا مانع كى كتافت اليه بدلتى ب جيم كبراني- نابت كردكر توازن قائم موكا اكر مكافى مناك كتافت كواس كارس يسكه الع كى كتافت كے ساتھ والسبت -> co 34+463 = 3 ne-فعف زاوير راس عدكا ايك قاعم مانع میں میں گی کتا مت ایسے مدلتی ہے جیسے کرا تی اس طرح ترر اسے کہ ا راس اور واراور مورانتها بی ہے۔ اگر مخروط کا ارتفاع ف اور مانع کی مطے کے سیج اس کے راس کی گرائی ہے ہوتو تا بت کرد کر راس سے بس مرز کا فاصلہ نصف تطرو فط اور وزن و يونوب ياني من سد الير الب- مابت عروكم اس کا مرکز تقل کیلے رخ کے ادیر 9 + 73 89 8 نیز تابت کرد کراس کا درن خواه کھے ہی ہواس کابس مرز تھلے رخ کے اور ٤ ٤ ٪ ا فٹ سے زیاوہ لمندر ہتا ہے۔ ه مم --- ایک اسطوانی میالد کیسال میلی دهلی مونی دهات کی جا درست نبا یا کیاست بباله كى تراش دائرى سے أوراس كا قاعدہ چيا اور مند كھلا ہوا ہے-اس كا طول قاعدہ کے تضف قطر کا لیام گذاہ ہے اور پیالہ میں جتنایا نی ساسکتا ہے اس کا وزن

و سے۔ نابت کردکہ بالہ انتصابی کون ل کےساتھ قائم توازن میں یا نی کے اندرینیں تیرسکتا اگراس کا وزن (۲۰۲۹) و اور (۵۱۸) و کے درمیان واقع ہو۔ اگر سپالہ کا وزن تھ و ہوتو اس میں یا نی ادا مکراس کے توازن کو قائم ينا كيت إن تاكرانقها بي كمولول محسائفية ترب بشرطيكه سالديس جويا في دالاجا ائس کاوزن بلے و اور ہے و سکے درمیان ہو۔ ایک مختی حس کی کتافت شرے قطع مکانی کی شکل کی ہے۔اس کا ور فاص م و سے اور بدراس سے ف فاصل کے و دہرے میں سے محدود ہے بيتختى الك مائع من جبكي كثافت ف بها من طرح بترري بحكه الى ستوى طح انتصاب ب- الر 81.< (S-1) = M で「イノー (5-1) シャーこのる (10+(5-1) ら تو تابت كروكم قائم قرازن كے وومحل إي جن عرام محرا انتصابي مظ كے سات زاويد アイー(シー)シャー بنائات - جہاں کرتا = شاکر نشا کام - ایک جمرد دانعات میں جن کی کٹانتیں ف اور ف + شہر آزادانه برام عدا آزاد على اورمشرك على عصمى عراس ماصل بوتي بر أن كارته عدادر عديس ادران مح مراكز تقل م ادر مج بي منعن بثاد ك ك المناكروك بناك ، وساسال كالميت وى دري الميكى الركروسيكى محرراس انتصابی مستوی میں واقع ہو جم سے کو نسبت فیے: بیت میں یا ن (لله - لله): ف (لله - لله) من تقيم را الم مروب الل كر انعات غيرىدودين باايك السي ظرف مين بي جن كوستولول عد ادر فكرست والشناس تراستوں کے رہے واور وکسیا۔

ایک دوسرا دخانی جهاز دوسیادی ادر منشابه جهازه ل کو ایک دوسرے کے ساتھ طولا الا کرنیا یا گیا ہے مرایک میں ایک ہی طرح کا ہم وزن لوجھ لا واکبا ہے ا رعلیوں جہازوں کی صورت میں بہور او کئے کے لئے مرکز انقل کے اور اس مرکز كاارتفاع د بهوتو تأبت كروكه دوبيرے جباز كى صورت ميں برارتفاع سيا الله الله المال تيراو كمستوى كارقبه (اكسى ايك كاحجم فرق ستره ح اور وسطی مستولول کا درمیانی فاصله ۲ د 47 _ ایک مشوری صبم کے رخ یا بیلو خط آب کے نزدیک انتصالی من اس کو (۱۰۷) اس طرح لا داگیا ہے کہ اس کا مرکز تقل اس کے بیس مرکز رمنطبق ہوتا ہے حب اس کو اس کے کناروں کے متواز می محور کے کر دکھا کر اس میں مٹاؤیں اکیا جا۔ اك مخروط اقص حس كالضف زا ديه داس عدسه الك مرحمكي کتانت اس کی کتانت کا دو چند ہے تیرہ ہے ۔ نما ہت کرو کہ بیاس طرح تیرسکتا ہے کو اس کا محور انتصابی سن اس مائل ہو اور بڑے قطروا لا سراسیال کے باہر ア(リナア)サイ/で(ガナア)への جال رخول کے نفسف قطرم اور رہیں ۔ يتلے مخروطي خول كا ايك بند مقطوعه جس كا وزن نظرانداز كيا جاسكيا ہے متجانس سیال میں تیرر ہا ہے اور اس کے اندرزیا وہ وزنی دوسرا سیجانسس سیال ہے۔ ٹابت کروکہ خوا ہ کو نسا ہی رخ غرق کیا جا سے قائمیت کی جیکہ محور انتصالی ہویہ ہے と(カナイナナイナ)

اں مور کاغ ق سف وطول ف اور کون کاغ تی تغدہ حصّہ ل ہے مفطوعہ ے عرق شدہ رخ کا نصف قطریہے - اور اندرونی و بیرونی الکوں کے خطوط آب _ ایک علوس مکعب مانع میں انتصابی محرکے ساتھ نیررا ہے نامیرہ لہ تمام زاد نی ہٹاؤں کے لئے تواز ن قائم یا عبرتا تم ہوگا ہوجب اس م نیراد کے مستوی سے ملعب کی تراش مسدس یا منلک مو۔ اك ناقص نماايك ما نع من حس كى كتافت نوعي اس كى كتافت كا دديزي نيروا سع - إيك حيونا جفت انتصابي سنوي بين اقصر عمل کرناہے اوراس کو خنیف طور پر سٹائے ہوئے محل میں رکھناہے۔ تابث کرو حفت کے مستوی اور سیال کی سطح کا خط تفاطع اور وہ محور سر کے گر زا قسر نما کھومتا سے ایم مزود ج ہومی بلحاظ اُس ماسکی مخروطی کے جو نیراد کے مستوی ہیں ہے۔ - اراكي نيرے دالے جم كامحل غيرقائم ہوتو جو نكومركز تقل دو بؤں سب ے۔ کے اوپر واقع ہو گا تا بت کروکو جسم میں سطح آب کے ستوی میں ایک خط ے کروش کے النے قائم محل حاصل ہوسکتا ہے پیخط ایک فانس ا تقس کے اہرواقع ہو-- ایک عفوس متعانش مخروط قائم توازن کی حالت میں ایک سال من نیررا ہے اس طور برکہ اس کا محورانتھا بی ایم اور قاعدہ سیال سے امریع سیال کی کتافت ایسے برلتی ہے جیسے گرائی کی ن ویں توت - نابت کرو کو مخوط كا نصف زاويرراس

سے بڑا ہونا جا سے معرف جال مخروط کا ارتفاع ف اور محور کا بوق متعدہ طول مے ایک سال میں یوزی طرح فوق کرولا گیا ۔ ۳ ۵ --- ایک وزن وارمتجانس کمعب ایک سال میں یوزی طرح فوق کرولا گیا ۔ سے ۔سال کی مخافت = گہرائی کے کمعب کامرگنا یکعب کے دورخ انفی ہیں۔ نابت کرد کیس مرکزی ارتفاع مرائ ہے جہاں مکسب کی کیت ک اوراس کے ایک کنارے کا طول او ہے۔ ایک بتلاظرت جس کا وزن نظر انداز کیا کے در ان نظر انداز کیا کے در ان نظر انداز کیا ماکتا ہے انتہا ی مور کے ساتھ ایک انٹے میں تردہاہے۔ مائع کی کتافت مدید (او + ی) ہے جاں الح کی سطح کے نیج گہرائ ی ہے ادر محد کا غرق سندہ طول ف سے اگر مخروط کے اندر مئد (الله فیش) کتافت کا الیم ہوتو ناست کرو کہ توازن قائم جوكا بشرطيك ۸ ۵ __ ایک بتجانس وزن واؤ مکانی شکل کے اسطوائے کا ایک طول حصہ مكونوں کے على القوائم دومستوبوں سے اور ایسے ایک مستوی سے محدود سے جو مكويني مكا في كي محور يرغموه وارسيم-يد اسطوانه اس طرح سائن سيمكراس كامحوري مستوی انتصابی سے اور زررتین مون ایک ظرف کے افقی کم درے بیندے کو س روا سے اس ظرت میں الع والدیا گیا ہے جس کی کتا فت ایسے بدلتی ہے جیسے کوان کی ن ویں قوت - مانع کی گھرائی کے ہے ؛ جسم کا ارتفاع ن (ک ک) اور کوئی مکا فی کا و ترخاص م اوے - یہ فرض کرکے کہ تیرااد کی حالت بیدانہیں ہوئی ٹابت کروکہ قائمیت کے لئے جسم کی کٹافت کو النے کے ذیر تزین طبقہ فی گٹافت كے ساتھ جونسبت سے وہ 11-07 (1+0) - MA (1+0) - MA (1+0) - MA سے کم ہونی جا سے جکر 「(1+1)=(1+1)=(11・一)(1・一)(0+1)くらる حا كاما تفاعل سے

- ایک بیکمال محوس تا م مستدر مخروط کی کتا فت تر اورزا در راس م عرب یو مخروط ایک سیال میں تیرد اس اس طور برکہ اس کا راس بیمے کی طرف اور اس کا تا عدد سفی سے او برہے ۔ سیال کی کٹا فٹ ایسے مالتی ہے جمعے گرافی کی ن ویں توت اور محزوط سے ارتفاع کے ساوی گرانی پراس کی کٹافت ن ب - نابت كروكمانتها في كل ين توازن فا مم روكا بخرطيك マナントアナウ(ひナナリ) (ひか+1)(ひか+1)(ひか+1)(ひか) نیزی کرمخروط اس صورت "یل محری متوان مو کا جبکه انتصالی کے ساتھ اس کے محركا ميلان طرمساوات (ひま+1)(じま+1)(じ+1) = (١+ الم الم الم عد قط ن ٢٠ طد (م طر-جب عد) = المعب جس كاكفاده اب إن مي اس طرح فيروا ب كداس دورخ ا فتی ہیں اور انتصابی کماروں کا طول ل یا نی میں غرق ہے۔ اگر مکعد اک افقی کنارے کے متوازی محورے کرواک کفرد وزاور طر میں کھایا جا-س طور رکم بٹا سے بوسے إن كا حجم غير تغير سے اور اور كے بغ كاكو في ح غ ق نه مونے یا کے تو ناب کردکہ کام جوکرنا پڑتا ہے وہ ہے و الموال بالمراس ط- (١- ل) ب المرا (ویکھووفنے ۱۰۵) ماں کمعب کا دون و ہے۔ ایک جازے یہنے میں یانی ہے اور جاز سمندر میں تیرا ہے حبیم کوزئین برکی ایک مشین کے دریعہ تہام کر جہاز کے بیٹے میں لاکا یا کیا ہے اس طور پر کر جسم یا نی بیں جزا عرق رہنا ہے اور یا نی کا وزن و ہاتا ہے۔ اس کو بھراور مقورا عرق کمیا گیاہے اکراس کا صغیر طول مف لا اور

عزق ہوجائے۔ نابت کردکہ جہاز اور اس کے اندرونی یا نی کی توانا ئی بالفوہیں

(e-1(5+ -1)) Just

جہاں جہازاوراس کے اندرونی یانی کا وزن و ہے جسم کے فاصل آب كارقبه إاور جهازك فاصل آب كارتبرج ميك اندروني يأني كي سطح كارفنها ب - مكافى ما الله + الله = ٢ ى كى شكل كاجباز انتصابى مورك ساننیانی میں تیرہ ہے۔ اگر اسس کو تیراؤ کے سنزی میں سے کسی محرکے گرد محدور زا دی طریس محلیا جائے ادر مطایا مواجم وہی برقراردے نوٹا بت کردکہ جو كام كياكيا وه ہے

ع ف ح عب المه ن (ا- جم طر)

جال موری سے گروسنے مور کا عمودی فاصلہ ع سے اور ابتدائی محل میں مرکز تقل اور ایھال کے مرکز کے درمیان فاصلہ ف ہے ۔ - بناد كرجهازيرايك وزن كے بٹانے سے جوبنقائله كل وزن كے (١٠٨) جھوا ہے جہازے جا کا دراز کو تکرریافت ہوسکتا ہے۔ اگر شاد افتی عند پر سواور وسطی خطسے زاويه طدينا سئے تو تابت كردكر عرست كا واحدال ايسا بے كه خط سيلان اعظى اسطى خط کے ساتھ زادیدمس ا (ممس طه) بنایا ہے جہال یس مرکزی ارتفاعوال کی

مم ۲ - مربع تزاش کا ایک کنده یا نی میں تیرر یا سے اس طور پر کہ اس کے د ولوال مرابع رخ انتصابی میں اور تین کنارے جوان رخول برعمود ہیں اور سی طرح غرق ہیں۔ اگرایک معلومہ کنارہ یابی سے باہر سے نو نابت کروکہ نواد آن کے تین محل مو منگے بشرطیکر کندہ جس سنے کا بناہو ہے اس کی کثافت نوعی سے اور سے کے درمیان دانع مو ، اور اگر پیر شعرط بوری مو تو نا بن کر دکر و و نول عنیہ

اگراس کی کثافت ۱۲ و اور ۱۸۷ و یا ۱۵۷ و اور ۸۸ و ہ ور میان واقع ہو- اور بیرکدان صدور کی درمیانی کتا فتول کے لئے ایک ب سے اور اور ال حدود کے باہر کتا فتول کے -ي قائم توازن كى حالت ميں آزا دانه توريا ہے۔ اگر جم كو ور کارخ شیج کرویا جائے اور وہ مناسب کتانت کے مانع میں اوسسی كے مستوى يرتيرے تو نابت كروك توازن قاكم بوكا-مركزي ارتفاع مين موترا منا فه كا اندازه ليگاؤ جيكه جازكوامكم ایک ویوار مبلو جهاز حب کی کوئی تراش ۲ اوع ض کا ہے تحل میں تیررہا ہے اور لا گہرا ئی تک عزت ہے۔جہاز کا مرکز گفل نیپ نے وبر ب ک ارتفاع برہے۔ جہاز کوزاویہ ط میں ایک جانب مجمرادیا گیاہی اور وجفت کے درایدجس کا معیار ل سے اسے تواز ن میں رکھا گیا ہے تا بت جال جاز کا وزن وے۔ حصد کی شکل کا سے جوستوی ی علی کے تراستے سے بیدا ہوا ہے۔ بیجب نیج وارراس کے ساتھ ا نع میں آزادان تیرر ا ہے - اس کے مستوی قاعدہ کے نعطهٔ (صنا) عا) پرایک جیولا وزن رکھد باگیاہے۔ تابت کردکہ مستوی قاعد ہمیں کے

استل

144

اسكونيات

وہ نقط جو انتھا ای ہڑاؤے نے غیر متا ترر ہتے ہیں ایک ایسے خطیروا قع ہو نے آیں جس کی ساوات ہو ۔ نے آیں است ہے مثا لا است ہے اس کی ساوات ہو ۔ مثالا میں اور است ہے اور است ہے ۔ مثالا ہے اس کی ان اس کی کی گڑنے کے ساتھ نعبت ناہے ۔ جہاں مخوس کی کڑنے نے کو الح کی کڑنے نے کے ساتھ نعبت ناہے ۔

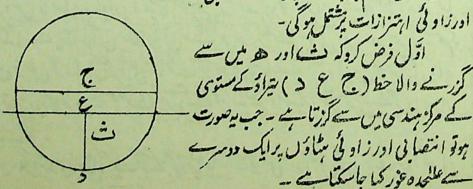
(1-9)



يرفي والحاجم كالمتزازات

الا الم السام الرایک وزن وارصیم النویس قائم تواز ن کے بحل میں تیرر الہوا وراسے اس محل سے ذرا ہٹا ویا جائے تو وہ جیوٹے انتقابی اور زاد فی اہتزازات کر میگا۔ طاہرے کہ الیسے اہتزازات کا سوال ایک احربی سوال ہے اور یہ کہ اگریم الم نع کی حرکت کو نظا اور از کردیں توجیع کے اہتزازات کے او دار کے لیے جو نتائج حاصل ہوں تھے وہ حقیقی دورون کے اولی حدود ہوئے ۔ اس تاب کی وسعت کا جہانتک میں تعلق ہے ہم حرف نظر انداز کیا گیا ہے ۔ علاوہ بریں تعلق ہے ہم خرف کر سے تعلق کو جو دنظر انداز کیا گیا ہے ۔ علاوہ بریں ہم حرف ایک مورث ایک سے تعلق ہی کہ اولی کا جو دنظر انداز کیا گیا ہے ۔ علاوہ بریں سے ہم دن کرنے کی سے مرزمیں سے مرزمین سے کو در ایک انتظامی ہو تا ہو ایک انتظامی ہو ایک انتظامی ہو اور میں کہ ابتدائی ہٹا د اس مستوی کے موازی کے در مالی کا جو اور میں کہ ابتدائی ہٹا د اس مستوی کے موازی ہے۔

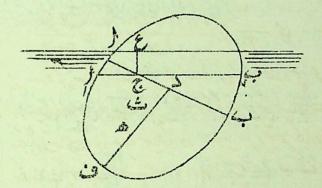
ظاہرہے کہ میں کے تمام نقطوں کی بعد کی حرکتیں اس ستوی کے متوازی ہونگی اور اگر تواز ن فائم ہور تو حرکت چھوٹے انتصابی اور زاو کی اہتزازات نیشتل ہوگی-



اک چھوٹے انتصابی سٹاؤیر غور کرو۔جھ کے چھوٹے حصہ ج ع کے جے سال کے اہر اٹھالیا گیا ہے ایک بتلا اسطوانہ خال کیا جاسکتا ہے۔ وفي كروكه ج ع = ى توع ف = ج ف -ى اورهم يريني والم وت عصركا وزن - بناے بولے سال كاورن 6 x 1 = 2 = جال تراؤ کے ستوی کارقبہ اسے۔ (11-) ر ن ع ف = ح ف ل ى جہاں جم لیکیت کے ہے۔ لیکن کے ج بٹائے ہوئے سال کا وزن بعث حدم كحصر حدكم حرب-سے حرکت کا نعین ہوتا ہے۔ اس کئے پورے اہتزاز کا و فت ہوگا 7 19 ٤٠٠ اساب ج کے گردایک چھوٹا زاد کی مٹاؤ (عه) فرض کروا تب سف بقدرانس فاصله كاورام هيكا جوعة برمنحصر بوكا اوراس كن نظرا نداز كيا جاسكتا سع بقابلان مقداروں كے جوعه يرسخصر ہوتى ہيں اور يحراكر جسمكو ساکن فرض کر کے ہیں کو اپنی حالت پر چھوڑ دیا جائے تو وہ (اس فرض کی بنا م برکہ توازن قام ہے) سف یں سے گزرے والے افقی محورے کر واہتزاز کے کا -اگرا تبدائی ہٹاؤ نے کے گردلیا جائے تو بھی در اصل دہی بات پیدا ہوگی

كُونكواسي صورت من مج انقى سمت من قابل قدر فاصله طے كريكا (بعني عرب يہلے رنتبہ کی صغیر مقداروں کا کاظ کرتے ہوئے اور ہٹائے ہوسے میال کی مقدارادیر کی طرح اگریس مرزهم ہوتو ن کے گردسیالی داؤکا معار = ع ف ع × مرك ببط اورط كو كتاف في ون ألى موتاسع جال طه ده زاديه سع جوسف هرا مسالي - ساخان ت يرنانات シーニョグ シーゲーニョ اب جؤنکہ سٹ میں مسے گزے والاافعی محدر صدری محدر سے اس کے ك م والمر = - ي ف (م ا - و ح) طر جہاں طہ کی اعلیٰ فرتیں نظر انداز کردی گئی ہی اور دیث میں سے گزرنے والے اختی محور کے گر جسم کے جود کا معیارک س ا ہے۔ لینی ·= b(1-10) =+ 5(1-1) d=. يه ماوات چھوك ابتزازات كونغيركرتى في جكري () وح ينى جكه هر، في (اا) کے اویر واقع بمواورا منز ازات وقت - からいっしょ でかり、からしていいかいます اگر سن ، هے نیج وانع ہو آت و کی علامت بل دی جائیگی۔ معلوم رسے کو قائمیت کے پر کھنے کی جانخ اس نیتجہ سے اغذ موسکتی سے جو انجى ماصل كالكيا المزازك لئے من (- اح كا ايك مثبت مقدار موا عزوري ٨٠١ -- تانيا اگره اور دف كو بلات والاحط تقط ح يست دكور عن نو

وونوں حرکتیں ایک دوسرے سے غیرتعلق بہیں ہونگی اور وہ قالون جوان حرکتوں کی تغین کرتا ہے طریقہ ذیل سے معلوم ہوسکتا ہے۔



فرمن کردکت کو کشاکل کے انتصابی مستوی میں خفیف طور پر ہٹا کر چیواد یا گیاہے ادر خط هدف آن ت پر انتصابی کے ساتھ زادیہ طرباتا ہے اور ی = سطے کے نیجے ہے کی کہرائی ہے ، سطے کے نیجے ہے کی کہرائی ہے ، زمن کرد کہ هدف اسراؤ کے مستوی کو نقطہ د پر قطع کرتا ہے اور

3= 住り (4=3でり=じか

ادر دیگر رموز گذشته کی طرح -تب ن کی گهرائی = ی + ب جب ط + د جم ط = ی + ب طه + د ، زیر بحث رنبه تکر سٹائے بوئے سال کا وزن

> دن باعج یا دن باعج کسادی جم کے سال کا وزن ہوگا۔ یے درن = ج ٹ آئ

19 =- ج ف أى ورای + ب ورای = ج آ ی (۱) نف می سے گزید اور افقی محرک کرد (جوسدری محرب اور باد اور کے متوی پر عمود سے ازاد کی حرکت کو بیش نظر رکھ کر دوسری ساوات عال ہوگی-ن کے گردسیالی دباؤے معیارکو ود حصوں میں تقسیم کیا جا سکتا ہے۔ ایک توصد (فنادیای دوستے ہے اور دوسرا بٹائے ہوئے بال کے صد -6-29569 سالی دباؤ کا قبل الذكر حصد عدی ف س جوابس مركز هریس سے اویروار عمل کرتا ہے، اور موخر الذكر حصہ = ج ف أى جو تيراؤكے مستوى كے مرکز مندسی جی میں سے عمل کرنا ہے۔ طرکو مختائے کا میلان ریجھنے دالی سمت میں معیار =ج ن م × سف هر جب طرح ن (ی (ب جم ط- د جب ط) = 3 0 (- 1 7) 4 - 3 0 (2 (- 6 4) = 30 (مر) (- و ح) طر- ج ف (ب ی جاںی اور طرکے حاصل منرب کونظر اندازکرویا محیاہے (1) اور (4) ساواتوں سے عال ہوتا ہے -= b(1-10) 3- 30 -5(10 +1) 18 + (51)

اسكونيات

اصول کے مطابق باہم مرکب ہوتے ہیں۔ یہ دیکہ لیا جاسکتا ہے کہ اگر الب میں دو نقطے لئے جائیں جن کے فاصلے جے سے سمت ج میں لم الم ہیں تو وقت مت پر ان نقاط کی انتصابی گہرائیاں ى +لم طر اورى + لرط بونكى يني كراكيال بنونكى ج جم إرار-لم بي ت + عم اوج جم إلار-لم ي ت + عم ادراس کے ان نقطول کی انتصابی حرکتیں ساوہ ایتزاروں نیشل ہیں جوقانون رفاص کی یا بندی کرتے ہیں- ڈوربمل (Duhamel) نے اپنی کتا ہے نصاب المحلى دفعة الله (Cours de mecanique, Art 152) مين اس أمركي دريافت کا حوالہ و سنے ہوئے اس کوائم کوشی (M. Cauchy) کی طرف منسوب کیا ہے۔ مساواتیں (۵) ارتعالٰش کی طبیع حنیتوں، کوتغبیرکرتی ہیں - اہتزازوں کے ادوار المم زیاده آسانی کے ساتھ ی = اجم رق ت +صد) ادرط= ب جم رق ت + صد) كومسا واتول (٣) يس مندرج كرف سے اوليسبت إلى كونتيجه-ا --- الك سبد الأزرا وت موت ارتفاع سے يانى كى سطح يرانتصابا كرايا كيا ہے اس کی حرکت دریا نت کر واور اس کے لئے مغرط معلوم کرو کہ وہ عین غرق ہوجا نے -الم الله عن الله عن النفاع كا انتفها في اسطوانه الك مائع مين تيرر باسم عن جس كي كتا فت اسطوانہ کی کتا فت کا دو چند ہے۔ انع ایک اسطوانی ظرف میں ہے۔ اگر ظرف کا نصف نطراسطوار کے تضعت قطر کا دو جند ہوارر اسطوار کو خفیف طور برانتھا با بطاما صائعة تو تابت كروكه ابتزازكا دفت ١ م ١ من ١٠ ج يوكا-سے ایک جسم حسکی سطح کا نجا حصد کرہ ی ہے ایک دزندار سیال میں نیرر اسے شابت کروکه صغیرزا و کئی آ ہنزاز کا وقت وہی ہوتا خواہ کینی متجانس سیال مین نبرے۔

مم __اك بجون نصف كره كو جوابك افق قطرك كرد حركت كرستا ب بال = جزاً بجر دیالیا ہے۔ نا بت کروکہ صغیرا متزار کا وقت دہی ہوگا جواس صورت یں ہوگا ۵ - ایک کلوس انص نااینے سے وو چند کنافت نوعی والے الع میں تررفا ے اس طور پر کہ اس کا مجدو سے معنی محمول کورانتھا بی محمو انتصابی ا بتنزاز کا وقت معلوم کروا نیزود سرسے دوا نقی محوروں کے کر دصفیرزاو فی ابترازا _ایک کمس (ص کے تخارے کاطول ۱۴ سے) سال س تیرا ہے اس طر برکاس کا مرد تقل سال کی سطے کے نتیجے ب گرانی پرے۔ اگراس سے بیا ہٹاؤیناکیا جائے اس طرح کواس کے دورٹ انتھابی رہی تو نابت کروکہ اس کے صغیرانتصابی اورزا و کی اہتزا زات کے اوقات علی التر تسب ہو گئے (U+5) 19 (U+5) 19 (U+5) 19 (U+5) 19 (U+5) (١١٢) كى ساك اسطوا نائع ين انتهابى إيتزازات كروا سے- يو انع ايك دوس 3 ご い ナッカ (01-1) موگا جال ت ایک بورے اہتزاز کا وقت ہے ۔ مرگا جا ل ت ایک بورے اہتزاز کا وقت ہے ۔ اکن این من استعما با تيرري سيماس كوروسشن كروياكيا اور ديكها كياكه اس كاشعله ياني كي طرسب كيال د فارع سے اور إسے اور بتى جس رفتار سے جل رہى ہے دہ و ہے نابت کروکه و (نغ - ك) = غء نیزنا بت کردکم اگر بنی کوائس و تعت بجها دیاجائے جبکواس کاطول کی باقی رہے

توبتی یا بی کے باہر اُتھ کر آ جائیگی اگرد > الله ل جراف کین اگر و < ما خالج/ف تواس كے ابترازات كا دقت ١١١ ما ف ل / شج ريكا a ایک قائم مخ وط انتصابی محور اور نیچے دار راس کے ساتھ سیال میں تیریا سے اور اس کے تحرکا نے حدیق ہے مخروط کے وزن کے مساوی ایک وزن اس کے قاعدہ پر رکھدیا گیا ہے۔ جس سے مخروط واپس اسٹینے کے میشتہ اتنا ووب جاً اب كراس كالمحور بوراع ق دو جاً اسم عنا بت كروك 4=0+0+0 • ا --- عد زاویداس کامخروط أو نصف قطركے اسطواند میں اس طرح تيرر إت كداس كے محر كاطول او وق سے -اكراسكوايك صغيرطول ميں انتصابات عيے والكيل دیاجاے تو نابت کروکہ اس کے اہتزاز کا وقت ہوگا جاں ف مخروط كاارتفاع ہے . اا ___ ایک ظرف گرد شی مکافی نما کی شکل کا ہے ، اس کا محورانتھا بی ہے اور اس میں مائع کی اتنی مقدارے حبکا تجم اسی ور خاص کے ایک مکافی نمائے قطعہ كے جے كے مسادى ہے جواس مائع بيل نير رہا ہے۔ اگراس مكافى نماكوا نا اتھايا جائے کہ اس کا راس عین سطح رہوا در اگر چیور دینے پر سے اپنے محورے ہے کے مسادی گہرائی تک لوٹنے سے خبل عزق موجائے تو ا بت کروکہ العُ كَى كَافْت: مكانى نما كى كَافْت: ٢٨: ٧ سا -- دیئے ہوے زاویہ راس کا ایک تھوس مخروط ایک ایسے محور سرتھا ا كياس كاكردية حركت كرسكنا سع ادر جومخ وطك قاعده كے ايك قطر ير منطبق ببوتا ہے۔ اگر محور كو ا فقى طور پر يكذا جاسے اور اتنا سيحے كيا جاسے كر مح وط کے جھے کا لیا بینچے وارراس کے ساتھ ایک متجالنس ابغ میں غرق ہوجائے

نوا کع اور محزوط کی کتا فتول میں سنست معلوم کرو حبکہ نوازن نقد ملی سو-اكرى كوركو إتنا في ي نكيا حائك تواذن تعدى بوجائ اور كيم مخروط كو حفيف طورير سناويا جاسك توصغيرا بتزازكا وقت معلوم كروب سوا _ ایک عیشا (Oblate) کره نما دری طرح دوسالون می عزی کرویا گیا ہے۔ نچلے سیال کی کٹا فت امنا فی اوپر کے سیال کی کٹا فت امنا فی کا دو چند ہے كره نما انتصابي محرك ساتة تيروا ب ادراس كا مركز سالون كي منت ترسط ية فرض كرك كرصغير مناو واقع بتواسيم إدلاً نضابي سمت بين إدر نانت اس کے مرکز تقل میں سے گزر لے واسے افقی خط کے گروٹا بت کرو کھفیرا ہنزادول کے اوقات علی الترتیب ہونے جان کوین اقص کے نفعت محور اور ب ہیں۔ مم اے ایک متجانس تھوس صبح ایک انٹے میں جس کی کتافت ایسے برلتی ہے جسے کہرائی کا عزق سندہ ترراجے۔اس کا مرکز تقل کے گہرائی پرسے نابت کو كوسفيرانتهابي ايتزاز كاوقت ١١٢ الناع سع (۱۱۵) ۱۵ -- یکسال موثالی کاایک پترامتسادی ابساتین قائم الزاوی مثلث کی شکل کا ہے۔ اس کا ایک حادہ زاویہ سیال کی سطح کے یتھے نا بت کردیا گیا ہے اور بہ اس طرح ساكن سے كماس كا وہ صلع جوع ق منس سے افقى سے - تابت كرد كم اس کے اینے مستوی میں صغیرا ہتزاز کا دفت مہوگا 2/3/111 جہاں مثاف کے ہرصلع کاطول او ہے۔ ١٠-١٠ كرميم كي كوين منحني ما ٥٥ لا ٢-١ كومورلا كي كو كلمانے سے

ما سكونيات

امثا

ہوئی ہے۔ یہ جم شررا ہے اس طور یہ کہ اسکے محد کا حصہ ف عق عق ہے۔ اگر اس کو تقدر (ن ان ان کے نیچے بھاویا جائے تو ٹا بت کروکہ لوٹنے پر - 8 Com 1 8 contros ١٤ _ م كيت كالك كروشي معلف ما تعات مي تيريا بعداركسي ما نع یں انتھا بی اہٹزاز کے وقت کے اور اسس انع کی کتا نہے (1 1 1 con) con se (2) الما حاسة بهال نا اكساد مة بوسة تفاعل كونغير كرناس وتاست كردك فبم کی تضعت النهاری تراش کی مساوات ہوگی (15)= (U+0)= (U+0)= (U+0)= (U+0) ۱۸ -- ایک مکسال فان کی و حاریه عمود وارتراش سر حکر متسا و می ایسا قلین متامن سے جس کا نفق زاویہ راس سس ا اور کا عدہ ب ہے۔ اسکی وهار آئے كي سطح ميں تا بت كردى كئى ہے اور فاند اسے سے دو يندكا نت بوعى كے لمنع یں نیررا ہے۔ بھراس کو راس کے گروایک صغیرزا دیے طریس جیجے بھا ویا گیا ہے۔ نا بت کروکہ اینے ابتدائی محل برلوٹ آئے کے لئے جو وقت در کار ہوگا وہ تقریباً 800 % [(\frac{1}{4})\frac{1}{6}] \frac{1}{7.19} \frac{1}{10}

له جا(٢) كا تفاعل كوتوركام - مزج

المحادث المحادث المحادث

(114)

100 اگرایک سفید کی تقریباً بین فٹ لمبی حب کا ایک سمانید ہویا رہے

سے بھر دی جائے ادر بھر بارہ کے ایک ظرت میں الٹاکر اس طرح رکھی جائے

کر اس کا گھلا مرا ڈوبا ہوار ہے تو یہ معلوم ہوگا کہ نلی کے اذر بارہ مجھ اُٹر گھیا ہے اور

اس طرح ساکن ہے کہ اس کی ادبر کی سطح بر تن کے بارہ کی سطح کے اور تقریباً ۲۹

استعال کی طون رہبری کرتا ہے جس سے کرہ ہوائی کا وباؤنا یا جا سکتا ہے۔

استعال کی طون رہبری کرتا ہے جس سے کرہ ہوائی کا وباؤنا یا جا سکتا ہے۔

بار بیجا اپنی سا دہ ترین شکل میں ایک سیدھی شیستھ کی نلی ال سب ہو اس کے بیٹر اور جس کی بیٹر اربد کے سام ابارہ کے بیٹر کوبا ہوار بہتا ہے۔ سرا (بند

ہوتا ہے اور بونک سطح ب کر گوئی دباؤ ہمیں ہوتی۔

ادبر بارہ کی سطح ب کر کوئی دباؤ ہمیں ہوتی۔

ہوتا ہے اور جونک سطح ب کر کوئی دباؤ ہمیں ہوتا ہے اور جونک سطح جب کر ہوا کا وباؤ وہ قوت

ہم نے پہلے یہ بتایا ہے کرساکن سیال کا دباؤ انقی مستوی پر کے تمام نقطوں

یر دہی ہوتاہے اس لئے ج پر کا دباؤ ف پر یارہ کے دباؤ کے ساوی ہے۔ فرعن كروكه ياره كى كنا فت شب اورج يركره موانى كا دباؤ ١٦ سا تب TT = 3 في ف اورارتفاع سے ق سے کرہ ہوائی کے داؤی یمانیش ہوتی ہے۔ یارہ کی کتافت زیادہ ہوسٹے کی وجے سے بیسب سے زیادہ موروسال ے جو باریماؤں کی نباوٹ میں استعال ہوسکتا ہے حالانکہ کرہ ہوا تی کا و باؤ ی سرتے مائے کے استعال سے نایا جا سکتا ہے۔ یارہ کی کٹا فت یا بن کی كنافت كالقريبا ٨٨٥ و١ م اكناب ادراس من يا بي ك باريامي يا بي-ستون كا ارتفاع تقريباً على صوكا-یارہ کی کٹا نت تیسٹس کے ساتھ برلتی ہے اور اس لئے نہ لاز ما تیمٹر کا (۱۱۱) تخرب سے یعلوم کیا گیا ہے کہ استی کرد کے اضافہ کے لیے بارہ کا صلافہ ا ين مجم كا به ه ه ه كما مو تا م يس اگرتيش ست بركنافت شي اورتيش . و يركنافت شر مو تو في = شر (١- طرت) الرط = ١٨٠١٨ ٠٠٠٠ اور ١١ = ج فر (ا- ط ت) بي ق صابطه العج (ا-طرت) ف كى دوسے كسى مقام ركے كره موا في كے دماؤ ي ساليفس موسكتي سے بشرطيكه عرف لدكى تبديلي سے ج كى قيت ميں جو تبدیلی دا قع ہوتی ہے اس کا کاظار کھا جائے۔ نیزید دیکھا گئیا۔ ہے کہ ایک ہی مقام پر خواه تیش بر مے یا نہ بر کے یہ دباؤ بداتا ہے اور بہاؤوں پر چرطسے میں یاکسی مقام کی ہمواری سے ادیرکسی ذریعے سے صعود کرنے میں یہ ویاؤ کھٹا ہے۔ یہ بات سالات کے وازن کے نظریے کے مطابق سے کونکراو پر چواسنے میں

ماریا کے ادیر ہوا کے ستون کا ارتفاع مکٹ جاتا سے ادراس لئے ج پر بواکا داؤجواس کے اور کی ہوا کے ستون سے دن سے سادی سے کسٹ جاتا ہے اور اس کے علی میں یارہ نیچے اُتر اسے۔ اب اگر مارہ کے ارتفاع اور اس ارتفاع میں حس میں کہ صعود واقع موتا ہے ایک ربط معلوم ہو جائے توظام ہے کہ ایک ہی وقت میں وومقامت پر اریمانی سونوں کے مشاہرات سے ہم اُن مقالت کے ارتفاعول میں فرق اس مقصد کے لئے ہم ایک منابطہ کی الاصف کرنگے۔ لیکن پہلے ہم اُن قوانین کا بیان کر دینا صروری مستحقے ہیں جو مختلف تلیشوں پر ہوا اور کسیوں کے د باؤل میں صنبط بیدا کرنے ہیں اور نیزان قوانین کا جو کیسوں کے آمیزول سے متعلق بي -معنی ہیں۔ اس کے داور کا نت ادر تبیش کے درمیان اس رشت (四年1)此百二 كويسل بان كيا ہے۔ يہ بخرب كے دوسب زيل سنتوں سے افدكيا كيا ہے۔ (١) اَرْتَبِشُ مُسْتَقُلِ رَجِي تَوْبِهُوا كَا وَبِا وَاس كَيْمِ مِكَ فِي إِنْ الْكُس بِالنَّاجِيمِيةِ (٢) اگرو إ وستقل رسے تو مواکی کسی کمست کی تیش میں او سنتی گرد کا (۱۱۸) اصافهاس میں اتنا کھیلاؤ بیداکرتا سے جواس کے صفر درج سنتی گیڈ برکے جم - L 13/18.5. p4 40 8 (واللن اورك ازك كاكلي) اس طرح اگر بهوا كا وبار د اور كما فت ان بهو جبر تميش صفيت تو اب فرض کرد کر تیش کو ت تک برای جاتا ہے جبکہ دباؤ دہی رہتا ہے۔ اس کو سمحف کے لئے فرعل کردکہ ہوا ایک اسطوان یں سے جس میں تھیک منتقف وال قابل حركت ايك فشاره لكايوا ب- واداس فشاره برايك مستقل وت ملى موني

اس طرح زواکی محکدار توت میں امنا فہ فشارہ کو باہم ڈیکیلنے کا افر رکہ تکا یہاں تک كركتافت كى تخفيف سے اور اس كئے مناظر دباؤكى تخفيف سے توازن برقرار ہو جائے۔ تب کلیہ دوم سے ماصل ہوتا ہے (= 541) == = جال ن ني كما فت جه اور و = ٥ ٢١ ٢٠٠ ٠٠ ٢ ن و = م ث (۱ + ع د ت) اگرمت تیش پراسی سال کا دباؤ د اور کنانت ن موتو (Es+1) (p=5 (A) (A) (A) = 3 المام اقسام کی گلیسوں کے لئے مقدار عد تقریباً دہی ہوتی ہے، لیکن م کی قیمت مختلف گلیسوں کے لئے مختلف ہوگی- اس منظ مصورت میں تجرب کی مدد سے اس کومعلوم کرنا چاہیے ۔ يتمين مطلق- اگرام يرتصوركرين كركسيس كي تبيش كو اتنا كھٹا ديا كيا سے كراس كا دبالوجم كى تبديلى كے بغير معدوم ہو جا تا ہے توہم تبیش كے مطلق صفر پر لمنحية بي اورتيش مطلق اس نقطه سے ا بي جاتی جاتی سے -یہ ان کرکہ ت اس تیش کوسنتی گریڈ تہشس بیا پر تنبیر کرتا ہے ہیں ساوات ا + عه ت = . سے ماصل ہوتا ہے " + 6 m - = - = = = = = فارن إيك كے يانه ميں مطلق صفر - 9 ه من موكا-مساواتول و=م ف (١+عه ت) ك ٠ = م ك (١+٤ ت)

اگرت تیش طلق ہو۔ چوکہ فت مستقل ہے اسلتے دے /ست بھی منتقل ہے اور یہ کا مطلق پیانہ یں، دباؤ مجم اور تبیش کے ربط کوظام کرتا ہے -۱۱۴ - آمیز سے مختلف لیکدار سالوں کے آمیزے کا دباؤ۔ دو مختلف کیسوں برغورگرو جو دوظر فوں میں ہیں جن کے تھے سے اور سے ہیں۔ اور فرفس کرد کہ ان کے دباؤاور تبیشیں د اور ت دو بذل کے لئے ایک ہی ہیں۔ فرض كروكران ووظ ومنسب مي الحاتي بيداكيا كما يا دويون كسور كوايك بندفان میں جس کا مجم ح + ح سے متقل کردیا تھیا ہے۔ امیسی صورت میں جبکہ ان میں کونی کیمیائی عمل دقوع پذیر بہنیں موتا یہ معلوم بواسے کہ وداؤں کیسیں علیجدہ بنیں رہتیں بلکالک دوسرے میں نفوذ کرتی ہیں حتی کہ وہ ایک دوسرے سے پوری طرح ملجاتی ہیں اور بیک حب توازن قائم ہوجاتا ہے تو آمیزے کے داؤاور تېش دو نول دې بوت بيل ج يمل مخ اس ایم بخرب کی واتفیت سے ہم حسب زیل مشلہ اخذ کر سکتے ہیں۔ اگردد کیسوں کو جن کی تیش وہی ہے ایک ظرن میں عب کا حجم سے طارما مائے۔ اور اگران تعبول کے وبار د اور قد جول جبکہ ان کو فروا فروا ح والے فرف میں وافل کیا جائے او آمیزے کا وباؤد + 5 بر ہوگا۔ فرص کروکہ دوان کیسوں کو ایک ووسرے مسے جدا کروماگیا ہے اور اس میس کے حجم میں جس کا دباؤ د ہے تبش کی تبدیلی کے بغیرا تنا تغیر کر ویا گیا ہے كراس كا دبارٌ كر بوجام ہے۔ تب كليه بائل كى روسے اس كا جج دے / دبوكا اب فرعن کروکه ان دو گلیول کو ایک ظرمت میں جس کا حجم アンナン パーラナン

ب دوسرے سے اورا گیا ہے تب آمیزے کا دباؤ دیمی ذہوگا اور ی غیر متغیر رہیگی -اب اگر آمیز سے کو تجم سے میں دبا دیا جائے تو اس کا دباؤ بائل کے روسے د + کا ہوگا-بی نیتج صریحا کیسول کے کسی تعدا دیکے آمیز سے برصا و ن آتا ہے-سا ا ۔ دو مختلف گیبول کے مجم ح کے ہیں ادران میں کے دباؤ علیٰ لرتیب (۱۲۰) دائد ہیں۔ان کو ایک ووسرے سے اس طرح ما ویا گیا ہے کہ اسکے آمیزے كا تجم ع بو جانا ہے - آميزے كا وباؤ معلومكرنا مطلوب ہے -وونول گیسوں کے داؤ جبکہ ان کو حجم عیں محدود کیا جائے علی الترتیب 5212 ادراس کئے دفعہ اسبق سے آمیزے کا دباؤ 三十八元 سے اور اگریہ وہاؤ کے سے تعبر کیا جائے تو デラナアコーチョ د ح <u>ت</u> اور د ح <u>ت</u> یس آمیزے کا دباؤ 🗲 ان دو مقدار د ل کا حاصل حجع ہوگا اور اس۔ 75+73=93 گیبول کے کسی تعداد کے آمیزے کی صورت میں

و سکونیات

1 = = E LT

مہ ۱۱ ۔ دنیات ماستی کے میں جارات کی خارات کی صورت میں اسی طسیح صادت آتے ہیں - نجارات اور کیے جارات کی حضوصیات میں بالحاظات کے حلی خصوصیات میں بالحاظات کے حلی خصوصیات میں بالحاظات کے حمین کی تحفیف صدت ہوئے اور کی حقیف صدت ہوئے ہیں اور ہو خراند کرکی تکشیف عرف ہوئے ہوئے برائے ہوئے دواز یا انتہائی شدلاک یا دونوں کے ایک ساتھ استعال سے ہوسکتی ہے دواز یا انتہائی شدلاک یا دونوں کے ایک ساتھ استعال سے ہوسکتی ہے دواز یا انتہائی شدلاک یا دونوں کے ایک ساتھ استعال سے ہوسکتی ہے دواز یا انتہائی شدلاک یا جا سے تو مسلمت اور داؤورت محال ہو ایک میں مورت و باؤورت اور داؤورت عیمی کرویا جائے تو بھاپ کی کٹانت بر محصر ہوں ہوتے ۔ پس اگر ہواؤول جا کہ سے کرویا جائے تو بھاپ کی کٹانت بر محصر ہوں ہوتے ۔ پس اگر ہواؤول جا میں اور دباؤ و ہی برقراد رہیں گے ۔ اگر تبیش میں امنا ذکیا جائے یا نصای وصحت بیدائی جائے قربحا ہے کی عرب مقداد میں است نے وجا ہے کی عرب مقداد کی حصد کمف ہو جائے گا۔ کہ عدد کمف ہو وائیگا۔

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

نفنامیں حب تک یانی کی کافی مفدار باتی رہے جس سے بھاپ بن سکتی سے نصنا بھا سید سے بھیشہ سیسشدہ ہوگی بینی فضا میں اتنی مجاب ہوگی جتنی کہ اس تیش پراس فصنا میں رہ سکتی ہے۔ لیکن اگر تیبش کو آنٹا بڑیا ویا جائے کہ تمام یاتی تھاہے بن جائے قراس تیش اوراس سے اعظے تیشوں کے لئے بھاب کا دہاؤائسی کلیہ کی بابندی کرنگا جس کلیہ کی جوا کا دباؤیا بندی کرتا ہے۔ ہر صورت میں خوا ہ نفنا سیر شدہ ہویا بنو اگر ہوا کا دباؤ کا اور بھاپ کا - 65 2 + 2 9 6 3 6 cmp 1 9 97 2 - کرہ ہوا نی میں ہمیشہ آبی بخار موجود ہونا ہے جس کی مقدار مختلف اوقات لمعناره في سب محمد كم اور مهمي زاده - اكركره بهوائي كي فضاكا كوني حصد بخار تے بینی اگر نجاری کٹافت اس تبش پر حتنی بھی ہوسکتی ہے ي مو ما سية تو تميش كو كمنا سنة سي خار ك مجر حصد كي تكتيف مو حاسه كي ش پر سخار کی کتافت کتافت اعظم نه به و لا کو بی تنکشف و قو رع پذیر ہوگی جب تک کر تیش کواس نقطر کے شیعے کا مذکھٹاویا جائے جس پر فیمنا ر کی پیدائش -اگسی طرح کورہ ہوا تی سے تماس رکھتی ہے ا تنا سرد کر دیا جا اے کہ اس کی تیش اس کے نزدیکس کی فضا کے سیر شدہ ہوتے نقط سے بیجے ہوجائے قرآبی بخار کی کتیف رو منا ہو گی اور ملف بجن ار نم کی شکل میں انو دار مو گا۔ اس کئے زمین پرسٹسٹیم کی پیدا کشش اسکی سطح الاست ير محصر سب اوريم عملى طورير زياوه سرعت ساس وقت ہوا ہے جبکہ آسان ربادل مربول ادر اس کے اشعاع کے دربعہ حرارت کا تعالمة زياده تقصان بو تامو-نقطر سن ده من المحر رس اس كا تقين إلىست اشابرے سے كوا يرام مخالف بنیوں برجو بخار کوسیراب کرنے دالی کٹا فتیں ہیں ان کے جواب یں بخار کا دباؤ بھی سجر بر سے معلوم کرلینا جا ہیے اور اگرایسا کیا جاسے وفقط

(177)

کے مثابہ سے سے کرہ ہوائی میں بجار کا دباؤ فرراً معلوم ہوسکتا ہے کیونکہ اگر نقطم نم اور اس کے متناظر معلومہ دباؤ کے ہوتو کسی تیش ت پر جو ت کے اوپر ہے دباؤ کہ ساوات

سےمعلوم ہو جائیگا۔

كاا - أُلْمِين كي تبش اور دماؤ يريحكا ويا بسط كا ا ۋ-

تجربہ سے یہ معلوم ہوا ہے کہ اگر ہواکی کسی مقدار کو جوایک ایسے ظانب کے اندر بند ہے جس میں حوارت داخل نہیں ہوسکتی بچکایا جائے تو اس کی میش بڑ ہجائی ہے اور رید کہ اگر ہواکی کسی مقدار کو خواہ وہ کسی قسم کے ظرف میں بند ہو بکا یک چکا دیا جا ہے انس طرح پر کہ حوارت کو با ہر نکلنے کامو کنے دائے تو اس صورت میں بھی تبیش اسی طرح بڑ ہجائی ہے۔

۱۱۸ - استعداد حوارت - کسی جبم کی استداد حوارت ، حوارت کی ده معتداد مرات کی ده معتداد حوارت کی ده معتداد حوارت کی ده معتداد حواس کی تیش کوایک در جربرا و بینے میں مطلوب موتی سے -

مرارت کی اکائی جوعملاً استفال ہو تی ہے حرارت کی وہ مقدار ہے جویانی کی اکائی کمیت کی تیش میں ایک درجہ کا اصافہ پیلاکردے جبکہ یا بی کی تیش ، م سنٹن کے دوں مع منعق کی ٹیس کردوں والدیمو

سنٹی گریڈ اور ، من سنتی گریڈے ورسیان مو-

حرارت نوعی - کسی جبم کی حرارت نوعی اس کی کمیت کی ایک اکائی کی
استعداد حرارت ج یا با لفاظ دیگر حرارت نوعی ده نسبت ج ج حرارت کی اُس مقدار کو جوجبم کی تیش کو اقبر از او بینے میں مطلوب ہوتی ہے حرارت کی اُس مقدار کے ساتھ ہوجو مسادی دران کے یا نی کی تیش کو ایک درجہ برایا دینے میں

در کار ہوتی ہے۔ اگر جرادت کی مقدار فرق کمیت کی ایک اکائی میں فرنت تیش کی تبدیلی سیسلا کرد سے توحادت نوعی کا ناب فرق ہوگا۔

امكونات

سول میں دو صوروں پر عور کرنا فنروری ہے (۱) جبکہ دباؤمستقل رہے اور کسی کو پھیکنے دیا جائے (۲) جبکہ مجمسقل رہے۔ ان دو صور توں میں حوارت وعی کوائم رموز جد اور جے سے تعبید یہ دکم لیناآسان ہے کہ ج ، ج سے بڑا ہے کیونکہ ہلی صورت میں حرارت جوكس كودى كئ بع كس كے بيدانے من جي كام كرتى ب اوراس كى (۱۲۲) جرنا گرر کھیلاؤ ۔ کسیس کی دی ہوئی مقدار کے بچکاؤیا بسط کا انزوریا کے بیاؤیا بسط کا انزوریا کے بی یہ ظاہر ہے کہ حرارت مطلوبہ سے مدار سے کا تفاعل ہوگی اور چونکہ سے دھ در سے کا تفاعل ہوگی اور حرکاتفاعل سے دھ در حد کاتفاعل مو کی۔اس کے پنتی سکتا ہے کہ زق = جن في زح + جن في زد اور بالهوم د = م ف عدت یا اگرگس کی دی بونی مقدار کی کمیت کو کمیت ى اكائى أما حاسكتو つ じョーコーラーコア الربادستقل بوتو فرق = ج د فرت ي جن ف زح = جرزت = جرد را من ع عن ع د جن ق زد = جم زدت = جمع کرد هند

حن في = جي ح اس لي الركوني حارت مزينجاني عاسية يني الرفرق - ، أو Ex 5 x 25 اگر جے کو ج دے ساتھ جوننبت ہے اُس کوشقل این-اگردئے تغیر باکر کے اُسے ہوجا کیں تو حاصل ہوگا · (-)= -3 جاں ہے = ج راجے ، اورنیز عال ہوگا 1-1 (7)= (3 = = = مهادات دم ج استقل ، حرم کیا دی میں حزنا گذر خطوط کی مسا وات ہے اور یہ گیس کی کسی کمیت کے جم اور اس کے وباؤ کے درمیانی ربط کو تعبیر کرتی ہے جبکہ جم میں تغیر کے وقت ناکوئی حوارت صابع ہو اور مذیبہ خیاتی ماسے۔ ہواکی کسی کمیت کے یکا یک محلاؤیا بیکاؤکی صورت میں مجی مساوات بالا درست رمتی ہے کیونکہ حرارت کے قابل قدرنقصان یا بیرو نی افدوں سے حرارت کے اکتساب کے سے کانی وقت مہیں ملا۔ بیمعلوم موگا کہ رابط بالا آواز کے نظریہ میں بہت زیادہ اہمیت رکھتا ہے۔ (۱۲۸) ۱۲۰ -ج. - ج مستقل - اصول وانان کی مده سے یہ تبایا جا سکتا ہے کہ كسى كيس كے لئے ج واور ج كافرق متقل ہوتا ہے۔ حروكيات كأيك كليدى روسےكسى نظام ميں حارت كے

استعال سے جوتوانا ئی واخل کی جاتی ہے وہ حوارت کی مقدار کے متناسب ہوتی يس ار حرارت كى اكانى كا حيلى معاول ع بو اور كيس كى اكانى كيت مي حرارت كا اصنا فه فرفت حبك دباؤ مستقل د بع تو توانا في داخل شده جوكي 3. × 6 لكن يرتواناني كيد تورئ بوئ جم يرتبش كراف بي مون بوق ب اور کھ اس تھے کے پیلا معیں۔ 3×.7, 60 = 6 , 7+3 × 7, 60 دح و ل ت 151 J=(27-7.)8 جس سے فلاہر ہے کہ ج آ - ج ج ستقل ہے -ہم اس مساوات سے دفنہ (۱۱۹) کا نینجہ حاصل کر سکتے ہیں ۔ كَوْلُدُ الْرُونَ وارت دينيان جائة وكونى تواناني واخل نهيس بولى-اور ، دو ۲+ ع × . ح ورت = . الي حد = ل ت = ع (حر - حري) ن د زر ۲ + ح فرد = ع رج - ج ع) فرت اور د فرح (جرح عرد حرف المعرد (دفع المعرد) = ٠ جس سے جو × د فرح + کے × ح فرد = . سلے کی طرح -۱۲۱ ۔ کیس کے مرناگذریجاؤیں جو کام ہوتا ہے اس کا سعادم کرنا۔ دفعہ ۱۲ میں ہم نے میان لیا تھا کہ تیش ستقل ہے یا با نفاظ ویگر میکر بجیکا ؤ

المحترض (Isothermal) معترض یہ مالت اس طرح بداکی ماشکتی ہے کہ عمل اتناست کیا ماعے کہ جو حوارت بیدا ہوئی ہے وہ اثنا ہے عمل میں الف ہوجا ہے۔ اگر بچکاؤ حرنا گذار ہو یعنی عمل کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ کوئی حرار نه صنائع جائے اور مند واخل ہواور سے اس صورت میں عملاً ہوتا ہے جبکہ یحکا و بہت سرعت سے واقع موتوالیسے بھاؤ کے لئے دفتہ (١١٩) سے پر رطاقال ہوتا ہے دہ ج = ستقل = هر جن سے ينتيج نكليا ہے كو حجم سے حجم عبي بجكانے ميں جو كام ہوتا (١٢٥) =-] دفر = = - اعر - بوز ح زمین کے کرہ ہوائی کی کل کمیت ۲ برا - زمن کے گرو ہوا اور بخار کی کمیت کا کھ اندازہ ماریما کی مدوست رکایا ماسکیا ہے۔ یمانکرکہ زمین ر نصف قطر کا ایک کرہ سے اور اس کی سطے۔ کے تمام نقطوں پر بار بیا تی ستون کا ارتفاع دہی ف ہے کرہ ہوائی کی کمیت تقریباً بارہ کی کمیت ہم ہے تر را ف کے مسادی ہے۔ فر من کروک زمین کی اوسط کتانت بن سے تب کرہ ہوائی کی کمیت : زمین کی کمیت =カーはでし 一番 中山で = سرزن: ناد لیکن یان کومعیاری شے لینے سے فر = ٤ ٥ دس اور ف تقریبًا ہ ء ہ کے مناوی معلوم کیا گیاہے۔ اور اگر ف کی تقریبی قبیت و ، و م ایخ

كرة بوالي كا وماة

101

متجانس کره بیواتی کی بلب ندی سام ا - اگر ہوا کے یورے ستون کی مرجکہ وہی کٹانت ہوتی جوزمین کی سطح برسے تواس کے ارتفاع کول اور مایہ و کے ارتفاع کو ف سے تغییر کرنے سے جاں ف ہواکی کثافت ہے۔ یہ معلوم کیا گیا ہے کرنسبت نہ ن ف تقرم ١٢ ١٠ ١: ١ ب اوراس ك كُرْشته كي طرح ف كي قيمت ٩ و ١٩ استلال رني سيّ ید معاوم ہوتا ہے کہ ل، دمیل سے سیقدر کم ہے۔ كرة بهواتى كارتفاع كى صروري حد ے کرزمین کی سطے سے کھ فاصلہ براس کی مشتش کھٹ جاتی ہے اور اس کئے بهوا كي كتافت اور دباو كهط جائے ہيں اس طرح نيتجہ بالاحقيقت سے بہت بعيد (١٢٦)

کے مجسرہ کی سنا پر زمن کی اوسط کثا نت محسوس کرنے کا سوال انکمٹ زر کیف رہا ہے۔ ج- ایخ - لوائٹنگ کے مفہول Adam's Prize Essay 1893 میں زمین کی اوسط کتافت کی قیت م مهم م و و حاصل کی گئی ہے۔سی- وی - باتیسند (C. Braun) 2 - 100 (Phil Trans. 1895)

بهركيف ارتفاع كى حداس بات كوبيش نظر كدكر معلوم كيجا سكتى سبع كه زمين-

Denkschrift d. Math. natur Klasse d. Wiener Akad, 1895 میں اس کو عدم و تا تے ہیں۔ نیز دیکھو جے۔ ایج یوا نینگ کا مفہون Gravitation constant and mean density of the Earth, Encycl, Brit, eleventh edition.

مركزے ایک خاص فاصلے يراس كى مشش ہوا كے ذرول كووارى موادون ركھنے كے نا قابل ہوگ- لیکن فرروں کا ان مداروں کو مرضم کرنا صروری ہے تاکہ اصافی توازن خطائ اریر جلرسار، 3 کے سادی ہے جا ں سہ زین کی واوئ رفتارے اوراس کئے کا ارتفاع پر وہ قوست جو ہوا کے درہ کیسک کے انے دائری مرکت میں رکنے کے لئے در کار ہو گ ج (ر + ی) / ۲۸۹ رکے ساوی ہوگی- اسی ارتفاع پر زمین کی سفش 1(S+1) = اوراس کے انتہائی ارتفاع ماوات زئی سے عاش روگا 17A9 = ((5+1) 1- 40 1 1= 5 ین کا ورسے کسیقدر بڑا ہے۔ مكن سے كريدارتفاع اصلى ارتفاع سے بہت زيادہ ہو كيونكر غارول بين تجرابت كى ينا يرمعلوم بواس كادير جراب وتت بواكي بين بهت زياد ورعست كے ساتھ كھٹتى جا ان ہے اوراس كے يہ بالكل مكن سے كہ هرسے كم ارتفاع يرموا بيجام دي كي وجرس الح بن تدمل موكني مواور اس كي اسكي بروني سط اليسى صورت بين أسى تسمى كى موكى جن تسمى عير ليكدار سيالون كى سطيس مواكرتى ايس باربياك وزنعدارتفاعول كامعلوم كرنا ١٢١ - باريما كے سيان ستون كے ارتفاع اورسط مندر كے اويراس آلے ارتفاع کے درسیان ربط قائم کرتے وقت ہمیں کرہ ہوائی کی تبیش کے متعلق ایک مفروضة فائم كرلينا حاسيتي

اول فرض کرد کر تیش مستقل ہے اور ی الد تفاع پر دباؤاورکثافت د، ف سے تعیرہوتے ہیں اور ی ارتفاع پران کی قیمتیں کر ا نے ہیں - تب توازن کی مساورتیں ہوئی زر = - ج ف زی و = رو = م 131 م وک د = مرعی لوک ب = ق (ی - ی) نیز اگرفت، ت سے دومقامت بیر کے بار پیاؤں کے ارتفاع تعبیرہوں (۱۲۷) ادران مقانات کے ارتفاع ی ادری ہول تو ئ-ى = م لوك د = م لوك في (١) ارتیش ستقل نه دو تو فرص کردکدان دو شامات ترمیشین د، نه بس -اب اگران دومقالت کی مبندیوں کے درسیان، اوسط یکسال تبش ت = الله عنه كا مفرومنه اختياركيا ماسئ تو د اور دي بن ربط د = م ف × (١+ عدت) عامل موكا اور ساوات (١) بوجائلي ى-ى= ج (ا + الم عد (ت + قد) كوك في ... (١) اوراگر دونوں مقامات پر بار پیاؤ سے اندرونی بارہ کی تمیشوں کے زق کو بھی ملحوظ رکھا جائے تو دفعہ (۱۰۹)سے $\frac{c}{\delta} = \frac{\cot(1-d_1\pi)}{\cot(1-d_1\pi)} \quad \text{all } d_1 = 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1$ اورساوات (۲) بوجائگی

178 ___ بیکن اگرسطے زمین کے او برارتفاع کا فی زیادہ ہوں تو یہ صروری ہے کہ زمین کے مرکز سے مختلف فاصلول برعاذبہ ارض کے تغیرکو بھی کموظ رکھا جائے۔ اس کے ہم زیادہ چیج صالبطہ کی تلامش کرتے ہیں۔ فرض کردکہ سطح بحریہ حاذبہ ار ص کا نا ہے ج ہے اور زمین کا تضف قطرر ہے زارتفاع ی برتجا ذی توت 115+110 سے نایی عائیگی - اور توازن کی مساوات موگی فرد = - ج رزي بدف فري نزم جانتے ہیں کہ د = م نف (۱ + عد ت) اور بہاں یہ و کھے لیٹ مزوری ہے کہ د در حقیقت ہوا کے دباؤ اور آبی تخار (جو ہوا میں شال ہے) کے دباؤکا محبوعہ ہے۔ یس اگرا بی بخار کی مخافت نے ہوتو و ذیل کی شکل کی دومقداروں کا محبوعہ ہو گا م ف (ا+ عرت) + م ف (ا+ عرت) اوراس کے مساوات إلى مقدار م ف ورهيقت وو مقدارول م ف) اوراس کے مساوات إلى مقدار م ف ف م ف كالمجوع بعج على الترتيب اوا اورانى بخارك جواب يس بيس-اويركى دومساواتول سنن بين حاصل موكا <u> فرد</u> = - ا ح را فری ا ا ج را فری ا ا ج را فری ا ا ج را فری ا

ا بوری معت کے لحاظ سے یہ بہتر ہوگاکہ م من کی بجائے م من مکما مائے جال من خالص ہواکی کٹافت ہے۔

اور گذشت کی طرح ہم سے کومستقل اور ان دو مقالت برکی تبیثوں کے اوسط کے مساوی انہیں کے اُ۔ محمل سے 9 EL 1 = 1 57 + A 50(20-2) فرض کروکہ گذشت کی طرح اور کے مشایدہ کردہ ارتفاع ف افت اور تبیثیں ت ا يا يس - تب يونكه مى ارتفاع ير جاذبه ار صلى قوت مقدار الم المات سے ناپی جاتی ہے اسلئے و= 30 فن (١-طة) رَ = عَالَى الْمَ الْمَالِمَ الْمُ الْمَ الْمَالِمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْمُ الْم (r) $\frac{5}{1-d-1}$ $\frac{7}{1-d-1}$ $\frac{7}{1-d-1}$ اب جونكه طرابك بهت حقوتي مقدارس اسك ى-ى = م (١+ع ت) (١+ع) (١+ع) (١٠٤) [لوكر ق + ٢ لوكر ١+ع - مط (دّ من) الم جاں مہ = لوک، و = ۲۹ ۲۹ ۲۹ ۲۹ ۲۹ ۱۱ اس منابطہ سے اگری معلوم ہوتو می کی فیمت محسوب کیجاسکتی ہے ۔ اگریجا مقام سطح بحرکے توبیب داقع ہوتو می ہ دی اور

١٢٤ _ كُرسند تحقيقات مين بم في سطح زين كي مخلف حصول برطافه ارض کے تغیر کا کوئی محاظ بہیں کیا ہے۔ زمین کی کرہ نمائی شکل اور اپنے نحور کے گرہ اس كى كروش كى وجرسے جاؤب ارض كى تات كى تيت مختلف عرص لجديم مختلف ہوتی ہے اور زمین کے چھلے کی ساخت کے باعث زبین اورسمندریر (١٢٩) اس كي قيمت مختلف موتي سے اور نيزيد معلوم كيا گيا ہے كہ بحرى چھو ئے جزبروں يربراعظون كى بانسبت اس كى قيت دياده بواتى الى -ج کی اوسط فیت کے لیے ایک حد مفالط

ع = ١٩٠١ م ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ م م م وجب ق - ٤ وحب ام في المرتانيا

ع = ۲۲۲ و ۱ م ۱ ۱ - ۲ ۲ ۲ م ۱ د د د د د د د و جم ۲ فد) سر المانية حاصل ہوا ہے جہاں و عرص بلدے اور خطائسنوا اور عرض بلدہ م یرج کی يمتيل الترتيب ٢٧٠ و ٥٠١٩ اور ١٣٠ و ٩٨٠ ميل -

اگریم ع= ۲ د ۱۰ ۹۸ (۱-۱۹ ۲۴ ۰۰ ۶ جم ۶ فر) لیل ق ی کے لئے جانری جلر ہم نے ماصل کیا ہے وہ ہوجا لیگا

- ٧٠ طر (ت - ت) } (١٦) ان منابطوں میں مبیاکہ ممنے اور دیجھا ہے م کی قیمت ہوا کے آبی خار کی مقدار پر منحصر موتی ہے لیکن آگر ہوا کو خشک فرفن کیا جائے تو صا بطہ موگا و = م ف (ا + ع ت) اب اگرموا ، سنتی گرید میش پرمواوراس کا دیاو ٠ ١ ٤ كلى ميشرياره كے مساوى موتوم ن = د = ٠ ٢ ٤ ج نه ١

> Handbuch der Physik, A. Winkelmaner, Leipzig, 1908, p. 4792 Figure of the Farth by A. R. Clerk and F. R. Helmert in the Encycl . Brit. Eleventh Edition

اسكونات

حمان نه ماره کی کتافت ہے۔

خ/ف = ۱۰۴ م۱۰ سيخب

ه = ۲۰ × ۲۴ م ۱ ج ملي ميشر = ۱۱ د ۱ ه ۹ ه ع مير

اس عمر م / ١٥٠٨ - ١٠٠٨ مير بوط دع كا- ليكن ال

آبی تجار کو بالکل نظر انداز کردیا گیا ہے اور م کی ایسی تمیت جرست به کرده عقایق کے زیادہ سطابی شینجے پیدارتی ہے ۲ د ۲ و ۲ و کے جس سے ماس ہوگا

1A PP4 = - 14 NA 14

صابطہ (م) سے معلوم کرنے کیلئے اول اس کی تقریبی قبیت ماوات

کے بائیں جانب میں می کو نظرانداز کر کے معلوم کرنی عابیتے۔ بھراگراس تقریبی

قمت کواس ساوات کے بائیں مان میں استعال کیا مائے تری کی زیادہ

صحیح قیمت حاصل ہوگی۔ اس عمل کو مبغرط صرورت بھر دہرایا جاسکتا ہے۔ کا ۱۲ ۔۔۔ دوسری صحیحات بھی صروری ہیں جب کہ عملی طور پر بار بیا کے درسید ارتفاعوں کا کھیاک معلوم کرنا مطلوب ہو۔ مثلاً م کی فیمت

اس و صبعے تھی برلجاتی ہے کہ دی ہوئی تیش اور داؤیر آبی بخار کی کتا فت

خفک ہواکی کٹانت سے جوانبی حالات کے زیر انز ہو کم ہواکر تی ہے اور

آبی نجارکا تناسب خشک ہوا کے ساتھ دو مقامات پر مختلف ہوسکتا ہے۔ (۱۳۰)

ادر بالعموم مختلف ہوتا ہے۔ علادہ بریں اگراو پر والا مقام زمین کی سطح مرتفع کے کسی حصد پر ہوتو زمن کے اس حصہ کی تشمیش کو بھی محسوب کرنا جا ہے جو اس کی ادسط سطح کے اوپر ے۔اس کشمشر کا اڑے ہوگا کہ مقدار ج وا/ (ر + ی) میں بعت در

اسكونيات

سے ی / ہر کے امناف ہوجائے گا۔ اس طرح ی ارتفاع یہ جاذب کی قوت الخاب (50 m + 50 m) يا تقريباً ج (- ٥ مي) (Routh, Analytical Statics II P. 12) اس صورت میں دیے لئے مساوات ماصل موگی ور = - ع [- - ع في الله المراكة اوراس للئ اگر نجلا مقام سطح تجرير موتو ٩ (١+ع ت) لوك ق = ع ى (١- هي) 5 SI((50+1)((-1 = +1)) = 6 وفعہ (۱۲۵) کی مساوات (۲) کی کائے ہیں ساوات $\left(\frac{(3+b-1)}{(3+b-1)}\left(\frac{(5a+1)}{(5a+1)}\right) = \frac{5}{3}$ عاصل ہو گی۔ اور ی کے عاصل کرنے کے لئے آخری مسا واست وفعہ (۱۲۹) ك ساوات (م) بن ا+ ى كى كائے ا + هى درج كرنے سے عامل ہوگی۔ یہ معلوم رہے کہ لوک (ا + میل) تقریبًا ٢ لوک (ا + میل) یہ قابل توجہ ہے کہ اگر می اور رکو میروں میں نایاجائے تو ی = ۱۵۷ ی تقریباً

اس طرح ہے کو نظر انداز کرنے سے جو غلطی واقع ہوگی وہ عام طور بچو ٹی ہوگی۔
حسیال کی جاتا ہے کہ اس سے کا ضا بیلسب سے پہلے لاپلاس نے بیان کیا ہے

۱۲۸ ۔ یہ بھی معلوم رہے کہ بار بیا کے اندر کے بارہ کی تیش کو ہم نے وہی

مائے جواس کے گرد کی ہوائی ہے ۔ لیکن بعض صور توں میں مثلاً جبکہ ہوائی جہاز

میں سفا بوات لئے جائیں تو یہ مکن سے کہ بار بیما ایک ہی مقام پر است عوصه

میں سفا بوات لئے جائیں تو یہ مکن سے کہ بار بیما ایک ہی مقام پر است عوصه

میں سفا بوات کے مساوی تبیش اس کے گرد کی ہوائی تبیش کے مساوی ہوجائے

بارہ کی تبیش ہر طال تبیش بیا کے ذریعہ وریافت ہوسکتی ہے جب اس کے جو فہ کو

بار بیا نے حوصٰ میں رکھا جائے ۔ اس طرح سے بارہ کی جو بیفیں صاصل ہوگی انکو

وففہ (۱۲۵) کی سیا وات (۲) میں استعال کرنا ہوگا۔

مارہ کی کیون نے اس کو اس طرح بیان کیا ہے " جب سیال کے تمام حصے لیمیں

لارڈ کیلون نے اس کو اس طرح بیان کیا ہے " جب سیال کے تمام حصے لیمیں

لارڈ کیلون نے اس کو اس طرح بیان کیا ہے " دب سیال کے تمام حصے لیمیں

کرسیال کی تبیش حملی توازن کی حالت میں ہے " اس حالت میں ہو آئی مساوی کمیتوں کو حوارت کی سیا کہ بین میں ہو تا ہے کہ اگر مختلف ہموار سطحوں پر کی ہوا کی مساوی کمیتوں کو حوارت کی کسب

یازیان کے بغیر ایس میں سرال کر دیا جا سے او وہ صرف دباؤکٹافت اور تعیث محاتبا دل كرين كے اور تجفيد ، مجموعي كونى تبديلي مذہبوگى - اس ملتے اس صورت میں نرکورہ بالاسیا واتیں ہوجائیں گی زد = - ج ف زی (۱) ريم ف اور ديل ف س ى ارتفاع برمطلق تبيش كوست تغييرك اسدے -م ج ف ج- ا فرف = - ج فرى ادر حمل سے جال مط بحرر مطلق تبث وست بعبر رتا ہے۔ = - <u>q - 1</u> × <u>50</u> ادراگر متحالنس کره کا ارتفاع کھ ہوتو ل ف ت = د = ه ف (r).....(r) ارساوات (۱۱) یس جی کیائے جزا/ (ربی) رکھا مائے تو گوشت کیون

(m) (2) × 1- - - | = (2)

تكمل ادر إندراج سے ہيں عاصل ہوگا

(1PP)

١٢٩ __ زيل کي دو شالول سے باب بذاكے اصولوں کي توضيح ہوتی ہے۔ (١) الك ب وزن فشاره ابك انتصابي اسطواند مين محيك بعيا ہے۔ اسطوانہ کا تا عدہ بند ہے اور اس میں ہوا بھری ہوئی ہے۔ فتارہ ابتداً اسطوانہ کی بڑد کی یا سرے پر ہے۔ اگر فشار ہے کے سرے پر آہمے آست یانی ڈالاجائے و معلوم کروکہ با ہر بہہ جائے کے بیٹیر کتنا بانی ڈالاماسکیا فرمن كردكد اسطوانه كا ارتفاع و ب اور فشاره جس كمران تك ينج جاتا ہے وہ ی سے۔ تب توازن کے محل میں اسطوانہ کی اندروتی جوا کا دباؤ m + ج ف ى بوگا- جال كره بوائى كا دباؤ m ادرياني كى كتافت ف ب-ليكن ، يه وباؤ: ١١ = ١ : ١ - ى G = 2+ T = 0 T فرض کروکہ آبی باریما کا ارتف ع ک ہے۔ J & E = TT (6+3)(6-1)= J-1 1 1 .= 5 اس لئے جب تک کراسطوانہ کا ارتفاع ک سے بڑا نہ ہویا نی واخل ہنیں كيا ما سكتا- كيونكه بالفرص الرفشارك كوينيج دباكرهي اس برياني دالا جاسك تونيح كى بهوا كا دبا و فشارے كوا تھا ديگا۔ منفی حل کو، جبکہ احراک ، یوں خوال کیا جاسکتا ہے کہ یہ ایک مختلف سوال کا حل ہے جس سے بہی جمری مساوات قائم ہوتی ہے۔ فرض کروکہ اسطوانہ فضارہ کے اور بڑایا گیا ہے اور فشارہ کو ایک ایسی قرب سے بقدری فاصلہ کے اوپر اعقانا مقصورے جواس یانی کے وزن کے مساوی سے جواس اسطوان میں ی ارتفاع یک بحرا جاسکتا ہے۔ اس سے مساوات بیدا ہوتی ہے

$$\frac{1}{\pi} = \frac{1}{(2+3)} = \frac{1}$$

غباره کازیاده سے زیاده ارتفاع فری

ر کھنے سے حاصل ہو گا۔ اور اگر عنبارہ کی اوسط کنا فت اور ہوا کی اوسط کنا فت یس بہت عفورا فرق ہو تو سی چھوٹا ہوگا اور ایک نقریبی تیمت معلوم کیجاسکتی ہے۔ امنیل

(۱)-اگر مواکی گنافت اصافی س۱۰۰ و اور باره کی ۹ ه و سرا به و اور اگر باریما کا ارتفاع ۴۰۰ این موتونا بت کرد که مشقل هم کی قیمت تقریباً ۴۰۰ ۱۰ به بوالی حبکه طول اور و قت کی اکا ئیال فی اور نافیه بین (۲) - ۵ و ۵ اسنتی گری برخشک بوا کے ایک فینز کا وزن ۱۶۲۰ گرام سیم جبکه بار بیا کا ارتفاع ۴۰ کی میتر سیم - اس تبیش برآبی نجار کا وباؤ باره کے ۱۶۲ کی میتر سیم حبکه بار بیا کا ارتفاع ۴۰ کی میتر سیم - اور اس کی کنافت کو اس تعبیش اور دباؤ برگی خشک بواکی گنافت کے مسادی ہے اور اس کی کنافت کو اس تعبیش اور دباؤ برگی خشک بواکی گنافت کے ساتھ وہی نسبت سے جو ۵ کو ۸ کے ساتھ سے - ایک لینر ہواکا وزن معلوم کر و حب اس کو ندکورہ بالا تیش اور دباؤ

پرآبی نخارسے سیرے کہ ویا جائے۔ (س)۔ ایک ناقص بار بیما کے ارتفاع ۲۹۶۲ اور ۳۰ اینج ہیں جبکہ صحیح آلد کے ارتفاع نم روم اور سور سے ہیں۔ ناقص بار بیما کی نلی کا دہ طول معلوم کروجس کواس کے اندر کی ہوا ۳۰ اینج دباؤے زیر انٹر پڑ

کردے گی۔ ا (۲) - کرہ ہوائی کی ایک کمب گر ہواکو ایک ظرف میں حبط جم ایک کمنب فٹ ہے بچکا گیا ہے۔ ہارہا کا ارتفاع ، سائٹ ہے۔ جمع سندہ کو آنائی کا عدوی نا پ نقریباً معلوم کرو جبکہ یارہ کی کٹا فت اصافی لمحاظیا بی سے کا عدوی نا پ نقریباً معلوم کرو جبکہ یارہ کی کٹا فت اصافی لمحاظیا بی سے ۱۹۵۹ کریں ہے۔ ۱۹۵۹ کریں ہے۔ ۱۹۵۹ کریں جبکہ (۵) - ایک بالکل میچے میابی بارہیا کے ارتفاع عمر اور ہو ہیں جبکہ

اک اقص إريا كے متناظرارتفاع جس مي کھھ ہوا ہے و اور ب ہي۔ غایت کرو که اگر ناقص باریها کا ارتفاع ت<mark>ح م</mark>وتو (-1)(4-1)(1-5) (4-1)(6-4)-(1-1)(6-1) كى صحت دركار موكى-(٩) - الرئين ياكواك الع من جن كي تيش معلوم كالمطلوب ع جزء وبو وبا الم اوراس سے تیش ت کا اطبار مو جیکہ مواکی تیش تام اور مينس باكا غيرع ق شده حدم درج بوتو نابت كروك م (ت - ت) ى صحت دركار بوكى اكرتيش يا كے اندرونی ياره كا يحيلاؤ حرارت كے اوكے به به و وفن کرایا گیا ہے کہ برصدیں بارہ کی تبہ ش اس صدکو کھیرنے زالی شے کی ننیش کے مسادی ہے ۔ (ع) ایک بندانتها بی اسطوان کے اندرحملی تراش کارتبہ ایک ہے ووزن کا ایک فشارہ ہے۔ بتدا منتارہ اسطوان کے وسطیں ہے اور اس کے نیجے اور اویر کی نفنا سیرشده مواسے بھری ہو گئے۔ اگر نشارہ کو اینے حال پر حمور و یا جائے تودہ ابتدائ ارتفاع كا نفست فيج الرّايا الى- تابت كروكر سيرسفده بخار کا تناؤ سودس سے بوگ جہاں کرہ ہوائی کا داؤ سے - اس عمل کے ابتدا ادر اختیام پرتیش وہی فرض کرلی گئی ہے۔ (۸) انتصابی باریمائی نلی بنائی گئی ہے جس کے اویر کا مصدمرے پر بندکر دیا گیا ہے۔ اس حصد کی تراض کا رقبہ والے ہے۔ باریما کا ورمیانی حصہ اک جو فد سے جس کا مجھ ب اسے اور پیلے کے تخلے حصد کی تراش کا رقبہ ج ا من اوراس کا بیندا کھلا مواہے۔ جو فہ تو یارہ سے بھرا مواہے لیکن نلی کے غلے اور اویر کے حصوں میں بارہ جزء جرا ہوا ہے۔ بارہ کو سے سے ما براکل بڑے سے ایک جکتی کے در بعد رو کا گیا ہے جو آزا وانہ بنتیے

(177)

لمتی سے اور جس پر ہوا کا د بازعمل کرتا ہے۔ نلی کے بالا بی حصت میں خلا ہے۔ سابی ستون کے نیلے اور اوپر کے سروں محے محل میں تغیر ارو جبك كرة موائى كے دباؤس دباموا تغير واقع مو-لے اندرونی کل اره کا جج هے جہ مرد جہاں ارسا کا ارتفاع ه ہے تو ہے تھی نابت کروکہ اویر کی اسطواني ظرت غواص ياني من الدو بتاس يهان ك اس کے کچے حصد کے میں ہوایا تی رہتی ہے۔ اس محل میں ہوا کی کچے مقدار اس میں س کا مجھر کا ہوائی کے دیرائر م سے معلوم کروکہ غواص نیچے ڈو بنا جا ہے کہ اس کے اندر کی کل ہوا کا جمرا تنا ہی بوطے لئے شرط درمافت کروکہ کل اول میں جب ہوا زورسے واسل ب طرف ایسی سطح کی شکل کا ہے جبکی تکوین مکانی کی ایک توس کو جوراس برختم ہو جاتی ہے اپنے محور کے گرد کھانے سے ہو نی ہے۔ اس ظرف لو سیجے وارمد کے ساتھ بارہ کے ایک برتن میں ڈبویا گیا ہے۔ نابت کرو کاظرت اندر کی ہوا کا دباؤاس فاصلے کے مربع کے تناسب معکوس میں ہوگا جوظوف راس اور اندرونی یارہ کی سطح کے درمیان ہے۔ یمزی فرمن رکے کوفرت کے کے طول کو باریما کے ارتفاع کے ساتھ وہی سنب سے جو مم کو م کے ساتھ ہے ظرف کے اندرونی پارہ کی سطے کی گہرا کی معلوم کرو جبکہ ظرف عين بوري طرح عرق ہو-ب ب وزن فشاره ایک انتصابی اسطوانه میں ملما اسطوار کا فاعدہ بندہے اور اس میں ہوا تھری ہوئی ہے۔ ابتدا نسٹ اسطوانہ کے سرے برہے۔ اگریانی فشارہ کے سرے برا جستہ آجتہ ڈالاجائے تر تا بت کرد کہ یا نی کی اوپر کی سطح زیرترین ہوگی جب کہ یا نی کی گہرا نی ہا<u>(وت)</u> - ف جو جبال آبن إربيا كاارتفاع ف ب اور اسطوانه كاارتفاع ال-

(۱۲) باریما کاار تفاع ۸۸ د ۲۹ ایخ ہے اور تیش یما نقط سنت تم سرسے باریبا اور یا نی کے ایک بیالہ کو قابلہ میں رکھدیا گیا ہے جس سے ہوا لفارج كردى كئي سے-اب باربياكا ارتفاع ١٠٩٠ انخ بوطاتا ہے-كره بواتى كى بواكا ديا ہوا جم جنى حكم كھيرا ہے اس كومعلوم كرو اگراس سے اس كے وا و اور تیش کی تبدیلی کے بغیراس کا بخار خارج کرویا حاسے ۔ سال ایام سیدی فی ایک سرے رسندووس یر صلی ایاب محورے کرو جو اس کو زاویہ قائد پرملنا ہے ستقل زاو فی رفیارے کھوم رہی ہے۔ جاذبہ ارض کے عمل کو نظر انداز کر کے نلی کے اندرونی بواکی کتا فات کسی نقط برمعلوم کرو۔ (۱۲۷) یکسال سوراخ کی اماک خمیده الی کے با در اماک دوسرے على الفوائم ہیں۔ یہ نلی ایسے انتقابی بازو کے گروجس کا سرایا بی ہیں عوق ہے مستقل زاو کی رفتار سدسے گھوم رہی ہے۔ تابت کروکدا شھابی بارومین ہیں۔ ارتفاع تک یائی چڑھیگا وہ ہو گا で (1- 6 大点) جال انقي با زو كاطول و/ كره بهوا في كا دباؤ ١٠٠٠ يا في كي تحافت دف سے اور م وہ نسبت ہے جو کرہ ہوائی کے وباؤکو اس کی کتافت کے ساتھ ہے (١٥) والفعن قطري مكسيال تيلي والري نلي جسس مين مواس المحور کے کروزاو کی رفار سے سے مکوم رہی ہے بیمحور نلی کے مستوی میں واقع رہ عود) ہے اور اس کا فاصلہ علی کے مرز سے ج ہے ہوا کے ورن کو نظر انداز کرکے كسى تنظرير كا د باؤ معلوم كرو- اكرج ، لاست كم بوا دراعظم اور افتسل دباؤ و اور که جول ټونابت کروکه

وک جے = سنم (۱ + ج) کا اگر و مقالات کے بار بیلی فی ارتفاعوں کے لوکار تموں کے وق کو سے ضرب دیا جائے تو ٹابت کردکہ اس سے تخیفاً وہ فرق حاصل ہو گا جوان مقامات کے ارتفاعول میں ہے جبکہ ان ارتفاعول کوفی مول (Fathoms) میں نا پاجائے۔ میں نا پاجائے۔

(۱۷) - اور ت محم کے دو غیر موصل ظرف ہوا سے بھرے ہوئے ہیں ان میں ہوا کے دباؤ کا آت ہیں اور تیشیں ت ان کے اگر ہوا کی اِن کمینوں کو سے مجم کے ایک غیر موصل برتن میں ملا دیا جائے تو اسمیزہ کا دباؤ

روم اور الفق نلی اور اس نلی کے افر الله بلیل، ہوائے ور الفق نلی کے افر الله بلیل، ہوائی ور الفق نلی سے الا دیے گئے ہیں اور اس نلی کے افر الا تیب الله بلیل، ہوائی ور ساوی حصول میں تقسیم کرتا ہے جونوں کو علی الترتیب مت ورجے اور ت ورج بک گراکر بلیلے کے مقام میں مٹاؤ بیدا کیا گیا ہے اگر ہرجو فدکی تبیش کو بقدر ت درجے کے گئا دیا جائے تو نابت کروکہ بلیلہ میں مزید ہٹا و ببیدا ہوگا جوابت دائی ہٹاؤ کے ساعة

كى سنبت ركبيكا جياں مصلاد كى مغرح عدب -

(۱۹)-ایک لچگدارکروئی گفافہ کے گرو ہوا ہے جو بخارسے سیم خدہ ہے۔
اگراس کی افدرونی ہوا کا دباؤ کرہ ہوائی کے دباؤ کا دوچند ہونا تو اس کا لفف تطر
ایسنے اصلی نصف قطر کا دوچند ہو جاتا اور اگراس کے اندرا کرہ ہوائی کے دباؤ کر جو سنتی ہوا ساسکتی ہے اس کے یہ کنا ہوا ہوتی تو اس کا لفف قطرا ہے ناملی نصف قطرا ہے اصلی نصف قطرکا سناؤ ایسے اصلی نصف قطرکا سناؤ ایسے اصلی نصف قطرکا سناؤ ایسے بدلتا ہے جو سنطے کا پھیلاؤ نابت کروکہ ہوا کے دباؤ کا اللہ حصر بخار کے دباؤ کی وجہ سے ہے جواس میں شامل ہے۔

(۲۰) - ایک مخروطی خول کو زاوید البسس به اور ارتفاع ف اسے اس میں اس کے وزن کا دو چندیا ہی سائٹ اے اس کو او دھاکر کے رائس اوپر کی طاف ہو) انتصابی محرر کے سائٹ یا بی میں ڈوریا گیا ہے اور پھریا نی کو زاو نی رفنار (٤٣٠) سے گھایا گیاہے ۔ کھانے کی سے اور پھریا نی کو زاو نی رفنار (٤٣٠) سے گھایا گیاہے ۔ کھانے کی

رج سے تو وطیانی میں اس قدر ڈوب جاتا ہے کہ اس کا راس یا نی کی سطیب ہوتا ہے۔ تا بت کرد کہ آبی بار بیا کے ارتفاع کو مخروط کے ارتفاع سے دہی سبت ہے بوس کر اللہ کے سے ہے۔

ر ۲۱) ایک چھوٹے غبارہ میں ہوا ہے اور ۱۰۰ گرین سیسہ اس کے سکھ بندھا ہوا ہے۔ اس کے لفافہ کی وہی کتافت ہے جو پائی کی ہے۔ سیسہ سیت اس کوپائی میں ڈبوا گیا ہے۔ اگر پائی کی تیش اور کرہ ہوائی کے دباؤیر غبارہ میں ایک کمعب ایخ ہوا ساسطے توکتنی گہرائی سک اس کو ڈبونا پڑے کا کر پرغیر قائم توازن کے محل میں آجا ہے جبکہ آئی بار پیما کا ارتفاع سوسا فیٹ ہوا در یہ

اور المراس اورا نتھا بی محور کے ساتھ وٹو ایا گی کتا فت = ۱:۰۰ ہم: ۱۹۰ میں اللہ بین ایک کیسال شوس مکا فی نماسے اس کا نصف جم علیے ہ کرمکانی نا اللہ بین یا گیا ہے اس طور رکواس کا اندر و نی اعاظمہ ایک مساوی ہم محرمکانی نا ہے جب کاراس قبل الذکر مکانی نمائے ماسکہ پر ہے ۔ پیالہ سے یال میں اور انتھا بی محور کے ساتھ وٹویا گیا ہے اور پنچے سے اتنی گیس اور انتھا بی محور کے ساتھ وٹویا گیا ہے اور پنچے سے اتنی گیس فلایس داول کی گئی ہے کہ راس سیال کی سطح میں اُٹھ آتا ہے اب اگر پیا نے کے اندر و نی احاط کی نصف گہرائی تک با تی ہوتو نابت کرد کہ سیال تی کتا فت مکانی نمائی کتا فت

(۲۳) اگرہوا کا دہا وائیسے بدلے جسے اس کی کتا نت کی (۱+ ہے) دیں قرت تو بیش اور جا ذہ الدین کے تغیرات کو نظر انداز کرکے نابت کرو کہ کوہ ہوائی کی بدندی متجان کرہ ہوائی کی بدندی کا (م + ۱) گنا ہوگی ۔
کی بدندی متجان کرہ ہوائی کی بدندی کا (م + ۱) گنا ہوگی ۔
اسطوانہ کی عمود می تراش کی ختارہ ایک انتصابی اسطوانہ میں ساکن ہے اور نشارہ ہوا کے ستون کی گہرائی کو سے متحام ہوا ہے ۔ فتارہ کے ڈندے برایک انتصابی دھکری بڑا ہے جس سے فشارہ نقدر من فاصلے کے شیخے علاجاتا ہے۔ فابت کروکہ

(144)

امتله

(و+ ال) إن + ال لوك (١- ف) + ع ق = ٠

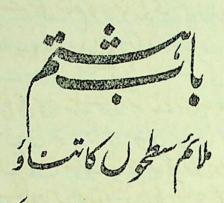
Pog

جاں کرہ موائی کا دہاؤہ آہے۔ ۲۵ — ایک کروی عبارے کا نصف قط رہے اور اس میں گیس کی کچے مقدار ہے حبکی کتافت سطح زمین رہے کرہ ہوائی کے دہاؤ دیر نہ ہے - اگر غبارہ سناؤ ت کو عیں سبنھا لیے نے قابل ہو نہ ثابت کرد کہ یہ پہلے جائے گا اگراس کی فیار اتنی ہوجائے جستی

۲۷ - اگرار میما کی درجہ بندی کے بعد ہوا کا ایک خفف جم ح کپارہ کے اوپر کے خلایس داخل کیا جائے اور تبش غیر متغیر رہے تو تابت کو کوکسی مشاہرہ نظارہ ارتفاع ن کے لئے

ف براء ن) (ف = ف) برائی کی تراش کارتوب ید است کی تراش کارتوب کی تراش کارتوب ید است کارتوب کی تراش کارتوب ید اور ج اس خلا کا طول سے جونا قص بار بیا کے دو سرے مشاہدہ سفدہ

ارتفاع ف کے جواب میں ہے۔ ۲۸ — اگر کرہ ہوائی کی تبیش بلندی کے ساتھ کِساں طور پر گھٹتی فرض کی طب تو ثابت کروکسطے بحرسے کسی مقام کا ارتفاع ی = 1 (1- (0)-1) جہاں اس تفام پر اور سطح بحر بربار پہا کے ارتفاع بالترتیب ف، ف، بیں اور ان مستقل ہیں۔ او، م مستقل ہیں۔ ۲۹ — حملی توازن کی حالت میں نابت کردکہ کرہ ہوائی کی نیش او پر دار کیسا مغرج سے محملتی جائے گی۔ اس خرج کوسنتی گرائے کے درجوں میں نی ۱۰۰ میٹر معلوم ار جيگه حب ويل بايش معلوم ہون:-اريم كا ارتفاع = ١٠٤٠ تَیشِ (مطلق) =۲۷۲° سنتی گریش مواكى ڭافت = ١٢٩ - ٠٠ باره کی کثافت = ۲۰ و س نوعی حرارتوں کی نسبت (صر) = ۲ م را (س-گ، ف نظامیس)-



(147)

) کے توازن کے عادمے Flexible surfaces Mecanique Analytique Tom. I ے - ہم أس باب ميں فاص قسم كے سوالات يروزكرس كے جوعام صورت تے ہیں بینی ایسے سوالات پر جو لائم سطوں پرسالات کے علی سے ہم جانتے ہیں کہ سیال کا داؤکسی مطح پر جو سیال کے ساتھ تاس رکھنی ہو اس سطح کی عما دی سب میں عمل کرتا ہے اس سکتے فی الحقیقت ہمیں الیسی ملائم سطحوں کے قوازن پر غور کرنا ہوگا جوعادی دباؤں اور ان کو محدود کرنے والے اور بتلا کا غذ جن کو مورط نے میں کوئی قابل کت در خراحمت محسوس نہیں ہوتی اور جومور کے۔ یا مراور سنے کے بحد اپنی ابتدائی شکل پر لوٹنے کا میلان بہنیں رکھتیں۔ کال طور ب لا تم تطحول کوخواه وه امتدادیذیر (Extensible) ہوں یا متدار نا پذیر الجائیکہ خیال کیا جائے گا -دفعات ذیل میں ہم یہ فرص کریں سے کہ وائ سطے کے کسی دو مصول کے درمیا کراہے اس کی ست سطے کے با تعلیم نماس ہے ۔

الك المائم اورسك ليكسد سطح يرعوركروجوتناوكي عالت مين سيع فواه يسطح استداد بزربولا امتداد المذيراور فرض كرو كفط ن ين سے كذر في والے كسى عادى مستوى سے بوراش ماصل ہوتی ہے اس كى ايك جو في توس دن ن ج - اب اگرخط ق ق سے محدود ہو سے والی سطح کے حصول سے درسان ماصل عمل ت × ق ق بو بو مماسی مستوی میں ق ق بر عود رہے تو نقط ن يرك تناوكاناب ت بموكاء بدانفاظ و كر نقط ن يرك تناوكي شيح ت ہے یا وہ قوت جواس شئے کی ایسی واش پرعمل کریٹی جسکاطول اکائی ہے جوہر جرُ البی حالت تناؤیں ہے جیسی کدن پر کی سطح -عام طور يرسطح كان حصول كے ورميان من كو ق فى عليحده كرا سے جو زور عمل كرسك كا وه ف ق ك محود وارتبس بوكا ادراس ك وه تنا و ت اون برق اور قوت مد × ق ق كا عاصل بوگا جال قوت مد × ق ق منحني ف ق ك عاس کی ست میں عل کرتی ہے اور شاسی قسم کی ایک مقدار ہے جیسی کرت ہے اوراس کی پیمالیت سے اسی طرح ہوتی ستے۔ (١٢٨) العا- الك غاف قاع مستدم اسطوات كي شكل كاستعبر كي منحني سطح مل كل ا ورحب کا محورانتصا بی اسے ۔ اس ظرت میں سیال سے ۔ کسی نقط پر -تناؤا وروباؤ کے در میان ربط معلوم کرنا مطلوب سے -فرمن کرد کرسطح کا ایک جھوٹا حسب ن ق سے جو دومتولوں کے درمیان جو محور پرعود وارای اوراسطوانے کے دو کم وں کے درمیان محدود ہے۔ فرض کروکہ ن ق کے کسی نقطہ يرافقي نتاوُ ت اور وباؤ د سے يتب سطح کا عفر ن ق ذیل کی قر تول کے

زيرعلى متوازن بوكا: - عما دى و إو و × ن ن × ن ق ، ماسى قريس ت « ن ن اور ت ادر ن ق اور ن ق اور ن ق يرك اتصالى تاؤ اكرانسماني سمت يريكوني تناوعلى كري -كريد سي و نقط وسطى ع يك يس توة ل كرعماد وع كرسمة (×00×00=10×00×00×00×00×0 المنف تطر بيو، الرنفف تطر بيو، ١١١١ - الرسى فكل كى اسلواني ما يخريط بس سال ساكن وو وسطوائ ك محرك على القوائم رتاش ككسى نقط يركاننا و وجى موتاب-فرض کردکد ایک عنصرت ق سے (شکل دفعہ ۱۱۱۱) فرص کردکد (يركام كزانخا ورا يكاتادُ ت البيركات + من ت اورنقاط إور دسا پرک ماسول کا در میاتی زاوید مف فر سے۔ نیزفرش کردکه ن ق پر کے سالی و یا وی مست کا سلان و اے ساتھ مدن سا سے حکووا ، وسا کے در میان واقع ہونا جا ہے۔ تب زرے ماس ک ست یں ووں کو تحلیل کرسے سے (ت بعد ت) جم ذ- لا و د أ لي جب عد سا = درمعت في حمد معت سا اكر ﴿ يركانف فالخسنا ربو-ليس بالأفرحيب كرمف فد معدوم بوي سية رفت = . ادر جونکر تراس کے ہر نقط پر بربات صادق آتی ہے، س لئے ینتی خلتا ہے کہ ت

مار كونيات

الم ستقل ہے۔

الم ست و ع میں فرق ل کو کیا کو نے سے گذشت وفعہ کی طرح رابط

عاصل ہوگا ہوسطے کے کسی فقطہ ہر کمون سے علی التوایم تنا کا دباؤ اور انخف سے

درمیان ربط ہے۔

مدت کو مستقل سے سے مساوات ور = ست سے سی نقطہ ہر کا دیا ہوئی ہو۔

ہردجائیگا اگرسطے دی ہوئی ہو۔

ہردجائیگا اگرسطے دی ہوئی ہو۔

اندرکسی نقطہ کے محد دول کا سلومہ تفاعل ہو توایسی مساوات سے طامم سطے کی اندرکسی نقطہ کے محد دول کا سلومہ تفاعل ہو توایسی مساوات سے طامم سطے کی افتیار کردہ فتکل کا تعین ہوجاتا ہے۔

افتیار کردہ فتکل کا تعین ہوجاتا ہے وہ مین کیڑے کے ایک منظیل کے موں اور یا بن فالے سے بیدا ہوتا ہے جبراس کے سرے افتی طور پر تفاھے گئے ہوں اور اور اور با بن اذکر پر سے نتائے نہ یا ہوتا ہے جبراس کے سرے افتی طور پر تفاھے گئے ہوں اور یا بن اذکر پر سے نتائے نہ یا ہوئی ہو کا ہو کہا ہوں اور یا بن اذکر پر سے نتائے نہ یا ہوئی ہے۔

ہوں اور یا بن اذکر پر سے نتائے نہ یا ہوئی کے ۔

ہوں اور یا بن اذکر پر سے نتائے نہ یا ہوئی کے ۔

E TO THE RESIDENCE OF THE PARTY OF THE PARTY

کارے اب ع د ایک مندوق کارے کارے کارے کارے کارے کارے کارے کاروں پر خبت کردے کہائی اور اگرا مندوق اور کہا ہے بد پر طیک سیستے ہوں اور کہا ہے بد بان ڈالدیا جا ہے اور کیم الدیا جا ہے اور کیم الدیا جا ہے اور کیم الدیا جا ہے کہ متوازی ایک انتہا بی مستوی

سے کبڑے کو تراشا جائے تو یہ عودی تراسض توبیہ ہوگی۔ دباؤچونکم عما دکی سمنت میں عمل کرتا ہے اس سلنے کبڑے کا تناؤمستقل ہے اور اس سلئے اگر نقطہ ن برکا نفسف قطر انخنا رہو اور ب ع بانی کی سطح ہو

ور فرد و فرد و حرب در

ور ي الرب يركانوان عربو،

يا له خوان ما وات ربيد ما جم عز -جم عم جو تو بيه كى ذاتى مساوات ربيد -

اباسي حب ع الدرجب في الدرجب في المرجب في المرجب والمحد المحد المحد المحد المحدد المحدد

فرس = م فرفه

م ک سنء طنء فرع کررا - کریا جن اع را - جن اع

Dn u = 500

(14.)

اور آن قیموں کو مساوات ۲۱ میں استعال کرنے سے زمیں ب=۲ م ک طال إوتا ي - نيزار لا = ا اور س = ل حب كه ما = ف توان كومساوات (۲) میں مندرج کرنے سے . = صن ء ، بسس معلوم ہوا کہ و کی متنا ظر قبیت کے ہے جو نا تھی تفاعل کا حقیقی ربعی دور ہے ۔ اور اس سے (۱) اور (۳) سے بھ عاصل کے ہیں J= J

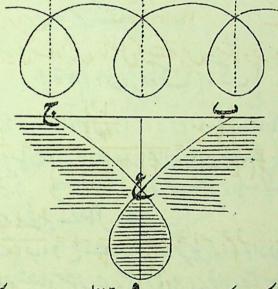
{ J-(Sb) Or } = 1

اس لئے تو بیرمساواتوں (۱)، (۲)، (۳) سے حاصل ہوتا ہے بشرطیکہ متقلوں کے درمیان وہ روا بط ہوں جوادیر بیان ہوسے معتقلوں کے درمیان وہ روابط ہوں جوادیر بیان ہوسے -معرا ا لینیڈ (Elastica) دہ سختی ہے جوایک لیکدار ڈنڈے کومولنے (۱۲۱) سے پیداہوتا ہے یہ تو بید کے متماثل ہے۔ ڈنڈے کو ب وع سے تغیر کرواور فرص کروکہ توازن اس اور ع بر ی قو توں سے جومتصا وسمتوں میں عمل کرتی ہیں برقرار رہتا ہے۔ نقط ن ير حجوكا و كا معاراز (Bending moment) انخا کے متناسب ہے۔ اور اس کئے ب ن کے توازن پر عور کرنے سے اور نقطہ ن کے گرومیار لینے سے یمستنظموتا ہے کا نقطر ن پرکا انخاا سے بدتا ہے

> Routh, Analytical Statics, II. p. 269, or Kelvin and Tait, Natural Philosophy. 591

For a full discussion of the Elastica, see Kelvin and Tait. at Natural Philosophy, 611: Love, The Mathematical Theory of Elasticity, p. 384, or L. Levy, Precis Elementaire de la Theorie des Fonctions Elliptiques, p. 112.

جیسے ن ل - اس طرح ادر اس کے لدنیہ ، تو ہید کے مانل ہے - اور اس کے لدنیہ ، تو ہید کے مانل ہے - مانل میں اور پرستمل میں اور پرستمل ہو سکتا ہے جس طرح کدا شکال ذیل سے ظاہر ہے ۔



یان کی سطح اوراس کے دہاؤک مناسب ترشیب و تنظیم سے فربیہ کے بھی تخلف نفیفے ہوسکتے ہیں۔ مثلاً اگر ہم ب ج کوسطح آب تصور کریں اور اس طرح کے انتظامات عمل

مثلاً اگرہم ب ج کوسطح آب تصور کریں اور اس طرح کے انتظامات عمل
میں لائیں کہ یا نفضا دوعیں بحردیا جائے اور یا بی دیاع ہے عصول کو اوپروار
دبائے تو ہیں ایک لففے والے لدنیہ کے ماعل تو بیدیل جائیگا۔
اگرہم یہ تصور کریں کہ ب ج ، مڑے ہوے وہ نڈے کو ب اور ج پر
مس کرتا ہے جس کے لئے یہ عزوری ہوگا کہ و نڈا لا متنا ہی طول کا ہو اور اگر
گذشتہ کی طرح و پر کے ماس سے الفران نایا جائے

ر = 00 / جمكه فد = ١٩

(144)

$$|c_{i}| = \frac{v_{i}}{v_{i}} =$$

توبيير اور لدنبير

PP.

اسكونيات

$$\frac{(7)}{(6)} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} +$$

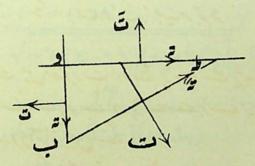
فوبهيراور لدينيه

PFI

اسكونيات

اس لئے فھ (ء + سم) = ع، کی سمتناظر قیمت سم ہونی جا ہے۔ اور ستقلوں اور دوروں میں روا بط ذیل ہو گئے

او = طا (سم)-، طا (سم) - الله عرسم



سطح کا کوئ مربع عنصر سینے سے متقابل اصلاع کے ایک جوڑے پرکے ماسی اعمال تہ فرس اور (تد + معن تد) فرس انتہا میں جفت تہ معن س المائے ہیں اگر عفر کا ایک صلح معن س ہو۔ اور چونکہ اس کی تعدیل دو مرسے جفت تہ معن س اسے ہونی جا ہیئے اگر تہ علی القوائع سمت میں ماسی مسل

(140)

ہواس کے اس سے نیٹیج سکلیا ہے کہ تد اور تہ مساوی ہیں۔ رابایک چورا مثلتی عنصر وال ب لوجو و برقا ممالزا دی جهاورزورول ب جبرارو-سب (کے متوازی قونوں کر تحلیل کرنے سے بیس ماصل ہوگا تَرْب + ق و رُحِط + ت × و رحب ط= ت× وب محمط + ت × وب حب ط ع ت = (ت - ت) جب عط - ع ته جم عط ية صمر بهوكا چيك コイニタイノへ(ビーロ) جس سے ووعلی الفتوائم سمتیں طاصل ہوتی ہیں = ، سے سور اگر شکل میں ہم یہ مان لیں کہ و اور و ب صفر ماسی عمل کی سمتیر ہیں ادر اگر تو توں کو ب (کے سوازی اور اس کے علی القوائم سمنوں میں تحلیل كاطاسة توسادانين ت = ت جباطه + ت جماط ت = (ت - ت) ببطحمط اس صورت میں مقاویرت اورت بڑے سے بڑے اور جھو گے سے جھوٹے یا چھوٹے سے جھوٹے اور بڑے سے بڑے مناؤں کوتنبیرکر نیکی اور اس نے ہم ان کو صدری تناو کہیں گے۔ ٠٠١ - أكراب يرك عاصل دورس × إب كاميلان و إكساظ فيهوتو سوفه = <u>ت × و ت</u> م ط مس فرمس ط = ت

اسكونيات

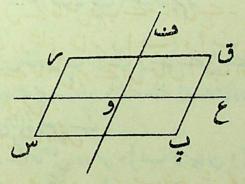
ソメイン=コ×eリ+コ×el ٠٠ ١٠ ع ت جباط + ست جم طه طركوسا قط كرنے سے ہيں ربط لميكا

اگرابسمتوں و اور و ب میں نقط و کے صدری تناوی اور سے بعن اوراگر وع کا میلان و رکے ساتھ طر ہوتو وع پرکے زور کی سمت وف

من ومن طر و ت

سے ماسل ہوگی اور زور کی مقدار نی اکا نی طول سمت و من میں اُس اُ تص کے نفیقہ سے تبیر ہوتے ہیں ۔
سے تبیر ہوگی جس کے نفیت محاور صدری تناؤں سے تبیر ہوتے ہیں ۔

۱۳۲) اہم ا ۔۔۔ مِز دورج زور - اگر دع بِیکا زور دین کی سمت میں عمل کرے تو دیث يركا زور دع كي سمت مين عمل كرے گا-



کونک اگرہم ایک ایسے عفر کے توازن برغور کریں جوایک متوازی الاصلاع ب ق من س کی شکل کا ہو اور جس کے امتلاع وع اور د من کے متوازی ہوں تو ب س اور ق می برے رور متعادل ہیں اور اس سلتے بنتیج تعلقائے

کہ پ ق اور ماس بر کے زور بھی تعا ول میں ہیں اور اس کے سمتوں وع اور ع و یس عمل کرتے ہیں -اور ع و یس عمل کرتے ہیں -اور ع اور و ف یہ کے مزوج زور می اور می ہول اور اگر صدری تناکی ت کی سمت کے ساتھ وع اور و ف کے میلان طہ اور فہ ہوں تو دفعہ (۱۴۰) سے مساواتیں

> ا = جم فر مرا = باطه مرا = جم اطه مرا = جم اطه مرا = جم اطه مرا = جم اطه

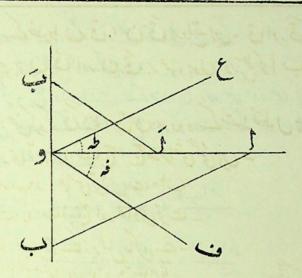
> > ماسل ہوتی ہیں۔ جمال طر اور فر میں رابطہ

مسس فرمس ط = = = طه اور فركسا قط كرنے سے مس

بی معلوم براکسی نقطہ پر دو مزدد ج زوروں کا عاصل عزب منقل ہوتا ہے اور یہ مستقل صدری تناوں کے عاصل طرب کے مساوی ہے۔
سام ۱ — بہی نیٹیج دو شلتی عناصر و را ب و را ب کے توازن کی شرطوں کو لکھ لینے سے حاصل ہوسکتے ہیں جہاں ا ب اور را ب وع اور را ب وع اور رو دن کے متوازی ہیں ۔

اس طرح بمیں مساواتیں

س جم فه عت جب ط، س جب ف ع ت جم طه س جم طه عت جب فه س ت جب طه ع ت جم فه ما جم طه عت جب فه س ت جب طه ع ت جم فه ما س به فی جا ایس ان سے ہم ذکورہ بالا تا مج عاصل کرسکتے ہیں۔ (147)



سم ۱ اسبار اگریم ایک طائح جملی کی صورت پر غورکریں جو سیالی دباؤ کے زیر عمل ہے اوراس کے ایک چھوٹے عنصر کے توازن بر خورکریں تو گذشت تین دفعات کے نتائج اس صورت پر بالکل عاید ہو جائے ہیں کیونکہ عما دی دباؤ کے اجزائے تعلی انتہا میں بقابلہ ماسی عمل کے معدوم ہوجائے ہیں۔

۵ می ا سے صدر می تناؤک سی شکل کی ایک طائم سطح سیال کے زیر عمل ہے ۔

کسی نقطہ پر کے دباؤ مصدر می تناؤل کو اوران تناؤل کی صنوں میں انخداؤل کے درسیان ربط سعلوم کرنا مطلوب ہے ہے۔

کے درسیان ربط سعلوم کرنا مطلوب ہے ہے۔

وض کروکہ ن کے مصل نقطے تو ، ق میں جو ن میں سے گذر نیوالے فرض کروکہ ن کے مصل نقطے تو ، ق میں جو ن میں سے گذر نیوالے

که طالب علم کویت بھی لینا جا ہیئے کر صدری تنا دک اور صدری اکفا دُل کے درمیان کوئی تعلق ہے۔

منلا ایک ایسی جہلی برغور کر وجو ایک اسطواز کے گردندیٹی گئی ہے جہلی براسی گفائی کے مونولی خطوط(Helical lines) کی کچے لقدار کھینچو۔

مجالی کو ان خطوط کی ممتول میں تنایا جا سکتا ہے جو بالا خربڑ ہے سے بڑے تنا اوکی سمتیں بن جا میکی اس صورت میں عمودی تنا وکو صفر برگا ادرایک کمون پر کے نداد کی سمت اس کمون کے مقاسلا تا ہوگی اس مورت میں عمودی تناور صفر برگا ادرایک کمون پر کے نداد کی سمت اس کمون کے مقاسلات ہوگی بیت اس کمون کے مقاسلات ہوگی بھی جو با کا جو ایک اس صورت میں عمودی تناور کو صفر برگا ادرایک کمون پر کے نداد کی سمت اس کمون کے مقاسلات ہوگی ہوئی ہوئی کا دورائی کمون پر کے نداد کی سمت اس کمون کے مقاسلات ہوئی کا دورائی کمون پر کے نداد کی سمت اس کمون کے مقاسلات ہوئی کا دورائی کمون پر کے نداد کی سمت اس کمون کے مقاسلات کر کے سمالیات ہوئی کا دورائی کمون پر کے نداد کی سمالیات ہوئی کا دورائی کمون پر کے نداد کی کمون کی کمون کی کمون کر کا دورائی کمون کر کے دورائی کمون کی کمون کو کمون کی کمون کر کا دورائی کمون کی کمون کو کمون کی کمون کی کمون کی کمون کی کمون کر کی کمون کی کمون کی کمون کر کی کمون کی کمون کر کو کمون کمون کے کہ کمون کی کمون کی کمون کی کمون کی کمون کی کمون کو کمون کو کمون کی کمون کو کمون کمون کے کمون کی کمون کو کمون کو کمون کر کا دورائی کمون کو کمون کر کر کمون کی کمون کو کمون کر کمون کی کمون کی کمون کر کمون کی کمون کو کمون کو کا کمون کر کمون کو کمون کو کمون کر کمون کی کمون کر کمون کو کمون کر کمون کو کمون کر کمون کو کم

صدری تناؤ کے خطوط ن ق ، ن ق برماتع ہیں۔ ق اور ق بی سے عمادی مستوی کھینچوجون ف اور ن کی پرعمود ہوں اورسطے کو ا ب اکتوسوں میں (۱۲۸) فرمن کردکہ ق ن ا ق ن مرودہ کے متصلہ تقطوں میں سے گزرنے والی عادى مستوى قرسيى بج، جدراشى كئى بى -عفرب د ، ماسي توتول ت ١٠٠٠ ت بری در ماری وت ر× اب× ب ج کے زرعل ساکن ہے۔ زهن کرد کرمنحنیول ن قابان ق کے نقط ن پر کے لفت قطائخا ر، ز ہیں - تب ن پر عادی ست میں قرنوں کو تحلیل کرنے سے ہیں الا خر حاصل ہوگا 三十二二二 ارسط كى نوعيت اس طرح كى بوك ت= ت توساوات بالا بوجائيكى = + + = = + + = = جاں س م صدری نصف قطرانخا ہیں۔ يس ارسطح كى ساوات ى = ف (١١١) بوتو ر (البخت ا = { ا + (جنى ٢) جنال - اجنى جنى جنى جناى + ا

ماسكونات

+ (+ (مون یا) ا جون ای +) ا اس مساوات کو لگرائج اور پاکسس نے حاصل کیا تھا۔ الم ا کسی سمت من تناور اگرت اورت کی سمتیں دہی نہ ہوں جو صدری تناؤں کی ہیں تومساوات میں ماسی عمل داخل ہوگا -سطیر کوئی نقطه ولو اور و ار وب ایک دوسرے برعلی القوائم لے کر فرعن كردكه ال سمتول من نتأوس السي بن اور ماسی اعمال مشئوت و بر عما د و مي هينجو-عادى مستولول (وى/ب وى) کے متوازی اور ان سے بالکل قریب طار مستوى كلينجوا ور فرص كردكه يمشتوى سطح كو جداد وا ون اف ج س تب بالا تخرج د اور ع ف كماسى اعمال دين × ج د اورت ع عث (144) ایک دوسرے کے ساوی گرست میں نالف ایس، یہی حال ع د اور سے فت پرکے ماسی اعمال کا ہے۔ يس وى كاردىميارا ترسين سے وفد ١٣٨ كى طرم ميملوم موجانا سے كد ديسا و ديا۔ اگرسخنی ج دے نقط (یرکے ماس کا سیلان مستومی لا ماکے ساتھ طہ ہوئو

اله محونكم مكرسكت إي

سرط = ف (ورا) = ف (٠) + ورا × ق (٠) +

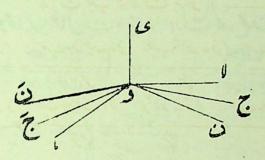
2) × (6 "ia = b)

ادراسی طرح نقطهٔ ال برا مس طرح جبن الاجفن ا برا مت وی میں اعمال مت یع جد ادر ت یع ع ف کا مجموعہ اس مت وی میں اعمال مت یع جد ادر ت یع ع ف کا مجموعہ ادراسی طرح کی رقم عمل مت سے حاصل ہوگی ۔ ادراسی طرح کی رقم عمل مت سے حاصل ہوگی ۔ ادراسی طرح کی رقم عمل مت سے حاصل ہوگی ۔

وی کی ست یں تحلیل کرنے سے اب ہمیں حاصل ہوگا و می کی ست یں تحلیل کرنے سے اب ہمیں حاصل ہوگا و مرج کر مدع = م ت مرج کر ورا + م ت مدع وب + ب

× ج د × د ع جف البحث ا : ر = ت + ت + ب حف البحث ا

کام ا ۔۔ دفعات (۱۳۹) اور (۱۲۵) سے بھی بہی نیتجہ حاصل کیا جاسکتا ہے اور اور الرم اللہ ہے کہ بہی نیتجہ حاصل کیا جاسکتا ہے اور اور الرکھ بے کا گھر ہے کہ میں میں یا فائدہ ہے کہ میں میں منا کو کی سمتوں اور صدری انخا کی سمتوں کے درمیان متیز کرنے کی اہمیت البحے طور پر واضح ہوجاتی ہے۔



اكركسى دوعلى القوائم ستول ولا وما مين تناكر ستار مت جول اوران مي ستاكسي ايك (١٥٠) سمت ين حاسى عمالت مواور متول ون ، ون ين صدري تنار ست، ست بول اورزاوي ن ولا = طر، تو ونغه (۱ سع) كي روسي

كسيمت بي تناوُ

PMI

$$\frac{c}{c} \frac{c}{c} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} \frac{d}{d} \frac{d}{d} + \frac{c}{c} \frac{d}{d} \frac{d}{d$$

اور ن صریاً دیر حف الحف ا : بن المال الم ۱۲۸ - هم به و یحفته بین کداگرانتخاب مشده سمتین و لا و ۱۱ صدری انخنا کی سمتول بر منطبق به و جالین تو فه = ۱۰ اور صالطه بالا الم ا — اگریم ایک الیسی سطح کا تصور کریں جس کی نوعیت اس طرح کی بوکریس سے کسی نقط پر کا مثنا وُاس نقط میں سے گذر نے والے ایک خطائقسیم برہمیشہ عو و وار نویہ تبایا حاسکتا ہے کہ کسی نقط پر کا تنا و ہرمت ہیں دہی ہوتا ہے ۔ ایسی سطح کے ایک جیو نے شلتی حصہ پر عزر کیا جائے تو عاسی مستوی کے ع صلول کے تناؤ سے اور ی طرح متعین ہوجا تا ہے کونکہ ماسی مستوی کے قوار عالمہ (اگر کوئی موں) مقابلة تناؤل کے الانزموروم موجا تی ایس کے تناوُ اصلاع برعمو و وار ہیں ان کو ضلعوں کے طولوں کے متناسب مونا جا سيئے اوراس كئے تنام سمتوں ميں تناؤ كے ناب ورى ميں -نیزسطی پر نناو ہر جگہ وہی ہوگا کو لکہ اگرایک جھوٹے ستطیلی عنصر پرعور کیا جا تو متقابلہ صناعوں پر کے تناومساوی ہو نے چاہئیں ۔ اس قسم کی سطح کا تصور کرنا ہا کل ایسا ہی ہے صیباکہ ایک کا ال ستواجسم یا ایک سیال کال کا تصور کرنا ہے تا ہم ایسی سطحوں کے زیب ترین ہونے آئے جم

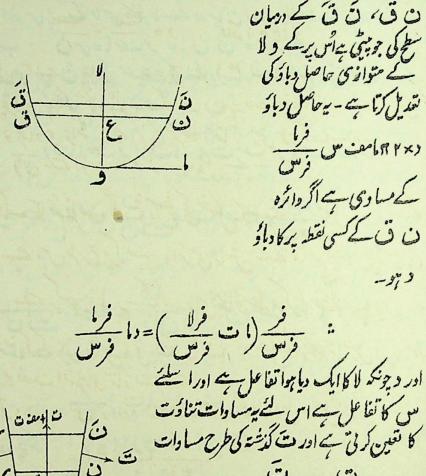
اسكونيات

صورت من ملتے ہیں۔ مثلاً صابونی مکبلہ کی صورت میں یا اُن حبیلوں کی صورت میں جو منے کی بوئل میں نظر آئیں کی جیکداس کے اندر کے مانع کوخوب بلا ا جائے۔ مائع جھیلوں کی بھٹ کوم آیندہ باب تک ملتوی رکھتے ہیں۔ . ١٥ - ايك فارف جو ملائم اورامت اونايذيرت سے بنايا كيا ہے كردى سطح کی شکل کا ہے۔ اس کو انتھابی محور کے ساتھ پکر اکر متحانس ماتھ کے اس کو انتھابی محور کے ساتھ پکر اگر متحانس ماتھ کے بحروا كياسي -كسي نقط يرصدري "ناومعلوم كرنامطوبي -فرض کردکه و ظرف کازیرترین نقطرے - و کو میا تواردو-لا كوانتصابا اوبروار الواور فر عن كروكه كوي افقي تراش 6791-6-1020 خاره (ع ساسے انقي رائض ن ق کے تمام لفظول یر دما و عرکیا زمن کروگر نصف النادی تاؤس سے بنی وہ تنار جوشنی ان کے نقط ن برے ماس کی سمت میں نقط ن پر عمل را سے اور وض کروکہ نقطر ن بر ا سى تناوُ ت ج - يومدرى تناويس- زاش ن ق كے ساتھ مائة تاؤت كانتما بي ماصل سطى ن و ق يرك ماصل انتما بي داؤكي تعدى را سع-11=0211=29 ادرناوین ت و علم ١٩١ ت جمله = أج ف ١١ فرلا +ج ف ١١ (م - لا) الرج =) 7

اس مساوات سے ت کا تعین ہو جاتا ہے۔ اور ت مساوات ت + ت = د دفه (۱۳۵) سے طامل ہوتا ہے بہاں د =ج ب ان (م - لا) -یہ یا در سے کو شخنی (ن کے نقلہ ن پر نصف قطر انحا ر سے ادراس کے عمود وارجو عمادی تراش ہے اس کا پنے فظر اسخناکر لینی لٹ گے ہے۔
اس سے زمادہ عام سئر حسب ذیل ہے۔ ایک ملاکم ظرف گردشی سطح کی شکل کا سے اور سالی و ماؤ کے زرعمل ہے اس اطرح برکد کسی واڑی واش کے تمام نقطوں برسالی وباؤوبى ہے۔كسى نقط يرك صدرى تناؤمطوم كرنا مطاب بي -وص کرمک ن ع ق ا ق ع ف و مقصل داری تراشین این اور نقط ن برکا نصف النہاری تناؤ ت ہے۔ اگرون = س تو دائرہ ن ف برمور کے متوازی عاصل نناؤ - w = 18 1 = تَ قَى برولا كے متوازی حاصل تناؤ = ١١١ ات وس + وس (مات وس) مناس الرن ق-مفاتها

له یه ساوات اس صورت کے لئے اس طرح بھی عاصل ہوسکتی ہے۔ ایک چھوٹا عنصرلوجوانی کے خطوط سے محدود ہو دینی تفصف الہاروں اور افغی وائروں سے میونیر (Meunier) کامسکداستمال کو اوراس کا خیال رکھوکد انخا کے خطوط کے لئی شخنی عب می طور برعادی سنوی بنیں جوتے۔
بنیں جوتے۔

ان دونوں کا فرق ا دارو



س کا تفاعل ہے اس کئے یہ سما وات تناورت

کا تقین کرتی ہے اور مت گذشتہ کی طرح مساوات

سے حال ہوتا ہے ۔

ہے حال ہوتا ہے ۔

ہیں ایک ربط عاصل ہو گا لیکن بہتریہ ہے کہ یہ ربط

ایک بھوٹا عنصرن ن من من لوجونسفالہار

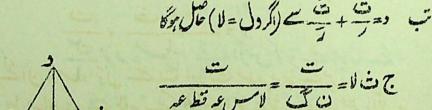
ایک بھوٹا عنصرن ن من من لوجونسفالہار

وسوں ن ن من من سے اور وائری قسوں

ن من من سے محدود ہے ، فرض کرو کم

تفعت المنادي مستويوس كا درمياني زا ويرمف فه سع اور تفعف النبارول ك نقاط ن اور می برے ماسی فطوط کے در میان زاویہ مصنا سامنے ۔ تب ن س = من فر ادر ن ن = من س ن م اور ن م كى تنفيف كرنے والے نفف الناركى سمت كے منوازی قرتوں کو تحلیل کرنے سے فر (ت است فر) من ا= ۲ ت من س جب معن سا = الله منس فاسم = تامنس مامن د اور ونك (ام ١٥) اس كيمسادات ويل طاصل برقى س 三=(して) اور چنک زے اقطاط اس لئے ت + ت جم ط = ر السباح الم اور اس کئے ان دومساوا تول سے ت اور ت معلوم ہوجاتے ہیں۔ پہلی مساوات سے ظاہر سے کہ اگر کسی افقی تراکش پرنت اعظم یا اقل ہو اور اس کئے ورت صفر ہوجائے تو لیکن اگر ما بهی اعظم یا اقل بوتویی نیتجه برآ د بهنین بوتا کرنکه بهمین نیتجه نهیں مقال سکتے کو میت صفر ہے۔

فض کردکہ نقط ن پر کون و ن کے عمودوارسمت میں تناؤ ت ہے۔ اورسمت و ن میں تناؤ ت ہے اور مخزوط کا زاویہ راس م عہے۔ بت وہ ت میں تناؤ کی اور کا مطابعہ کا





الن الله المسرعة قط عد الناس عد الناس الناس الناس الناس عد الناس الناس عد الناس الناس عد الناس الناس عد الناس عد الناس الناس عد الناس الناس الناس عد الناس الناس

ت = الم ح ف الأمس عد قطعه وفن کردکہ مائع کل جانے کے بعد سطے جس کردشی سطے کی شکل اختیار کرتی ہے تکوینی منحی و ت ف جے، اور ول = صا، ق ل = عا، اور ق ار ن ق = سن س ، منحنی کی ایک جھوٹی قرس مف لا قط عرد مفس (ا + ت لامس ع = عا (١ + 🖵) لیک کے مقاس کو وو اول سمتوں میں مخلف لینے سے۔ ت اور ت کی حاصل فره قمیتول کواستهال کرے لا کوان دومسا وانول سے سا قط کیا جاسکتا ہے اور اس طرح صنا اور عامیں ایک ربط حاصل ہوجاتا ہے۔ بېلىسادات يى ج شىسى عدقط عه = الله د كھۇاس طرح حال بوگا $\frac{i}{c_i U} = \frac{1}{r_i}$ س جمع عرال ارس کووے نایا جائے $\left(\frac{\omega}{1}, \frac{\omega}{1}, \frac{\omega}{1}\right)$ لا کی رقیت دوسری ساوات میں مندرج کرنے سے حاصل ہو گا ومس عدس (الله جمع) عبد السبح ف والمس ع تطاعم جو منحنی کی تفز قی مساوات ہے۔

ارله = له ق المسرعه = عا (عرا الله جمعه) + المسرس (الله جمعه) } (۲) ایک طائم جملی زیخره نا (Catenary) کی شکل کی سے مینی ای طح کی فنکل کی ہے جس کی کومین ایک زنجیرہ کو اس کے مرتب کے گردگھانے سے ہوتی ہے۔ اس جیلی کے سرسے نفون قط ال کے دو مسا وی وائرى تختول سيئابن كرديم كني بي المردوني بواني دباؤ كااصنا ف برونی بوای دبا وید و معلوم سے -اس صورت میں انحار مقابل موں میں ہیں اور اگرن پر کا عاون ک ہوتو ہراک تصف قطرانخا ن کے کے مساوی ہوگا اور بواز ن کی مساوتیں ہوتکی ن گ = ال اک فرت = د ما جهال که زیمزه کامتقل م اور جونكم الارت- تر) = و (ا'-كا) جاں ته اس بر کا نصف انباری تناوی ("レーリャ) シャナニー ニ ان میں سے پہلی ساوات حصد ا ن کے تواز ن پر عور کرنے سے فرراً ماصل ہوسکتی ہے جہاں زبنیرہ کے راس کو استجمرات ہے اور پھر بت کی قیت سادات ت - ت = در سے عاصل موج ان ہے - اور یہ فرض کیا جائے کہ اور یہ فرض کیا جائے کہ

اندرونی ہوا کے دماؤسے قوان ن برقرار رسا ہے تو 18 H = = 5 (("5")) = += 18 HT J== = = = ت= والم اورت = سم و ما ا (١٥٦) مم ١٥ _ بم فابتك مرف يكال مواني كم يترول يرعوركا بع ١٥٠ ایسی صورتوں کو بھی شال کرنے کی خاطر جن میں بترے متغیر موٹائی کے ہوں تناؤكا زياده عام ناب ورافت كيا جاسكنا ب فرض کروکاکسی متحالفس اوسے کی سلاخ اس سے وزن و لٹکا ما كيا سے اور سلاخ كى تراكشى كارتب كر سے يتب ب سے كررا والى تراش يركاتناؤه وزن و ادرسلاخ كحصد ن ب كورن و تقاع بو غير - درن و تقام المارة ادراگران اوزان کا مجوعه ته کدم و تو نقطه ك برتناؤ كاناب ني اكاني رقبه ته بوگا-بمعلوم رہے کہ ت کی بنسبت نہ کابور تقدر ایک کے کم ہے۔ در حقیقت اگرکسی نقطہ پر ایک ملائم ہترے کی موٹائی ع ہواور اس پر کا تناکہ ت ہو جو معمولی طریقہ سے تراش کی ٹی اکا ٹی طول کے لئے مطوم کیا گیا ہے تو ت من س = ترع من س ت = = ع

۵ ۱۵ _ اس اب کے سائل عمواً ان سطوں برقابل استعال من مو تھے جو غیرلائم یا جن کی دا منت ناقص ہو۔ لین اگر کسی فاص صورت میں سطح کے متصلہ حصوں کا ورمیانی عمل کلا ماسی مستوی میں ہوتو سنا و اور عما دی ویا و کے درمیان محصلہ مثلًا اگرایک انتقدا بی مستدراسطوا ناکسی غیر ملا مخر نشے سے نیا ہوار اس سیال عجرویا جائے توکسی نقطہ برکا عمل گلاً ماسی سن میں ہوگا اور اس کی نوعیت تنادي سي بوي -ا ۔ یہ زمن کر کے کررا اے شکنی کے اسطوانے ایک ہی اوی شے سے بنے ہوئے این اور ہرایک سے اندر زور (Stress) وہی سے اسطوانوں کی موطا یول میں نبت السايك اسطواني فرف و اليخ موت وات كيترس بنايا كياس اوراسي وإت كا ایک ڈزیرا جس کی تراش کارقبہ أو سر بھائے ہے بغیر وسفے کے وزن و کوعین سنجال سكتا ب الراسطوان كو المضا بي مورك سا عذرك جاسة ومعوم كردك اس من كتاسيال والاحاسكا ایج کے لئے ... ١٩ يوندون عام وطعيموس لوسے كے يانى كے اسے الى كى موٹائی معلوم کروجس کا ازرونی قط ۱۴ ہے کہ اس پر کا زور اس کی انتہائی مصبوطی کا عرف ب بروحکه بانی کا ارتفاع م مه نط بو-سم - ایک بجون مخروط کو جس کاراس نیچوار ہے یا نی سے بعرویا گیا ہے۔ معلوم کروکہ فقی تنا وسبسے زیادہ کباں ہے۔ نیز معلوم کروکہ کمون کی ست میں تناوی تیبت سب سے دیادہ کہاں ہے۔ ھے۔ ایک ستطیلی صندہ ت کے اوپر کا رُخ یکساں کچکدار بند من (Band) کو اس کے متقا بل ضلوں پر باندھ دینے سے بند کردیا گیا ہے بندھن موسر سے اصن الاعاب

(104)

انتل

تھیک بیٹھتی ہے۔ اگرصند د تی سے ہوا بتدریج خارج کردی جائے تو ٹیک ار ہزدھین جو سکلیں اختیار کرتی ہے ان کو معلوم کرو - اور جب بندھن صندوق کی تہ کو عین سر کرے تو ائس وقت كره مواني ك الدروني وبيروني دباؤل بين جوفرق مو كا اس كومعلوم كرو-٢ -- وارئ سوراخ كى ايك ليكدار بلى احراج سوراخ كى ايكسساستوار في مي اركهدى فی ہے جس میں وہ بغیرتنے ہوئے تھیک بٹیر جاتی ہے۔ نایاں لا تما ہی طول کی ہیں۔ اگرنلوں کے درمیاں ہوائم ہواورکسی دباؤی ہوا لیکدار الی میں داخل کی جاستے تو تا ست کرو کہ بیر دباؤائس سبت کے متناسب موگا جو لیکدار بلی سے اس مصدکو جواستوار بلی کو مسر کام اس معد سے جونخی شکل کا ہے۔ ع __ ایک ظرف جوکسی تلی شے سے بنایا گیا ہے مخوطی شکل کا ہے اس کارامسس نیچے دار اور محورا تھا بی ہے۔ اس کو ما تع سے بھر دیا گیا ہے اور اس کاسم ابند کردیا گیاہے الراس کوایے تحورے کردیکال رفارے کھایا جائے توکسی نقط پر کے صدری تناؤ ٨ - ایک کروى نیکدار لفاف کے گردادراس کے اندر ہواسے جو کرہ ہوائی کے وباؤ (١٦) پد ہے۔اس کے ازر ہوائی مسادی مقدار وافل کروی گئی سے ۔ ٹابت کروکر لفاف کے کسی نقطر پرکا تناو Tr (۲ و سرم) / ۲ رو جاتا ہے جواں ابتدائی اور انتہا کی تفعف قط کو را آ تعرکرتے ہیں۔ 4 --- ایک فیکداد کروی نفا فریس حس کا قدرتی نصفت قط کا میم دا داخل کی گئی ہے جس سے اس کا نصف قط ب ہو جا ما سے محراس کوایک قالمہ میں جس میں سے ہوا ضارح كردى فكي سع ركه ديا كيا ہے جس سے اس كالفنف قطرح ہو جا ماہے - ہواكي مقدار علوم كن جوامس میں داخل کی گئی ہے۔ یہ فرون کرایا جائے کہ نا توسیج کے اعتافہ کے متناسب کے • ا - و نفست قط كا ايك لحكداركروي نفا في مواسع بجر ديا كيا سِيع جس كي تبيش ا رت) اور وباؤ وہی ہیں جوگرد کی ہوا کے ہیں-تناؤسطے کے اصافہ کے متناسب ہے ادراگراندرونی بواکی مقدار دوچند کردی عباست تو نفعت قطر م او موجانات ادر پیمراگر ا مرد في عيش كوت مك برا ديا جاس تونصف تطرك ل بوجاتا ہے۔ نابت كروكه

(アクート)(1-で)じナで=ニート ر انصف قرام نصف کروی تھیلے کواس کی کورسے تھا کر ما نے سے بھر دیا گیا ہے۔ تابت كروكم لا كراني برصدرى تناؤل مين نيسبت بوكي 7-49+7:7+49+6

یے معلوم کروکہ اختی تناؤ کہاں صفر ہو جاتا ہے اور تھیلے کے ایک صدیراس کے منفی ہونے کے کیا اسباب ہیں -۱۲ -- ایک نصف کردی تھیلے کا مذابک استوار مستوی سے ، جواس کی کوریر با ندھ دیا

كيا ہے بندروياكيا ہے اور بھراس كواوند عاكرويا كيا ہے ۔ نابت كروك لا كمرا في رصدرى

١١٧ - و نفف قط كاردى نفاذ ف كأنت كم الله سه مين بعروا كما به . سے تفاف ایک قطر کے گرو بیکسال زادی رفتار سدسے کھوم رہاہے۔ عاذبہ کو نظر انداز کرکے نابت كردك كروش كريوست زاوني فاصلے فدير صدرى تناؤيمي

الن سد واجبان اور الله ف سروا جبان

اس محدود موا فی کاایک اسطوانی خل ایسی اوی فے سے بنایا گیاہے جسس کا ایک ڈیڈا ایک مربع ایخ تراش کا بغیر توشینے کے تناؤیہ سبنبال سکتا ہے۔ اگریہ خول اندرونی سیالی دباؤ ھے کے زیرعمل ہو جواسطوانے کو توڑنے کے مین ناکا فی ہے تو ٹاب کرد کم ھ = تہ وک اور بیاں خول کے بیرونی واغرو نی لفت قطر 1 اور بیں -١٥ -- ايك مخروط مين وزن دار مائع ہے - اگر كمونوں كى سمت ميں تمام نقطوں يرمخروط (١٥١) کا تناؤ دہی ہوتو تابت کروکہ مائع کی کٹافت ، راس کے ادیراس کے ارتفاع کے مربع کے تناسب مکوس میں ہے -

١٤ ــــ ايك محدب استداونا بذير لما نم لفا فه كروشي سطح كى شكل كا سے اور اس كے گروش كا محورانتعابی ہے۔ یہ لفافہ اندر سے آبی واؤ کے زیر عمل ہے۔ نابت کروکہ نصف انہار كى ست مى سب سے چوڑے حصد يركانناؤ اعظم يا اقل بوركا بوجب اس كے كرية تناؤ لفعت النهارون كے عمود وارتناؤ سے كم يازيداد مو-٤ ا - قايم سندر مخروط كى شكل كا ايك لا كم تقيلا ما نغ سنة عين بجروما كيا سے اوراس كے تا عدے کی کورایک اسمتوارستوی کے سا فقشت کردی گئی ہے۔ نا عدے سکے مرکز سے وافع وتیں الغ برعمل كرتی ميں جوايسے بدلتی ہيں جصبے فاصلہ - كسى نقطه يرصدرى تسناؤ اگراستوارستوی می ایک سوراخ کردیا جائے اوراس می فشادہ لگا دیا جائے اور محراس فشاره برایک عرب نگانی جائے توکسی نقطه برصدری و میکاتنا و معلوم کرو-١٨ - اگروفعه (١٥١) من ا ظرف مكافى الماكى فكل كاموادر السكه مين ست كزرت والى ا فعتی تراست سے ہم نقطہ پر صدری تناؤ مساوی ہوں تو ٹا ہت کروکہ محور کا طول و تر خاص 4 اے لئے کی کچے مقدار جوایک یتلے کر وی خول میں سے انتھا بی قطرکے گرد بکسان اولی سے مھوم رہی ہے۔ کسی نقط پر صدری تناؤ معاوم کرو اور کھو سنے کی رفتار میں اصفاقہ کے اڑات کی عایج کرد-٠٧ - ايك ما مُ سطح اس قسم كي سيكر اس كيكسي نقط إركاتنا وُسِمت ميں وہي ہوتا - اور جس کی تنل ساوات ی = ف (لا)) سے حاصل ہوتی ہے - مرسط سال کے زیراں سے ۔ کسی نفظ پر کے دباؤکو تنا او کے ساعقہ جونسیت سے اس کومتلوم کرد-شابت کروکرینسیت سطح م لا = س ی (لا + ما) کے ایسے نقاط پر ۱: س ہے حال لا = ا = ي ٢١ - ايك مّا مُ مستدر اسطوان ليكدار ا وب سے بنا الكيام اوراس كے سرے استوادم مولوں کے ساتھ لگاد نے گئے ہیں۔اس کوسالی داؤے منا یا گاہے۔یہ انکہ کرنسف النباری اور دائری تراسوں من تناویک کیلے (Hooke & law) کے تا بع بي ايسى سا واتين معلوم كرو جواسطوان كى اختياركرده فكل كويورى طرح معين

كرفي مين كافي مون - اگرواو حستقل موية نابت كروكر نضف النباري سخني م - [(+ 1/2) - (7+1) - (1/2)) (+ 1/2) (+ 1/2) (+ 1/2) جاں ابتدائی صف قط ور کیک کاایک مقیاس در اور مکل کے ستقل ٢٢ - ايك مجدار جلى جبكروه تني موئى مربو نفعت قطراك اسطوان كي منحني شكل ا ختیار کرتی ہے۔ اگر اس کے مرے ٹابت کرد سے جائیں اور اس میں ہوا وا خل کی جا ہے اور کھر اس کے رہے بندگرد نے جائیں قرنا بت کرو کہ محر میں سے گذر نے والی منتی ماوات (1+i)(= re(1-1)=16(2-1) سے ماصل ہوگا۔ حبال فروہ زادیہ ہے جوماس محر کے ساتھ بناتا ہے۔ محدربر کاعمود ما الميروني واندروني دباؤں کا فرق دا اور ليک کي مفرح له ہے۔ مستقل ون اکر اور ليک کي مفرح له ہے۔ مستقل ون اکر ايک ميرمنقل ورساوات كے تكمل سے حاصل ہو كس طسرح معلوم کے جا سکتے ہیں۔ المام الله المام المام المام المام الماميل الم ایسی سطی کی ہے جو ایک زنخرہ (Catenary) کوجیکا مبل ک ہے اپنے محررک کرد کھانے سے بدا ہوتی ہے۔ اگر محرست لافاصلہ پر صدری شن ڈ ت ، دي بول لونا بت كروكه ع ت : ت ت : الله ع المرك : جيز المرك جکریہ فرض کرلیا جائے کہ اندرونی دبیرونی دباوی کا فرق ستقل ہے۔ الم ۲ سے اگر ایک ملائم ظرف جس کی سکوین ، خطائد دیر کو اپنے قاعدے کے گرد (۱۹۵) ممانے سے ہوئی ہے مائع سے عین بحرا ہوا ہو جو بغیر کسی بیرونی قرقوں کے

عمل کے مورے گرویکسال رفارے گوم راہو تو نابت کروکر نفف الہاری

منحنیوں کی سمت میں اوران کے علی القوائم سمت میں تناؤں کی نسبت ۲: یہ ہے۔ یہ ان دیا گیا ہے کہ دباؤ محور پرصفر ہو جاتا ہے۔ ۵۷۔ ایک کا مل طور پر ملائم ظرف کی تکوین خط تدویر کو اپنے تحرکے کرو گھانے سے ہو کی ہے اس کامور انتھا بی ہے ۔ اگر ظرف یا نی سے تقریباً بھرا ہوا ہو تونابت کرو کرایسے نقطہ یرکا افقی تناو جهاں ماسی مستوی، افق کے ساتھ مہ کا مسلان ر کھتاہے زیرترین نقط پر کے تناؤ کا ہا (ہے - جہت) ہے - ظرف بالکل بجرا ہوا کوں نہ ہونا چا ہے ۔ ٢٧ - الغ كے سے ايك ظرف اس طرح بنا يا كيا ہے - ايك بے وزن تحتى كے ساتھ، لیوے کا ایک ملائم مکرا جس کی شکل نیم قطر و کے کرہ کے منطقہ کی ہے لگا دیا گیا ہے اس کٹیرے کی ایک مستوی ترامشس تختی کر تھیگ آ جاتی ہے اور دومیری کرہ کے مرکز میں شے گور تی ہے ۔اس طرف کو برط ی تراش کی کورسے تفام کر غیرمتیانس الغ سے مردیا گیا ہے جس کی نمانت ایسے برلتی ہے جیسے ی (اوا نکی) کھ جہاں تھ گہرانی ہے ۔ صدری تنا دُ کی نسبت معلوم کرو۔ ٢٤ - ايك استداونا نيه يربلائم نفا فه كي شكل كرديني مكا في ننا (وترخاص م و) كي ہے۔ یہ تفاف ک نصف قط کے ایک نابت انفی دائرہ سے لٹک رہا ہے۔ اس میں ت کتا فت کاسیال ہے جو تفافے کے انتہا بی محرکے گرد زاوئی رفت ار (٣/٦ب) تسے کھوم رہا ہے۔ تا بت کرو کہ نفا فہ کے کسی نقط پر مورسے ر فا صله يرافقي تناؤيوكا ٢٨ __ ايك ملائم جلي كروشى سطح كي شكل كى بي نصف النمارى منحنى اس طرح كا ب لدكسي نقط يركا عماد النصف قطرائخا كات كناب - جلي كوالغ سے عين بجر ديا

کیا ہے، پورا نظام عنوس جسم کی طرح محد کے گردیکسال زادی رفنارسے گھوم رہا ہے اگر بارئع برکوئی بیرونی تو تیں عمل نہ کریں اور محد پر وبا دُ صفی ہو تو نا بت کردکہ کسی فقط پر صدر ری تنا دُ کی نسبت سم ۔ ن : ا ہوگی-

١٥١- ابهم اسطوانی پترے کی صورت یہ ورکرتے ہیں جو سالی واڈے زرعمل ہے اس طرح کوکسی کمون کے مرتقط پریددباؤ وہی ہے۔ زرعمل ہے اس طرح کوکسی کمون کے مرتقط پریددباؤ وہی ہے۔ اگر کمونوں کے علی القوائم ایک عمود می تراش اس کی فی کی جائے تو ن یں سے گذرنے والے اور کا غفر کی سطح پر عمود وار کمون سے جو دو حصے حدا ہو بنے اُن کے درمیان کازور ایک ماسی قوت ، ایک جُز ی توت، ادر نقط ق پر کے اعمال ت بدت ن کی بر مفت کی ایک بر مفت کی ہیں۔

زض کروکہ نقط ال پر کے عاس سے نقطہ ت پر کے عاس کا انفرات فر سے

تب نقطہ تن پر کے عاس اور عاد کے متوازی تو توں کو تحسیل کرنے سے

ادر معیادوں کو ن کے گرو لینے سے ہمیں یسا واتیں عاصل ہوتگی

مف ت + (لی بر مف لی) مف فر + دمف س سے فر = - ،

مف لی ۔ (ت بر مف لی) مف فر + دمف س = - ،

مف کی ۔ (لی بر مف لی) مف فر + دمف س = - ،

مف کی ۔ (لی بر مف لی) مف فر + دمف س = ۔ ،

مف کی ۔ (لی بر مف لی) مف س + (ت بر مف س) ہے مف فر ایک ہونے سے ایک ہونے سے ۔ ۔ ،

دمف س سے سے ۔ ۔ ،

ادر مف س سے سے ۔ ۔ ،

ادر مف س سے سے ۔ ۔ ،

(171)

 $\frac{i(i)}{i(i)} + i(i) = 0$ $\frac{i(i)}{i(i)} - i(i) + i(i)$ $\frac{i(i)}{i(i)} - i(i)$ $\frac{i(i)}{i(i)} - i(i)$ $\frac{i(i)}{i(i)} - i(i)$

اگر پترے کی شکل وی گئی ہو یعنی اگر سختی اس کی ذاتی مساوات دگئی ہو اور اگر د ، فد کا معلومہ تفاعل ہو تو ان مساواتوں سے کسی کمون کے ساتھ ساتھ عمل کرنے والے دور کا تغین ہوسکتا ہے۔ 20 اے مستوی بیترا۔ اگر میترا لیکدار ہو اور قدر تا مستوی ہو تو ہمیں ایک زاید سنرط عاصل ہوگی اور دہ میرک ک انخا کے متناسب ہوگا مین گ = ع/ر

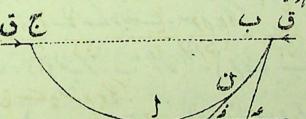
جہاں نقط ن پر کا نصف قطر انخادرہے۔ اس صورت میں "میسری مساوات موجائیگی اوراس کئے پہلی مساوات سے وَ فَي اللَّهِ عَلَى اللَّهِ اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّا اللَّا اللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الللَّا الللَّهُ اللّ ت حک یا جان ک متقل ہے۔ دوسری مساوات بی ان قمیول کو مندرج کرنے سے اس ساوات سے پر سے کی اختیار کر دہ شکل کا تعین ہو جائے گا جبکہ دہاؤ کا قانون دیا گیا ہوادریا دہاؤگا فا بون معلوم ہو جائے گا جبکہ اختیار کردہ شکل دی کئی رمو-انیسی صورت میں جبکہ دمنقل ہویا رکا ایک دیا ہوا تفاعل ہوتو فرر) = ى ركف مساوات بالاكا يهلا يمل عاصل موسكما سبع اوراس طرح عم فرر کور کی رقوم میں معلوم کر لیتے ہیں۔ ۱۵۸ — اگر قدر نابیترا دی ہوئی اسطوانی شکل کا ہو اور اس کو قدر تی شکل سے جسکا یا جائے تاکے متناسب جسکا یا جائے کے متناسب موگا - اس طرح اگر آن پر صدری لفسف قطرانحنا در ہوتو (- +) E = J

اس مساوات کی صداقت اس مفروضہ پرسنی ہے کہ اوسطار سینے کا طول کووں کے علی العوائی غیر سخیر رہتا ہے۔ ہم نے یہ بھی مان لیا ہے کہ بیرونی سیاتی دہاؤے وجود سے مساوات پر کسی تسم کا اڑ نہیں ہوتا۔ 9 ما سناقصی اسطوانہ - ان مسا واتوں کے استعال کی توضیح کے لیے ہم ا نقبی اسطوانہ کی صورت پرغور کرتے ہیں جوکسی بنلی استزار شے سے بنا ہوائے سروں پر سندھے اور ہوا سے بھرا ہوا ہے جس کا دباؤ بیرونی موا کے دباؤ سے بقدر و کے زیارہ جے ۔ مطرے سے عاصل ہوگا فرات مورک ایک سرے سے س اور فد کونا ہے سے مردوج محورکے ایک سرے سے س اور فد کونا ہے سے ر= الب - (ا جب فر + ب اجم فر) ا اور، مبدلوں کو بدلنے کے طرفقہ سے یہ سعلوم ہوگا کہ ت = د (واجباف+ب جم ف) + رجم فه بب جب فه ادراسلي الجب فرب فرس م فرد و (الاحب فربم فرا المراسلية لله المرابية في المرابي تشاکل کی روسے اور نیز عمل و روعمل کے مساوی ہوئے کے کلیہ کو استعمال کرنے سے بیمنت بط ہوتا ہے کہ او جین (Apses) پر کی صفر ہوجا تا ہے یعنی جبکیر فیرے ، اور جبکہ فیرے آئے ۔ يس يمعلوم إوكاكه إ = ، اور نب = ، اوراس ك

اسكونيات

(175)

سم فی دفته (۱۳۴۷) میں بیر شاویا ہے کہ تو بید اور لدنید مشافلاً وہمی سختی ہیں۔ اگر ایک بیلی لحیکدار مختی کے مقابل کے کمنا روں کو ایک و دسرے کی طرف مصینچر ایک جیئت یا نتی ہوتی حیا در کے زریعہ ملا دیا جاسئے تو منحنی سیدا سندہ و فعہ (۱۳۳) کا تو بیر ہوگا۔



اس صورت میں د = ۱ اور مشق کے طور پر یہ دیکھ لینا سفید ہوگا کہ دفعہ اس صورت میں د = ۱ اور مشق کے طور پر یہ دیکھ لینا سفید ہوگا کہ دفعہ کی مساوات حاصل ہوتی ہے۔ اگر ملا نے والی چا در کا تناؤ ت ہوا ور ن پر کا تناؤ اور جزی قوت علی التر نتیب مت اور لی ہوں تو پترے کے حصہ ن سے کے تواز ن پر غور کرنے سے یہ مساوا ہیں حاصل ہوتی ہیں استوار يترا

YOW

اسكونات

ت = - ق جم ذا ل = - ق جب ذ ا ۱۹ - ایک بتلا نیکدار بنترا و ومتوازی نابت سلاخول برر کها بهوای - اس پر ر با وُ ڈالکراس کو لؤبیہ کی شکل میں تبدیل کرنا مقصور ہے۔ دباؤ کا قایون معلوم کرو-مقاویر ست اور ک وونول ان خطول پرضفر جو جائے میں جد لمانوں كومسس كريت إس - اوراس ك ان خطول بريضيف قطرانخنا لا متنابي بهوگا-で - じ= ご ين بم ويتية بن كرك اوراس ك تؤبيه کی ذاتی مساوات ہے ر الم = م (جم ف - جم عه) ٢ اور دباؤ و مساوات ذیں سے عاصل مؤناسے ور = ي فراد - سرع (وز) - ي ع (۱۹۲) عمل اندراج سے بیمعلوم ہوگا کہ در یہ جم عمر اب توبيس دفعه (١٣١١) e=06×-3.5 in

ما سكونيات

ادراس کئے مطلوبہ وباؤ، مف کٹانت کے مائع کو ڈالنے سے حاصل ہوسکتا۔ ابساكه ع جمعه = ج ف مم یس تو بیه کی شکل مساوات بالاسے حاصل شدہ کتا نت کے مائع کوسلاؤل كى بموارسط اك ۋالى سى رقرارركى ماسكى ب-ل = - ع <u>فرد</u> = - ع جب فر ن و - ج ن م الله جب فه قطعه جهاں بائیں طرف کے حصہ کی دائیں طرف کے حصہ پرجزی قوت کی ہے جو نقطہ ن پراندری طرف عمل کرتی ہے ۔ اس طرح - کی بائیں طرف کے معدید کے عمل کو تقریر تا ہے۔ صدید کے عمل کو تقریر تا ہے۔ - ل= ن ف م مس اس آخری نیتی کی جان اس امرے معائنے سے ہوسکتی ہے کہ سلاخوں کے نعامل الئے کے دزن کو تھا متے ہیں -- ال جمعه = اكر ج ف ن ل فرلا = الله من × ن ل × ولا وس وزنه فرنه = ٢ ك ت ماجم فرف = ١ج ي م م حب ۱۹۲ — اگرایک دیے ہوئے ہترے کوموڑ نے سے لدنیہ حاصل کیا جائے ادر سرے پر کے کموناں کوایک ہی افعی مستوی میں نابت کر دیا عائے تو ب اور ج پر گ = . اور ہر مرے پر کا زور عاسی اور عما دی اجزا رترکیبی پر مثبت ہے ہوئا وی اجزا رترکیبی پر مثبت منظم مرک ہوئا ہے مورد ل کتا نت کا الربیم اس خاص لد نیم کے موزد ل کتا نت کا الربیم اس خار میں کا میں نہم جائیگی حائیں تو آس کی شاہت غیر متغیر رہیگی لیکن ہے اور ج پر س کی قیمت برہجائیگی ادر کی غیر متغیر رہیگا۔

امتل

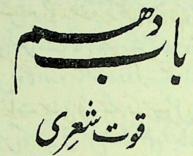
(MA)

ا ۔۔۔ بیٹے استوار ماوہ سے بنا ہوا ایک ظرف جوستد یواسطوانہ کے تفیق مصد کڑیکل کا ہے با نی سے بھرویا گیا ہے اور انتصابی تو توں سے جو اس کو محدود کرے واسے افعی کونوں بر عمل کرتی ہیں تصابا گیا ہے تا بت کرو کہ زیرترین نقط سے فد فاصلہ پر کے نقط برزور ہو سنگے ،

ا يسكر ال - عن وا (فرجب فر + جم فر) ال - - عن وا فرجم فر

س = ک اس فر ہے۔ اس بترے کے مقع حصد پر ہوا کا وہا ہ بیرونی ہوا کے دباؤ سے بقدر د کے زیادہ سے اور پترا زیمرہ کے محرکے سوازی دوساوی قولوں سے تحاماً كيا ہے- يا تونيں راس سے زاو ئي فاصله عدير عمل كرتى من - نابت كردكه = 3 فرقطء - 1 + جب فرلوك مس (1 + فرم) ب = جب فا تطرعه مرس ف - جم فالوكرسس (الم + ف) بهال ک = الوکس (الله + ع) - ال قطاع نيزتا بت كروكه تهاسف والى برقوت ه _ ایک مستوی لیکداریترا دو متوازی افتی دندول پر کیا مواہم اویر کی موا کے ستقل د باؤست اس کو ڈنڈوں کے درمیان منچے کی طرب موٹ اسکیا ہے۔ نابت کروکر تصف تطر انخاءاورا نفراف مساوات ٣ ___ دباؤكا كليه معلوم كرو جواس يترب كو زنجيره كي شكل ميں جھكا دے -٤ ___ اگراسي يترس كو ايك سكاني اسطوان كي تنكل مين حجكا ويا جائے تو نابت كروك راس سے زاو لی الفراف فر پرسیالی دباؤ ایسے براتا ہے جیسے جم و (٤ جم افد - ٢)

(174)



- یہ ایک مشہور بات ہے کہ اگر چھوٹے سوراخ کی ایک سے یا نی میں ڈبودی جائے تو نلی کے افریا نی کی سطح بیرونی اِن کی سطح شہورے کہ اگر نلی یارہ میں ڈبو وی اندرونی بارہ کی سطح بیرونی بارہ کی سطح سے نیچی ہوگی-اگر شیشہ کے آبخر سے میں بانی ہوتواس کو دیکھنے سے معلوم ہوگا کہ خط تماس پر مائع کی سطح کا انحنا او پر وار ہے اور پیشیشہ کو ایک خاص زا وی لی جوٹی اس کے مستوی تے اور اک چڑھ جائے گی اور یا نی سرے۔ ے کے اویر اکھا ہوا دکھائی دیگا۔ اگرمیز پر یانی گرعائے تواس کے حدود معین ہو۔ ان دا قعات اور ان کے مثل دوسرے اور بہت سے واقعات توجیبہ آن قولؤں کے وجود سے ہوتی ہے جوساً اوں کے خودسالمات کے درمیان اور نیز کھوس اور سیالوں کے سالمات کے درمیان کل کرتی ایں جیکر مھوس ادرسال ایک دو سے سے تماس رکھتے ہوں۔ کسی خاص

سالمه کی توت کے عمل کا میدان لا أنتها جھوٹا مونا ہے۔ اور چونکہ بیسالمی قومتیں بہت چیوے جموے فاصلوں پر عمل کرتی ہی ، اس سے جمال کا کہ سالمی قو توں کا تعلق ہے متحالش جبھ کا معنقر بشر غیر وہ جبھ کو محدود کرنے والی سطح کے نز دیک نہ ہوایک ہی قسم کے حالات سے سخت مو کا۔ لیکن خود سطے پرکسی خاص سالمہ كاكرة عمل نامل ہوكا اور جالمرىدودكرنے والى سطح كے بردنى عانب جرقسے کے اور کے سالمات ہوں ان کے میدان عمل میں ا جانیکا بزاگرہم یہ مان لیں کہ میدان عمل کے خطی ابعاد بمقابلہ سطے کے تصفیط انخاکے لا انتا کھوٹے ہیں توہال (۱۹۲) تک سالمی قوتوں کا تعلق سے رو متحانس المضاري سطح فاصل كي تمام حصے ایک ہی صبح کے حالات کے عن مونگے سطح زرانا فی الفود جوسالمی فولوں کے اعث بعد مولی وہ طح کے رقبرے ساتھ ایک متقانست رکھیگی یستفل تماس رکھنے دالی اشیاء کی نوعیت پرسخصرہوگا۔ مع ۲۱ — ایک متجانس انع ایک ظاف میں جاذبہ ارض کے زیرعمل ساکن ہے اس صورت پرا صول توا کا فی کا استعالٰ۔ توازن کی صورت میں توانا نی با مقوہ کی قیمت ساکن ما اچل ہونی جا ہیئے۔ ف وه سیدان حس منعری تو نیس عمل کرتی بیس لا انتها محوثا مؤلات د

ا وه میدان جس می شعری تو تی عمل کرتی بین لاانتها حجودًا بوتا مید (Quincke) نے ایک مشیقے کی بل میں جس بر جاندی کا ۲۲ م ۵ ... و لی میٹر () موالیب تما یا نی ایک مشیقے کی بلی میں بر جاندی کا ۲۲ م ۵ ... و لی میٹر () موالیب تما یا نی و دا اگر تجربه کیا - بر صور مت میں ایک می دسم کا می اوک می ایک می ایک

Mathieu. Theorie de la capillarite, 1883.

کہ قرت شوی کے نظری کی ریجف سے لی محق ہے۔

يه تواناني إلى و ما رحصول برسفتل بوكى لين تقلى تواناني ج ف كركرى فرلا فرافرى جاں عضر فرلا فرا فری کا ارتفاع ی ہے ، اور فاصل طحوں کی توانائیاں جو (عم) الغ اور بوا البر) انع اور طرف (جر) بوا اور ظرف كوعدا كرتي بي-اس ہوروں ہے ک ن ف الله عرا فرا فرى + (س) + بس + ج س ساكن ووجان سى اس سے الرئيب على رعر) (م) رو) اور (ئب جے ان کی توانائیاں فی اکائی رقبہ تقییر موتی ہیں، اس مشرط کے تا ہے کہ مجم]] فرلا فرما فرى مستقل رہتا ہے۔ علع اور مواك ورميان على فاصل من كخفف بنا وكي صورت بن السط سے کے عما و کے عفر کو مف ع اقریر سے جوسی کے قدیم اور حدید کلوں میں اسطے متناظر عناصر کے ورمیان واقع ہے تو پہلی رقم کانتیر مرکیاج فراک مفع فرس اولاً فرعن کرد کہ مائے جس خط پر خرف کومس کرتا ہے وہ بنیں براتا اُس صورت میں سی اور مس مشقل رہیں گے اور سی بدلکر متن ہو جائے کا ۔ سی کے ایک ایسے عفر فرس افرس بر غورکرد جو خطوط انخاسے محددد ہے - اس عفرکے

له برمكن ب كرائع كى كنافت بسطح كے لاا نتهائز ويك سالمى عمل كى وجرسے برلتى ہولكين چونكه متغير كنافت كى يدكى مولا كى بقالم معن ع كے لا انتها چھونى ہوگى اس سے استدلال كو متا فر كئے بغيراس تغيركونظر انداز كميا جاسكتا ہے - عرودیں سے گذرکے والے عاوسط من کو عنصر قرض فر من میں نطع کرنیک اور اگر مها مهم صدري نصف قط انخا بول تو فرس = (ا- من عن) فرس، فرس، = (ا- سنع) فرس، (١٦٨) : فرتس - فرس = فرس فرس - فرس فرس = - (- + زا) من عفر من فرسی = - (الم + مل) مف ع x فرسی لی ہیں مطاوب ہے ج ف الري من ع فرس + إمن الرفس = . ایک ((ن+ ز) من ع رس = -اس مخرط كركت كے جمع مقل رہا ہے ليني كرمف ع فرس = . كيس ال (ج ف (ی - ن) - (را + بل) منع فرس = -جاں ف متقل ادر معن ع افتیادی ہے۔ (4-6)= = = (1+1) ا (الله + الله عنه عنه الله على الله عنه الله عنه الله عنه الله عنه الله عن " " " " » -TT = (-1 + 1/2)]

کے ستقل کا آکے ساوی ہونا اس طرح ظاہرے کا اُرسطی وانائی اُ صَفر بوتی تو اللے کے المدرکا دباؤ اللے اور ہوا کی سطح فاصل کے نزدیک کرہ ہوائی تے داؤ کے سادی متا -

جاں کرہ ہوائی کا دباؤ ۱۱ اور مائع کی سطح کے عین اندر کا دباؤ د ہے اس سے وم ہواکہ اثر و ہی ہے گویا کسط تناؤی حالت میں ہے اس طور پر کہ سسی نفطہ ا تنائومستقل اورتوانانی فی اکائی رقبر اے سادی ہے۔ نانیا فرض کرد کر ماریخ اور ظرف کا خط تماس سے س سے س کے معطا اور س کے درمیان ہے۔ لاستستري طرح بميل عاصل بوكا ص-س=- (الله بالم) منع فرس ادر اگرمف لہسے عناصرفرس، فرش کا درمیانی فاصلہ تعبیر ہوتو کس کوسطے میں اگر ا سطح س اورسطے س کے عما دول کا درسیانی زاویہ آ ہوت ص = م جمأ مف له فرس مف س = من س = كمف لافرس اب چنکروانائی بالفزہ ساکن ہے اس سے

من إج ف الري فرلا فرى + إس + بس بي س م

اس خرط کے اتحت کہ کمیت متقل ہے ۔ یا

5 = ((0 + 0 - w) + 4 min + 3 min = -ياكلان فذى - ((فيه له في)) معن ع (سي + كر (جم آم ديج) مند فوس =. ال شرط کے تحت ک الاستاع زس =. اور چونکومف لداختیاری سیمان اس معملوات (۱) حسب سابق عاصل بوکی اور نیزز (Y) = [- () + [] ما ہو گاجن کا پیمطلب ہے کہ بائع اور ظرف کی طحوں کا درمیانی زاویوان سکے نطانقاطع يرسمقل ارتباست ہ اا ۔ ستذکرہ بالا با ترن بر عزرک نے سے نیز بجر بوں کے نیتجوں کی بنایج ووکلی رر اللي المان الما (١) اس محدود کرنے والی سطح پر (چومائع اور ہواکو حداکر نی ہے) یا رومائعات کے ورمیان کی سطح فاصل پر مطحی تناؤ مونا ہے جو ہر نقطہ پراور ہر مست میں ورسی اوال (ع) كيس اور ما تع ي سطح فاصل ما دويا تعات كي سطح فاصل محوس محمومين خط پر کمنی ہے اس خط القبال براس سطح اور مری سطح کے درمیان ایک فاصل اداور منے كا جو تقوس اور العات كى نوعيت برمنحصر وكا -یا ن اگر سیستے کے برتن میں ہوتو یہ زاویہ طارہ ہوتا ہے۔ یارہ کی صورت میں بے زاد بیمنوجہ ہوتا ہے۔

(14)

له منکل میں جو ائع اور فرف کا خطالاس ہے اس کا عنصر فرس کن ق ہے اور خطو ما س ، اللہ مسئا فر منفر ک ق ہے اور فرف کا مسئلے حک کا عنصر ک ن ق مے کیت کا تغیر جو بائی اور فرف کے حل متنا فر منفر ک قادنما عنا مرف ت ق سے تعبیر ہوتا ہے بھا بر باتی کمیت کے اعلیٰ رتبہ کی معنیر مقدار ہے اور اس کے نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔
کی معنیر مقدار ہے اور اس کئے نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔

ان کلیوں کوہان کر ہم فوت شعری اور اکع جیلوں سے متعلق مختلف مظاہر کی توجید کرسکتے ہیں۔

144 - دوشختیوں کے ور میان مائع کا چڑھاؤ۔

184 می اگر سطی تناؤ ت ہو اور مشتق زاویہ عہر جو جیرا نع کی سطے برختی ہے ملتی ہے اور اوسط چڑاؤ ت اور تختیل ملتی ہے اور اوسط چڑاؤ ت اور تختیل کا ور میانی فاصلہ ہے ہوت کا کائی عرص کے اور اوسط چڑاؤ ت ور تختیل کا ور میانی فاصلہ ہے جمعہ = ج نے ف ف د

یستی ختیوں کے ور میانی فاصلے کو گھٹ نے سے مائع کا چڑاؤ و بڑ بہتا ہے۔

یستی ختیوں کے ور میانی فاصلے کو گھٹ اپنے سے مائع کا چڑاؤ و بڑ بہتا ہے۔

ایستی ختیوں کے ور میانی فاصلے کو گھٹ اسے سے مائع کا چڑاؤ و بڑ بہتا ہے۔

ایستی ختیوں کے ور میانی فاصلے کو گھٹ اسے سے مائع کا چڑاؤ و بڑ بہتا ہے۔

یے سفارہ طلب ہے کہ کسی نقطہ فی پر کا دباؤی لی پر کے دباؤے ہے بقدر

ع ف من من کے کہ ہے

ادر من ہوائی کا دباؤ بیرد نی سطح آ ہے پر کے دباؤ

اب چونکہ بن پر کرہ ہوائی کا دباؤ بیرد نی سطح آ ہے پر کے دباؤ

کے تقت ریا سا وی ہے اسس سے نینیج بمکل ہے کہ عنصر

ان کی کے وزن کو اس کے اوپر کے حدود کے سطی تناؤں کا حاص تھا ہے

رو سے ہے۔

رو سے ہے۔

اوپر کے حدود کے سطی تناؤں کا حاص تھا ہے

رو سے ہے۔

اسكونيات

اس صورت میں مائع کے سنون کو وہ تنا وُ تھا میگا جوسنوں کے اور صدودے كرد ہے اور اس كے اگرر اندروني تضف قط مونو ١١١رت جمع = ج ف ١١٧ن ب ت جمع = ج فرن اس طور پر تھے ہوئے سنون کے کسی نقطہ پر کا دباؤ چو تک کرہ ہوا تی (141) کے واؤے سے کم ہو گا اس نے اگرستون کا فی طور پر لبند ہوتو ہے وہاؤتناو کی حالت میں ضم ہو جائے گا گر کھر بھی سیالی و باؤے اس کلید کی ایسندی ر کاکہ سمت میں وائوسادی ہوتا ہے۔ يمشاكده طلب سے كر توانائى إلفؤه جوستوں كے صعودكى وجسے بيدا ہونى بع نفف قطريم تحصر بنيس بوني -١٤٨ - شعاري حنى - شعاري خنى وفتكل سے جوائع انتصابى و يوار كے ساتھ تاس باختيار كرتا ہے۔ مم اليسي صورت يرغور كرينك حس ميل ما نع اور ديوار كازاويه تماس هاده مومثلاً جب یانی سنینے کی ایک انتصابی تختی کے ساتھ تماس رکھتا ہے۔

اگرانتها بی دیوار وف بونائع کی قدرتی سطح و اکن می سے گزر نے دالی د بوارکے عمود وار ترامشر کا نصف قط الخار اوسطی نناؤ سے ہوتو و فغہ (۱۹۲) کی مساوات (۱)سے しじをニューガニー بس ہ ت = ج ٹ ک رکے سے 15 = 6) اور د فعه (۱۳۵) کی شکل کو الٹا دینے سے ہم دیکھتے ہیں کہ شعاری نحنی لدینے کی ایک يرخاص صورت اس كئے سے كه و المنحنى كاماس سے ايس فرا/فرلا = . جيكه ا = . ادراس طح کارٹیزی مساوات عاصل موسکتی سے سنکل سے ظاہر سے کہ فرا جوزاویہ (۱۷۱) ٣/٦+ فركا على جمع مفى من اور تعدا وأ كل اس من بيتيب كلتاب كد فرا الرفوا منبت بيتيب كلتاب كد فرا الرفوا منبت بع اور مساوات مررا =ك بروجاتى ب (1) = ((1) +1)/(1) = (1) فرالاً كى بجائے ع فرع رکھ کمل كرنے سے (ع = فرا) $\frac{r - \frac{1}{l} - \frac{1}{l}}{r - \frac{1}{l} - \frac{1}{l}} = \frac{1}{r} - \frac{1}{l} = \frac{1}{r} - \frac{1}{l} = \frac{1}{r} - \frac{1}{l}$ اب جونکر ماس انتهابی ہوتا ہے جبکہ ما الآ =ک اورج کرمنحنی، انتهابی مستری کو جاده زادیریلتا ہے اس کے تمام نقاط زیر بجٹ پر اہا ؟ ک سے کم ہوگا اور

اس ساوات کے کمل سے اور سراکوایک سے مقام پر لیے سے آگاح اگرہ = ۔ لولا ، لا متا ہی ہوتا ہے اور وفغہ (۱۳۵) کی شکل کیسے سے لدنیہ شعاری سخنی کے ماغل ہو جاتا ہے جبکہ نب جج ، نب اور ج پر ماس ہو لیکن یہ اُسی صورت میں مکن ہے جبکہ طول بہت بڑا ہوا۔ اگر عہ دہ زادیہ ہوجس پر الغ دردار سے ملنا ہے تو ہم فرال کی جائے۔۔۔۔م عدد کھنے سے ارتفاع وف ماصل کرسکتے ہیں اس طرح 5 0 - = - 5 7 P (= - 1) + J = is : ایسے مانع کی صورت میں حبی کے لئے زاویہ تماس منفرج ہو (مثلاً اره) مربتر ہوگا کہ اکو سے وار ایا جا سے ۔ ١١٩ _ زائي ساوات ماصل كرنے كے لئے توس كوف سے ايو اور الفرات ذكرفت وسعدة - كنا فرر = فرط = - رجم ف

ما سکونات ورف مرجب (٢٠٠٠) 1144 $\frac{\left(\frac{N}{N} - \frac{N}{N}\right) \cdot \left(\frac{N}{N} - \frac{N}{N}\right) \cdot \left($ اگروس نه اورانفراف سما کو بانزییب ا اور ا پرکے ماس 1 will == 0 1 # == 3 1 100 (2-)(1) -= v 1 T - las = 2 1 -اور حاصل ہوتا ہے (m + T) - b = 1 + m) جود فد (۱۳۵) ہیں عاصل کی ہوئی مساوات ہے۔ · ٤ ا مِتُوازی تختال - ایک ہی شئے سے بی ہوئی دوستوازی تختیاں کے درمیان الع کی سطح کی فنکل حب شختیاں اتع میں جز وق موں-

تونشمي

MAY

اسكونات

وت مرا اس صورت میں محور و ماکو تخیتوں کے درمیانی فاصلے کے وسطمیں ادرمبداء و کو مائع کی قدرتی سطح میں لینا اورا نصراف فرکو (پرکے ماس سے) بنامبولت بیداکرے کا س اور $\frac{i\eta}{2} \left\{ 1 + \left(\frac{i\eta}{2} \right)^{\frac{1}{2}} \right\}^{\frac{1}{2}} = \frac{\eta}{\eta}$ اس لئے عاصل ہوگا ا + (فرلا) المعالم منقل م اس طرح هر-جم فرمتنت بونا چا سين اور اسك هر > ا ا فرق = كلا ن علم فرس = المراج في المر

توسين شعرى

749

اسكونيات

$$\frac{\partial_{2}}{\partial z} = \frac{\partial_{3}}{\partial z} = \frac{\partial_{3}}{\partial$$

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

توت شعرى

76 4

الكورات

$$\frac{(2)}{2}$$
 $\frac{(2)}{2}$
 $\frac{(2)}{2}$

اسكونيات

0

```
نیز اگر تملی کا اندرونی نصف قطر لا ہو اور مائع نلی کی سطے کوجس طاوہ زاویہ
پر ملیا ہے وہ عد ہوتو
                                    ول = معم عمر جبكه لا = و
 اگرزاديد تماس منفرج بيوتو ما نع على بس ينج و إبهوا بيوكا اور اكر بهم ماكو
      سیجے وار نامیں نو مانع کی مطح کے عین سیجے اس کا دباؤ کرہ ہوائی کے دبا
        زر بحث صورت جونکہ ارہا کے اندرونی یارہ کی آزاد سطم پر بھی
       ر کا فی بحث و تحقیق ہوتی رہی ہے جنا کے نصف ا
فاعل ( Lohnstein اسے ایک سلسلہ کو
    ال کیا جوستدق رہتا ہے جب یک کرسختی کا ماس انتھا فی نہیں ہو
 C. Runge ) نے تفرقی مساوا نوں کو حل کرنے کے عدد می طریقہ کے
صمن س مثال کے طور پراس سا وات پر غور کیا - لا روکسیا لول سے رسالہ
 المیں شعاری منحنیوں کی تقریبی منتکل دریا فت کرنے کے ایک
 ہندسی طریقہ کی نشال دہی کی جس پر بالتفصیل (C. V. Boys) ایکھنے بجٹ کی
          - حسار کا ایک اور طریقہ (F. Neumann) تقرب کا ایک اور طریقہ
 ٢ ١٤ - ما نع كا قطره-اگرا نع كا ايك قطره ايك أفقي ميزرد كهديا جائے تو
                                                                       1
                                             Dissert. Berlin, 1891
                                                                       ar
                                Math. Annalen, 46 (1895), p. 167,
                                                                       ar
                                   Nature, July and August, 1886.
                                                                       مك
                          Phil. Mag. Series 5, Vol. 86, p. 75, 1893.
```

Vorlesungen uber die Theorie der Capillaritat. Leipzig. 1894,

ماسكونيات

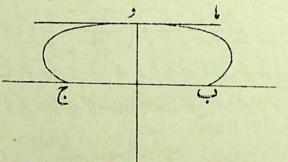
توازن کی مساوات دوگی

= ++

جہاں طی تناؤت ہے اور اندرونی دباؤ اور کرہ ہوائی کے دباؤکے درسیان

وری صدر سے مام طور پر قطرہ ایک گردشی سطے کی شکل اختیار کرے گا۔ اس صورت کو لیکر فرض کروکہ مائع کے اندر ملبندتریں نقطہ پر دبارہ ۳۳ ہے اور کرہ جوائی کا دبار ۱۳ ہے۔ تب لاکو بلندترین نقطہ سے بتیجے وار ناہینے سے اور کرہ جو ان کا دبار ۱۳ ہے۔ ت لا سے

1 - T - T + 5 ご U



بس اركبندزي نقطه بريضف قطر انخاام وتو

اگرہم شینے پر بارہ کے قطرہ کی یا نولا دیر یا نی کے قطرہ کی صورت اس تو مشا بدہ سے معلوم ہو کا کہ فرا/ فرلا راس سے نیچے دار محملتا جا آ ہے

الكونات

$$|(-1)| = \frac{1}{1} + \frac{1}{$$

اس طرح فرا = ک (قمطه - ۲ جبطه) فرطه ا + ب یک دک س طب + اک جم طه

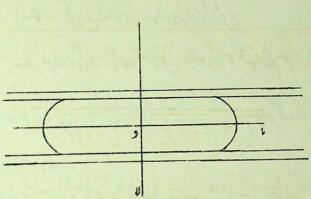
جاں بہمنقر ہے۔ اُس نقطہ پر جان ماس انتصابی ہے ع = · اور Th J= U

ار تضف النهاري سختي اور افقي مستوى كے در ميان حاوه زاوي عد مو بینی باره مستوی کوجس زاوید بر لمها سے وہ ١٦ - عد ہو اور اگر قطرہ کا ارتفاع ا ١٤٩

> ف = - (الم - عه) جكر لا = ف 191

سے ا___متوازی تختیوں کے در میان فطرہ - اگر مارہ کا ایک قطرہ تشیشے کی دومتوازی افتی تختیوں کے درمیان رکھدیا عاسے جوایک دوسرے سے اس قدر نزدیک ہیں کہ جا ذب ارض کاعما نظراندار كيا جاسكتا ہے تو قطرہ كے اند وباؤستقل ہوگا اور اكرسط كروشى سطح بيوتوسمين مساوات

> 1 = 1 + 1 عاصل ہوگی جہاں اندرونی داؤ کا اضافہ کرہ ہوائی کے دباؤیر صندہے۔

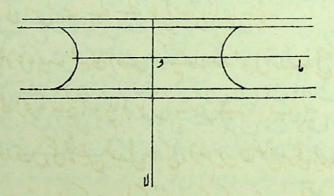


اس صورت میں لاکو انس مستوی سے بنتیج وار اپنا مناسب ہوگا جو تخالیوں کی دونوں سطوں کے وسط میں واقع ہے اور تب ہیں مساوات $\frac{-3\frac{1}{6}}{\frac{1}{7}} = \frac{-\frac{1}{1}}{\frac{1}{7}} = \frac{-\frac{1}{1}}{\frac{1}{7}} = \frac{-\frac{1}{1}}{\frac{1}{7}} \cdot (\frac{1}{7})$ عاصل ہوگی . نکم کرنے سے اور ما = ل، جبکہ لا = ، لینے سے リー・リナー= ディー ١٨٠ رکھو يا ۽ ي تو (ی + ل ب - ل) فری 1(5-4-0)(1-5)611. اكريم للمويس ى= و+ الله ل + ال إل - ب) توطفل بوكا

[- و+ الرب + ل ب- ال) فرو اب فرص كروك ع = كرام (و-ع) (و-ع) (و-ع) 2 < 2 < 2 0 تب نتیج کلتا ہے کہ و = فھ (۶ + صه) ہاں صدمنقل ہے اب فرما/فرلا= . جبكرما = ل اس كتي بهم يدان سكتيبي كدما لل اور ی کا اور نیز فرلا/فری کے حقیقی ہونے کے لئے یہ بھی عزوری ہے کہ ٧٠٠ - إلى >٥ (いーし) 十一(じーし)十十し十十一十つ ((・し)よーリー大の大((いーし)=+じょー」 ینی وع اور ع کے درمیان داتع ہوتا ہے - اس کٹے اگر ہم ع کو حقیقی لیں تو ينتيج بكلتاب كه صد كا خيالي صد، خيالي نصف دور سب مواحيات و اور اس فاحقیقی حصد ع کی نجلی حد کے مناسب انتخاب کی روسے صفر لیا جاسکتا ہے۔ (2m+4) B= 9

فرلا = { - فه (۶ + سم) + البر (ب الله ب - ل) } فرع (i) - 4 (+14) + + + (+4) b= p= +4) لكن لا= ، جكه ى= ل (=-# + + + - -) = 3 = 8 (ma) اس طرح لاکی اس قیت کے لئے و کوصفر ہونا جا سیئے۔ (で・ナーリトーリト) + + (コートラーー) سے کارٹیزی محددوں کی قیمتیں مبدل ء کی رقوم میں حاصل ہوتی ہیں۔ الرقطره اس قدر برابوكيم أكونظرانداز كرسكيس تور = في اس طرح نصف النهاري منحتي دائره بوكا-اس صورت میں اگر مختیر اس کے در میان فاصلہ ۲ ف ہو تو نتکل سے ظاہر ہے کہ اں عدوہ حادہ زاویہ سے جو بارہ اور ہر مختی کی سطے کے درمیان باہر کی طرف بتا ہے۔ می طرف بتا ہے۔ میں کا ۔۔۔ اگر شیشنے کی دوستوازی افقی تخیتوں کے درمیان بانی کا ایک میں کا ۔۔۔ اگر شیشنے کی دوستوازی افقی تخیتوں کے درمیان بانی کا ایک قط کردشی سطح کی شکل اختیار کرے توسطح صند انخانی (Anticlastic) ہو کی کیونکہ یا نی اور سینے کا زادیہ تاس حادہ ہے۔ اس صورت میں اگر کرہ ہوائی کا دباؤ π اور قطرہ کے اندر یا نی کا دباؤ

آ ہو اور اگریضف النہاری منحنی کا تضعف قطر انتخار ہوا ورملی القوائم عما دی تراش کا تضعف قطر انخیا کر اینی عما د کا وہ طول جوسطے کے محدر سے قطع ہونا ہے کو توارین کی مساوات ہوگی



حسب سابق لاکو سختیوں کے درمیان وسطی سطح سے نیمچے وار نا پنے سے مساوات بالا ہو جائے گی

 $\frac{3}{6}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}} - \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{3}{2} = \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{3}{2} = \frac{1}{\sqrt{1}}$ $\frac{1}{\sqrt{1}}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{1}}$ $\frac{1}{\sqrt{1}}\frac{\sqrt{3}}{\sqrt$

مبال = ل ب + ل ا - الا (۱+3) أم عاصل موكى اوراس سے گذشته دوند كى طرح مجم افذكر سكتے ايں

(110)

اور آئے۔ فی (۶+ سمبر) + لیا (۶ لیا + ۲ لی ب + ب۲)

اور آئے۔ فی (۶+ سبر) + لیا (۶ لیا + ۶ لی ب + ب۲)

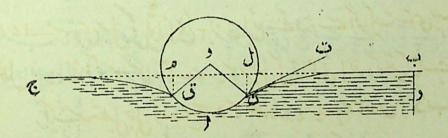
اور آئے۔ فی (۶+ سبر) + لیا (۶ لیا + ۶ لی ب + ب۲)

رے قطرے کے لئے حسب سابق
حیاں بانی کی سطح اور ہرتختی کی سطح کے در میان حادہ زادیہ عہ ہے۔

۵ کا ۔ تیر نے والی سو تی ۔ بانی کی سطح پرسوئی کے تیزانے کے مشہور جربی توجسی سطح کے قوانین کے ذریعہ ہوسکتی ہے۔

شکل سوئی کی تراش کو اور اس کے مور کے علی القوائم بانی کی سطح کی تراث ورضعہ من اور ق پر کے دائی والی قریب ہیں تن اور ق پر کے تاؤ اور صعمہ من اف ہو ہی ہیں جو تی بر این کا داؤ جو بانی کے حجم کی دن لوق ہرکے دن وی کے میاوی کے میاوی ہیں۔

داؤ اور صعمہ من اف ہی ہے۔ یہ میں ہو تی ہیں۔



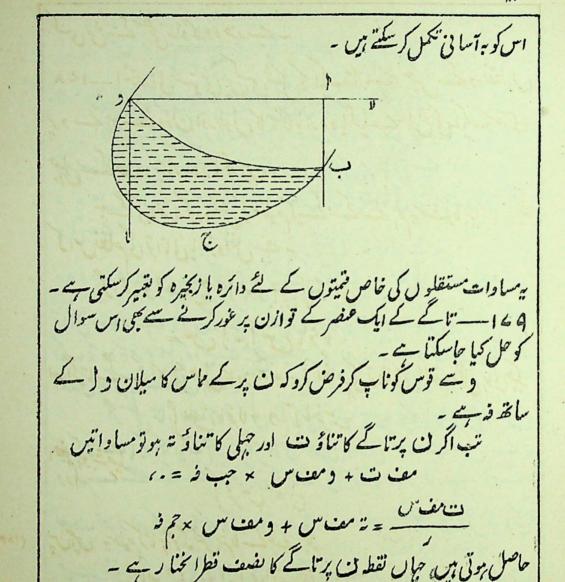
مزیدبان نی پرکے تناوکا افقی جزو تخلیلی اور دب دیرکا افقی آبی داؤکارب پرکے تناؤکے ساوی ہیں جان ن د افقی اور ب د انتصابی ہے۔ ان سرائط سے توازن کی نقین ہوتی ہے اور حسب زیل مساواتیں عاصل ہوتی ہیں۔ ہرت جب (طرعہ) + ج ٹ ک (ک طر + ک جب طرحم طرم م ن جب ط) = و

جاں وزے سنعری کا زاویہ عدا سوئی کے اکائی طول کا وزن و ایا نی کی قدتی سطح کے اورسونی کے محور کا ارتفاع ف اور زاوی ن وف اطرے -ا الغ كى جليان - مائع كى جليان مختلف طريقوں سے يداكى ماتى ہیں- صابونی لمیلرائی عاممتال ہے - صاف سیسے کی بوئل کوحس میں يجھ ازج مانع ہو لا نے سے یا معابون ادریاتی یا صابون اور کلیسے بین کے محلول مِن "اركا اك فرع دو كواس كويتدروج إبرتكال لين سے مانع كى جليال بيدا کی جاسکتی ہیں اور ان کی خصوصیات کا مشاہدہ کیا جاسکتا ہے جھیلوں کا ظاہرامستوی کی شکل میں حاصل ہونا اس بات کی ولیل ہے کہ حافر برارض کاعمل مجالہ حملی کے تناو کے نظر انداز کیا جاسختا ہے۔ یہ ویکھنے میں آئے کہ بہت چھوتے اسی عمل سے بھی جھا بھیٹ مائی ہے حس سے بیتنبط ہوتا ہے کہ اس کے کسی خط پر کا زور کلا اس خط کے عمودی مت میں ہوتا ہے اس سے وفغہ (۹ م ۱) کی طرح یہ نتیجہ نخلتا ہے کہ تنا ؤ ہر ممت میں وہی ہوتا ستوی جبلی کی توانا کی- ازج انع کے اندرسے اگراکی ستوی جبلی كال لى جائے توليد كام كيا جا اے۔ يكام جلى كى توانا كى إ نقوه كو تعبير رائے۔ اكم ستطياجلي إب ح د كاتضور كرو بوسيت ارون إ دبج سے محدود ہے۔ اب مائع کی سطیس سے اورج کے حرکت پذیرتارہے۔ جلی کوا ہر نکال کینے میں جو کا م ہوگا دہ تہ اب × (د کے مساوی ہوگا اور اس کے اگر سطی توانا کی فی ایکائی رقبہ س ہوتو یا نتیجہ س = تہ یہ یا درے کرجس چیزکوہم نے یہاں جہلی کا تناؤ کہا ہے وہ جہلی کے

(IAT)

اسكونيات

كسى رخ كے مطح تناوكا دو چند سے ۔ ۸ ۱۵ - انتقال ستوی مرکسی شکل کا ایک تاری حس کے دونقطوں يروك بوك وزن اورطول كاتا كابانده دياكيا ب-مائع كى المستوى جلی کے صدور شار اور تا گاہیں۔ تا کے کی اختیار کردہ فنکل کو معلوم کرنے کے لئے ہم پیمشرط بیان کرنے کے كاس نظام كى توانائى بالقود أفل ب ـ اگررقبه وابج المورجلي كي تواائي = س (-) س م فرلا اور اگرا کے کے اکائی طول کا وزن و ہوتو نظام کی توانائی بالقوہ اقل برد گی حبکیہ کسی افرلا+ و م ما فرس J= () بسمي يعاوم كنا بوكاككس بفرط كتت جله السيا+(وا+ل) ١١+ ١٦) فرلا كا تغرصف وجابات احصاء تغیرات کی مدوست اس خرط سے مسا دات حاصل موتی ہے $\sqrt{1+3^{2}} = \frac{6l+16}{4(1-3)}$ $\frac{6'll}{6'll} \sum_{i=1}^{2} \frac{6l+16}{4(1-3)!} = \frac{6l+16}{4(1-3)!}$ $\frac{6'll}{6'll} \sum_{i=1}^{2} \frac{6l+16}{4(1-3)!} = \frac{6l+16}{4(1-3)!}$



IND

$$\frac{\frac{2}{\sqrt{3}}e^{-\frac{1}{3}}e^{$$

ورق = - ور ت = و (ا- ا)

 $A + \frac{62}{9} = \frac{1-9}{79+11}$ یہی شکل دفعہ اسبق ہیں عاصل کی گئی ہے۔ اگر ہم یہ ان لیس کر فر = عہ جبکہ ما = ، ادر فر = بہ جبکہ ما = ﴿ لیب = م توہر مساوات کے دونا معلوم مستقلوں کی تعینی ہو جاتی ہے ادر چونکہ ہ = س اس سے ہرسا وات سے ع کی قیمت اکی ر توم ہیں وہی گال ہوتی ہے۔ ١٨٠- صابون کے کردی ملیلے کی تواناتی - صابوں کے بلیلے کی توانانی وہ کام ہے جواس کو پیدا کرنے میں ہوا۔ یہ کام دو حصول برشتمل ہو گا ایک تو وہ کام جو جہلی کو مائع سے کھینج لینے ہیں ہوا اور دوسرے وہ کام جو بلیلے کے الرسطى تناؤت بموتواول الذكر حصه ت نس جوكا (جال سطيكو س تعبیر رتا ہے) کو نکہ ایک جبو لے مستوی عنصر کی توانا نی ت مف مس ہے۔ دوسرے حصے کے لئے فرض کرد کہ اندرونی ہوا کا دباؤ د ہے حب نصف قطرر الوركره مواني كا دبار ١٦ م تو د - ١٦ = من ادراكر مواكي كميت اتنى بوكراس كا جم دار ١٦ برح برما ب تو T = " الراح = د ع ا (فرص كرو) ادراد فدرام اسے اور کو جم سے جم سے میں بچکانے یں جو کام ہوتا ہ = TO E = T (5-3) (ニュー(ニュー)しん(ニュー))がはる=

117

اگرسم یہ مان لیں کہ بلیلے کے اندرونی و بیرونی وباؤں کا فرق مقابلہ كره بوائي ك دباؤك في والمك في والمست و المست كويم حيونًا فرض كرسكة بي اوراسك آخرى جل موطائب (一一 (一一 一一) (一十 十) | 5 十 千 یں ہوا کو بچکانے میں جو کام ہوا وہ اُس کام کے ساتھ ۲ ت : سار ۱۳ کی نسبت رکہیگا جو جہلی کو با ہر کھنچے لینے میں ہوا۔ ۱۸۱ - ما نع کی جملیوں کی شکلیں - اگر جملی کے دونوں رفوں پر جوا کا د ما و وہی موتو توازن کی مشرط میں ہوگی کہ ·= -+ + یا یہ کہ اوسط انحا صفرے -يه منه ط زنيره نما ((Catenoid)) اورم توليما (Helicoid) ی صور تول میں بوری ہوتی ہے جواس کئے انع کی جلیوں کی مکنداشکال ہیں کارٹیزی محددوں میں بیمساوات دفعہ (۵ م ۱) کے بوجب ہوجائگی (ا+ رجف کی ۲ جف کی حب کی جف کی جف کی ا + (حف کی ۲) جف کی ۲ ا ا + (حف کی ۲) جف کا ۲) برے بڑے علماء رہا معنی کے متعدد مقالوں میں اس سادات ریجبت کی ہے جنائخداس مساوات کے چندمشہور خاص حل حاصل ہو چکے ہیں- مثلاً

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

ي جم ا اورجب ي = جبر لا جبر ا

اسكونات

حن میں سے ہراک ایسی سطح ہے جس کا ادسط انحیا صفر ہے۔ العور plateau) كي تصنيف

Sur les liquides Soumis aux seules forces moleculaires, 1873 میں علمار را صنی نے اسس مصنون پر مجانتیں کی ہیں اُن کا مثنا ندار تذکرہ کیا گیا ب ادراس في فود اين جرات عي اس كتاب بين درج كي بس- وارب

Theorie Generale des surfaces Darbou minima Surfaces

کی پوری تعضیل موجود سے معنی ایسے سطوں کی جومتذکرہ بالا شرط کو

بوری کرتی ہیں -۱۸۲ - اگر جہلی کی شکل گردشی سطے کی ہو تو سطے کے محورکو محوری قراردیتے سے

(3) = ١١ + ١١ = ٢

اس صورت میں اوسط انخا کے صفر ہونیکی تشرط سے عاصل ہوگا

 $\frac{1}{\sqrt{\frac{(i-1)^{2}}{2}}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{(i-1)^{2}}{2}}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{(i-1)^{2}}{2}}}} + \frac{1}{\sqrt{\frac{(i-1)^{2}$

رز الرا- وا دد ع + ب = و لوک (ر+ م را - وا) 1 = 1 + 1 = 1

Catalan, Journal de l'Ecole Polyicchnique, 1858.

سے جا وونوں رخوں يروماؤ ورى مو-مع ۱۸ ا - اصول توانا نی کی مدد سے بھی ہی نتیجہ طا ۱۲ ما فرس میں اعظم یا افل ہوگی اوراحصا ہے تغیرات کی مروسسے اس غنی حاصل ہو گا وہ ایک زنجیرہ ہو گا جس کا مرتب گروش کا محور ہوگا-(Researches in the Calculus of Variations) اكب مع در اك خطستقم ادردو نقط اكسيى متوى سے زنجیرہ کا تھینجنا حکن نہیں جوان نقاطیں سے ب فاص صورت مين عرف ايك زيخره الي جاسکاے۔ یہ دوبوال رتحیرے جب موجود ہوں اوالسی فسکل کا جوار موے ہیں جو ایک سند (مے سرا) ڈوری کو رو حکنی کھونیٹول پر لٹکا نے نے دوز بخرے ہوں نواور کے زبخرہ کو مت کے سے جوسطے پیا ہوتی ہے و داقل ہوتی ہے لیکن محلے زیمیر سے جس سطح حی تکوین ہوتی ہے وہ افل بہنیں ہوتی - جب صرف ایک زئیرہ ہو توسطے اقل نہیں ہوتی۔ پس اگر دو دائری تا روں سے ایک ایسا فریم بنایا جائے کران تاروں کے ستوی ایک دوسرے کے متوازی اور اسکے مرکزوں کو الانے والے

خط پر عموہ وار ہوں تو تاروں کو ہانع کی حملی سے ملانا ہمینتہ مکن بنیں۔ تعض صوراؤں میں وو میں سے ایک زیخیرہ منا سے تا رول کو ملانا مکر ہے کسیکر، اویر کے زیمرہ کو تھانے سے جوز کیرہ نما بیدا ہوتا ہے اس کی صورت میں توازن (۱۸۸) قائم مو کا اور دوسرے زبخیرہ نما کی صورت میں عینر فاعم۔ حب صرف ايك زيخيره نما موتو توازن عبر قامم موكا -اس مئله کا ایک غیرسلسل حل محی ہے جب میں دو دائروں کوان نقطو کے معدنوں کو تھھانے سے حاصل کیا جاتا ہے اور ان کے مرکز ایک لا انتہا مك اسطوائے سے لائے مائے ہیں۔ انائككويدًا برشانكا (Encyclopaedia Britanica 162096 Clerk Maxwell; ايك مضمون مي اس مسك يراس طرح روشني والي سعيد حب دوزبخیرے جن کا مرتب وہی ہو دو دیئے ہوئے لفظوں میں سے طبع جاسکیں ادر مرتب کے گرد ان کو تھائے سے دوزبخیرہ نما حاصل کئے جائیں تو ہرز بخیرہ ناکا ادسط انخا صفر مونا ہے۔ اگران دو زنجروں کے درمیان ایک دوسرا زنجیرہ انہی تقطوں میں سے گذرنا ہوا تھینجا حاسے تو اس کا مرتب اُن دو نوں کے مرتب کے او پر موكا اورا سليم مسى نقطه براس كا تصف قطرا نخناأس فاصلے سے كم مؤكا جوعاد كى سمت ميں اس نقطه اور يہلے مرتب كے درميان سے -اس کنے گردشی سفلی کا اوسط انخا محورکیطرف محدب ہو کا اور یہ نتیجہ تخلیا ہے کہ اگران میں سے کسی زنگرہ نما کو دو بؤل ربخیرہ نماوی کے درسیان کے سی زیرہ نما پر سٹا وہا جائے تو جہلی مورسے مبط ما تیکی۔ بھر اگرایک زیخرہ نما دونوں زیخیرہ نماؤں کے إبرایا جائے تواس کا ا وسط انخنا محور کی طرف منفع ہوگا اور اس کے اگراو پر کاز بخیرہ منا او پروار سٹایا الله اسْأَلْكِلُوبِيلْياك كيار مويس اشاعت من لاروريائي في عداس مفتول كي نظرناني كي سعد

عائم اور نيلا ينج وارتو مرصورت مين حيلي محركيطوف حركت كركي-بس بينيتجه سكليًا مع كه بيروني جانب كا زنجيره نما قا ميسه اور اندروني عانب کا غیرفائم۔ یہ استدلال کسی دوسری طرح کے مٹاؤ پر عمادق منہیں آتا اور اسلنے والمين كمل نبوت كے لئے اصالے تغراب كے طريقوں ت مدوليا عزوری ہے۔ سم ۱۸ سار جملی کے دونوں جانب دباؤ مخلف ہول اور ان کا فرق د ہوتو لوازن کی شرط ہوگی = - + -یا یہ کہ اوسط انخامت قل ہوگا۔ گروشتی طحول کی صورت میں اس ربط کو نا بت کرنے سکے لئے جم اصول توانا ٹی کا استعمال کرینگے۔ ح کامشقل ہونا اس طرح بھی بان کیا جا سکتا ہے کہ رہے بندگروسے کے ہیں اور اندرونی زوا کا ججمستقل ہے۔ /(17) (m) + (m) (V) جس سے پنتی نخلیا ہے کہ $\frac{ill}{ill} = \frac{1}{1} - \frac{l_1 l_2}{l_1} = (-\frac{n_1^2 - l_2}{n_1^2 - l_1}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 - l_2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 - l_2}{n_1^2 - l_1^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 - l_2^2 - l_2^2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 - l_2^2 - l_2^2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 - l_2^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ $\frac{ill}{ill} = \frac{n_1^2 l_2}{l_1^2 - l_2^2} = (-\frac{n_1^2 l_2}{n_1^2 - l_2^2}) + \frac{ill}{ill}$ ن الله المراكم المراكم

موسب اس کے کمنحنی محرلا کی طرت محدب یا مقعرت معینی اوسط انخیامت قل ہے۔ عام صورت میں ہیں یہ نفرط بیان کرنی بڑھی کہ و مے ہوئے جم کے لیے
سطح اعظ سے یا اقل اس سے وہی عام نیٹج بستنظ ہوگا۔
م م اللہ اگر جہلی کروشی سطح کی شکل کی ہو ہی ہے بیا بت کر سکتے ہیں کہ نصف المزاری مختی ایک السبی سخ وطی کے اسکر کا طریق ہوا ہے جو ایک خط مستقیم براڑک رہی ہو۔
مختی ایک السبی سخز وطی سے اسکر کا طریق ہوا ہے جو ایک خط مستقیم براڑک رہی ہو۔
اگر تھڑو طی کا نصف قطر اسحنا می اور اسکہ میں سے طریق کا نصف قطر 38 1 5 100 r = 1 + 1 مكافى كى صورت ميں يو صفر برو جانا سے اوراسلنے ر= - سى ان-(۱۹۰) اتص کے لئے سما سے ان (۱۹۰) اتص کے لئے سن (۱۹۰) جاں ھ دومرا ماسکہ ہے اوراس کئے را + س ن ا آئے ۔ اور درا ماسکہ کے اور اس کے اور درا کے کئے ۔ اور درا کہ کے کئے ۔ اور درا کی درا کے کئے ۔ اور درا کی درا کے کئے ۔ اور درا کی درا کی درا کے کئے ۔ اور درا کی درا کے درا کی در Calculus of Variations,)) يا الحررة ركا تحملي احصا-Roulettes and Glissettes

امثله

ram

اسكونيات

(194)

ا ۔ دوروی صابونی بیلے ایک پانی سے اور دو سرایا نی اور انکول کے آمیزے سے

امثله

اُ تُفَائِ گُئے ہیں۔ اگر تناؤ فی خطی ایخ علی الترتیب ایک گرین اور ﷺ گرین کے اوزان کے سادی ہوں اور نصف قطر ﷺ ایخ دور ﷺ مرس تو دو نوں صور توں میں کل اندرونی دہاؤیر جواصلا فر ہوان کا مقابلہ کرؤ۔

اندرونی دہاؤکا کل بیرونی دہاؤیر جواصلا فر ہوان کا مقابلہ کرؤ۔

ادر دورن کا مکر منصف قطر کے دوصا بونی جلیلے ایک ہی ہائع سے اُٹھائے جا ہمی اور دورن کا مکر منصف قطر کا ایک، ملیلہ بن جا کیس تو ٹا بت کروکر تناؤ

ヴーラーで×町 で・・ジャラ×町

کے سادی ہے جہاں آآ کرہ ہوائی کا دباؤ ہے۔ سم ۔۔۔ پانی اور ہواکی سطح فاصل کاسطی تناو ۲۵ و ۸، بانی اور بارہ کی سطح فاصل کا 4 و ۲ م) ادر بارہ اور ہواکی سطح فاصل کا ۵ ۵ ہے۔ بارہ کی سطح پر بانی کا قطرہ رکھنے

سے کیا اڑ ظہور بذیر ہوگا -

سے بیل کے ایک تطوہ کو یا تی کی سطے پر رکھتے ہی وہ نوراً انتہا کی رقیق پرت میں بھیل جاتا ہے تیل کے اس بھیلاؤ کے سبب کی تشریح کرد۔ اور مظہر کے مشاہدے سے نابت کردکہ برت کی موٹائی اس و ایخ سے کم ہوسکتی ہے۔
سے نابت کردکہ برت کی موٹائی اس و ایخ سے کم ہوسکتی ہے۔
تیل کا دوسرا فطرہ سطح پر ڈالدینے سے کیا بات واقع ہوگی۔
م سے اگر ایک لم کا ناسخ جسکے مرے ایک دو سرے سے باندھ و نے کئے ہیں ایک میں کی جہلی کے اندرونی حدہ دکا ایک جزو ہو تو نیا بت کردکہ ناگے کے ہر نقط برانخا استقل

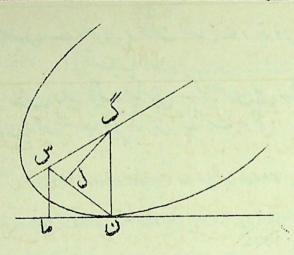
اگرتا گا در نی ہو اور جہلی ایک انتصابی محدر کے گردگردشی سطح ہوتو ٹا بت کر در کھل تواز ن میں تا گے کا تنا وُہوگا

アラードラレ サイド

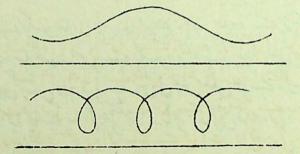
جہاں اس کا طول کی اس کا دون ٹی اکا ٹی طول و اور جہلی کا تنا در ہے۔

ہے۔

اکٹر کی ایک مستوی جہلی اُٹھا کی گئی کی ایک مستوی جہلی اُٹھا کی گئی کی ایک مستوی جہلی اُٹھا کی گئی کے شاہد کی عددی قبیت ، تناؤ (ست) ٹی اکا ٹی کے ثابت کرد کر توانائی (ع) ٹی اکا ٹی کے عددی قبیت ، تناؤ (ست) ٹی اکا ٹی



بہلا زنجیرہ نا (Catenoid) ہے۔ دوسرے اور تیسرے کو پلاٹیو (Nodoid) اورخقدہ نا (Nodoid) اورخقدہ نا (Plateau.) کیا ہے کو کہ اول الذکرسے عقدوں کا ایک لہر لامنحنی اور بوخرالذکرسے عقدوں کا ایک تواتر تعبیر بہرتا ہے۔



عقده نما (Nodoid) کی کوین کا اچھا، ندازه کرنے کیلئے یہ تصور کرنا ہوگا کہ جیسے زائد کی ایک شاخ لائی جا نقطہ تماس لا تمنا ہی فاصلے پر جلا جا آ ہے تب خط مستقیم دو ہوں شاخوں کا شقارب بن جا آ ہے اور دو سری شاخ لواکنا سرع کرتی ہے مطرح شکل میں کم الشاسل بیدا ہوتا ہے اور

Mathieu, Theorie de la Capillarite, 1883.

F. Neumann, Vorlesungen uber der Theorie der Capillaritat, 1894.

Poincaré, Capillarite, 1895.

The articles Kapillaritat by H. Minkowski in Encyklop der Math. Wissensch. Bd. v. 1907, and by F. Pockels in Winkelmann's Handbuch der Physik, Bd. 1. 1908, both of which contain a full bibliography of the subject.

ما سکونیات

اتل

طول کی عددی قیمت کے ممادی ہے۔ ا گر جہلی و خیرہ سے علیحدہ کروی جا سے اور اگر شہدے کمیت فی اکا ای رقبہ تعمیر موتو تا بت كردكم

> (کارساکسول) 1 = 3 - 2 = =

المستعدد صابوني بليلي المايي انع سع أنفائ كليم بن اور كيمان كواك دوسر ست لا دا گیا سبته ایسی مساوات معلوم کرد نس سے حاصل سننده بلیلے کا تصف قطے معاوم موسيكه .. اورنا بين كروكه طع كا كهذا و جمرك ا منافي سك سا قدمتقا بندي ركهناتك ٨ - ياني كاسطى نناؤ جيكواس ك اوير بهوا بو ايسا ع كدايك ايج بركا زور نقت ميا م دس گرن وزن کے ساوی ہے۔ اگر اگروی قطروں کے ملے سے بارش كا اكب تعزه الم تظري الم تظري البين تو نا بت كروك مطحى نادُ س كاكام تقريبًا ١٢٥٠٠٠٠٠ - Good & gland done dig the

4 -- اگرایک جهلی اندرونی وبیرونی غیرمساوی دباؤں کے زیرا زارک گروشی سطے بنائے تو نابت كروكه نقطه ن يركه ماسى مستوى كأمورك ساعة ميلان فداس مساوات

- + U = i = 7

سے حال ہوگاجاں نقط ان سے محریر کا عمود لا ہے اور اکشے مشقر ١٠ - ا بغ ك ايك نطرد كاسطى تناؤيكسال ہے اسے ايك محرك كرد گھا إكيا ہے (١٩٣١) نابت كروكه سطح كالضف النهاري منحني المنحني

کے قطے کا گردونیو (Roulette) ہوگا۔ ا ا -- دوصا بونی ملیلے ایک دوسرے کومس کرتے ہیں اگر ہیرونی سطوں کے تفتقط ا مر ہوں اور اس دائر ﴿ كا نصف قطر ر ہوجسس میں تیموں طحیں قطع كرتی میں تو 1-1-1-1-

۱۱س کو صابون اور بانی سیرے تارکا ایک فریم ذوار بعتہ السطوح یا چارسطی کی شکل کا ہے اس کو صابون اور بانی ہے محلول میں وافل کر کے اوپر کھینج لیا گیا ہے حس سے بعض صور توں بین مستوی عبلیال بیا ہوتی ہیں جن کی ابتدا کناروں سے ہوتی ہے اور جوایک نقط برآ کر لمنی این. خابت کروکہ ہر چارسطی کے لئے توازن کی پیشکل عکن بنیں جوایک نقط برآ کر لمنی این. خابت کروکہ ہر چارسطی کے لئے توازن کی پیشکل عکن بنیں ہے اور سے اور بیکہ یہ اس وقت مکن ہے جبکہ ایک رخ مشاوی الا فنلاع مثلث اور دوسرے رخ مشاوی السافین مثلثات ہول جن کے زوایا راس میں سے ہرایک میں مقط اور سے مرایک کے ہو۔

سوا — سفینے کی دوستوازی تحقیوں کے درمیان بہت ہی کم فاصلہ د ہے۔ اسکے درمیان بہت ہی کم فاصلہ د ہے۔ اسکے در میان این دوسرے کی طرف ایسی قت در میان این داخل کمیا گیا ہے۔ نابت کروکہ تختیاں ایک دوسرے کی طرف ایسی قت سے کھنچ آئیں گی حو

م ا د م ع د ب ت م ع م

کے سادی ہے۔ جہال جملی کار قبہ (اور اس کا گھیرا ب ہے۔ ۔ سطوریہ اس کے جی سطوریہ اس سطوریہ اس سطوریہ کے ایک کھو کھلا قائم مستدر مخروط متجانس ائع میں رکھا گیا ہے اسطوریہ کہ ایک محود کھلا قائم مستدر مخروط میں کس بلندی تک مائع جرم میگا۔ افدرونی ائع کی سطح کی نفز فی مساوات معلوم کرو۔ اسطوانہ کی صورت میں نتائج افذرو۔ افدر فی جموار میں سطے میں واقع ہے اگر فولا دکی کتا فت اصافی کہا ظیانی کے فرہر اور قوت شعری سطے میں واقع ہے اگر فولا دکی کتا فت اصافی کہا ظیانی کے فرہر اور قوت شعری کا جاوی ہو اورو و داوی می ترامنس کی اور قوت شعری کوس محدر کے محاذی بناتی ہے تو تا اس کورک

ے ا ___ائک صابونی ٹکیلہ کو امک گیس کی کمیت سمے سے بھروباگیا ہے جس کا د ہاؤ تیش پر م × (اس کی کنافت) ہے۔ لمبلہ کا نصف قط کہ ہوتا ہے جبکہ اس کوہوا میں کلاما حا اس کے بعدبار بیا کا ارتفاع بر ہتاہے اور میش فنے رہنی ہے۔ نا سے کرو کہ لمبلہ كالضاف قطرر بتناس إ كفتاس بنوجب اس كي كرجباي كاتناؤ - of Los 2 = - 5/4 10 18 10 - 1 ٨١ _ فاست كروكدمما دات ا= لامسى (4 5 x + دب) مائع کی جملی کی ایک میکن شکل کونتمبر کرتی ہے جبکہ دولؤں طریف دباؤ و ہی ہو -19 - اگر دوسوئیاں جو یانی پر تیررہی دیں متفاکلاً ایک دوسرے کے متوازی ر که رمی جائیں ٹوٹاست کروکہ وہ بغلامرای دوسرے کی طرف کھنچ آئیگی اور میر کہ سیمل ف شرستلی تناوی وجه سکاره کا-· ٢ - ايك چيوالكعب ما نع يين تيروياسي اس طود رك كعب كي سطوك ساتھے (١٩٢١) مانع كا زاديرتماس منفرج بع اور ١٩ - عرك مساوى بع اوركعب كا اويركا رُخ افتى ہے۔ اگرائع كى كتافت مف اور كمعب كى غربو اور اگرسطى تناؤج سف م موتر فابت كردكمي ترسكاكا الر (中一丁) 中十十十十十十十一 ٢١ - د نفف قطر کے دو دائری قرص اس طرح رکھے گئے ہیں کہ ان کے مشری ان کے مرکزوں کو لمانے والے خطیر عمودیس-ان قرصوں کے محیطوں کوصابوں کی ایک جہلی سے لایا گیا ہے جس کے اندر اتنی کمیٹ کی ہواہے جتنی کہ اُسی کڑھ موائی میں ج تضف قطر کے ایک کردی لمبلاکو عین بحر سکتی ہے۔ اگر جملی اسطوار كى شكل كى بوجبكه قرصول كے در ميان فاصله نب برتو ابت كروكه قرصول كے درمياني فاصطراع ي تك كمنا أبوى تاكر جهل كروى فكل اختيارك على

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

۲۷ ۔۔۔ تاروں کا ایک فریم مب ارتفاع کے منظور کی شکل کا ہے جس کے قاعد ۔۔۔ صفاع و کے متساوی الاصلاع شکت ہیں۔ اگراس فریم کوصابون آمیز یا نی میں ڈبودیا جائے تو توازن کی حالت بیں مستوی جملیوں کی ترتیب کی تشریح کرو۔ مستوی جملیوں کی ترتیب کی تشریح کرو۔ مستوی جملیوں کی صورت میں توازن کے امکان کے دیئے بابت کرو کہ سب کو ایک سے بڑا

ہونا جا ہیئے۔

سوم — سیال کی ایک جہلی دو ایسے تا روں کو چیکی ہوئی ہے جن میں سے

ہرایک مرعوٰلہ (Helix) کا یک بہیر(Turn)) ہے دونوں مرغولوں

ہرایک مرعوٰلہ (steps) کا یک بہیرا (cli نے کام (Steps))سادی

ہیں۔ نا ہت کرد کہ جہلی کے قوازن کی مشرط پوری ہوگی اگر محور میں سے گذر نیوالی

جہلی کی کسی تراش کی نفر قی مسادات

کی شکل کی ہو جبکہ ۲ م عد = ہرم غولد کا گام یعنی و دستسلہ چوڑیوں (Threads) کا درسیانی فاصلہ

ہم ہے۔ اور اس کا طول بھا بلراس کے مور کے سروں سے ایک کچدار ڈوری (کچک کی قدر علی کے قدر کے اور اس کا طول بھا بلراس کے مور کے سروں سے ایک کچدار ڈوری (کچک کی قدر علی الم المری کئی ہے تیار کے مرمرے کو نشف قطر کی سمت میں موڈ دیا گیا ہے تاکہ وہ کورسے جالے۔ ڈوری دب سیدھی ہوتی ہے توجیت لیکن سے تنی ہوئی ہوتی المرافر لداور ڈوری کو صابون کے محلول میں ڈبوکر کال لیاجائے تو ایک جہلی الا اور دوری سے جبی جوئی کھی تا بت کروکہ سروں کے نز دیک سے حصوں کے سوا وہ دوری شفت قطر سے ایک مرفولہ میں ہوئی جاتی ہے جہاں ر مساوات کے سواڈوری نشفت قطر سے ایک مرفولہ میں ہوئی جاتی ہے جہاں ر مساوات کے سواڈوری نشفت قطر سے ایک مرفولہ میں ہوئی جاتی ہے جہاں ر مساوات

اور نیلی حدایک وزنی نیکدار تاگا ہے جور نضف قطرکے ایک افقی دائرہ کی شکل میں آزادان لاک رہا ہے۔ "ا کے کا قدر نی طول ۲ او اس کے نیک کی قدر لا اس کا دزن ۲ ام او اور جملی کا تنا وُ ت ہے۔ "ا بت کردکر رساوات

・= ではいけしゃしり + ノカントーラ(でごりーじ)

كوبوراكرتا سي-

رہ منہ — مائع کی ایک جہلی بیرونی طرف سے ایک ایسے بنداستوار تا رسے محدود ہے جس کے (ارکے) منحنی کا ایک ہی مسئوی میں ہونا عزوری رئیس جہلی کی اندونی مدایک بند لائم تا گا ہے۔ تا بت کرو کہ کسی نقط پرتا کے کا نصف قط انخنا مستقل ہے اور بیرکہ مراول (Forsion) کا نصف قط جہلی کے اس نقطہ برکے

کسی ایک صدری نصف قطرانخاکے عدداً مادی ہے۔

سا سے سے ارکے ایک دائرہ کو (نفیف قطر 1) صابون آمیز بانی کی سطی میں رکھ کر آمست آمسند آمسند آمھایا گیا ہے "اکہ اس کے ساتھ ایک جہلی اُ مُھُد آ کے۔ اس کے وز ن کو نظرانداز کرکے ٹابٹ کرد کہ جہلی کی نفیف النہاری قراش ایک زبخیرہ ہے جہلی بانی کی ہموارسطے کو جس زادیہ پرملتی ہے اس کومعلوم کرد۔ نیز ٹابت کرد کر نفیف لنہاری منحنی کا مبدل جبکہ جہلی کارقبہ 18 1 کے ساوی ہو 18/ی ہے جاں ی

وتمز ع + ى (ئ - ١) ا = ى

سے عال ہوا ہے۔

م س س شعاری نلی کا سراجب یانی میں ڈبو دیا جاتا ہے تو یانی ف ارتفاع کک اس میں چڑھ جاتا ہے اور د نصف تط سر کا اس میں چڑھ جاتا ہے اور د نصف تط سر کا ایک قطرہ اس کے سرمے بر منو دار ہوتا ہے اگر نلی میں شہم روسے یانی کا طول قطرہ کی تہ سے نلی کے اندرونی آبی ستون کی جو ٹی تک دیکہ سطی تناؤصنا

アルー(ご)-サーイ

(191)

سے عاصل ہوگا جہاں کتافت کو بٹ تعبیر کرنا ہے اور یہ بان سیا گیا ہے کہ تفوہ کر دی ہے۔

ھ سے ۔ دودائری جھلے جن کا شترک حوران کے مستویوں پر علی القوائم ہے النے کی
ایک ہندجلی کو تھا می ہوئی ہیں۔ جہلی کی اندرو نی ہوا ہیرو نی ہوا سے زیاوہ دیا وُ پر
ہے۔ نابت کردکرجہلی کے سرے نصف قطر او = ۲ من کے گرے ہیں اور حھلیوں کی
در سیانی سطح ایک گرد بغی سطح ہے جس کے نصف النہا ری سخنی کی ذاتی ساوات
جب فر یہ لل یہ میں ہے جہاں محر سکے نصف النہا دی سخنی کی ذاتی ساوات
محورت لاے۔

الم اس اگر ائع دو سوازی انتها بی تخیتر ل کے در سیان سفواری عمل سے او بر هینجا حالے نو نابت کرد کر ساکن سطح سے او پر آزاد سطح کے کسی نقط پر چرا ہاؤ ف /طن مراس کے جوراس سے جوراس سے جوراس سے جہراس سے جوراس سے جوراس سے اور آزاد سطح کی قوس س ہے جوراس سے نابی گئی ہے ،سطی تناوُ سے ، ہے جو شدہ اس کے سادی ہے اور مقیاس ک = مرابی ہے مرابی ہیں ہے مرابی ہ

عسم - رفعف قطر کا ایک طویل ستدیرا سطوانه این میں کلاً غرق ہے مائے کے ساختراس کا حادث کو بتدرہ جو ساختراس کا حادث کو بتدرہ بج مائع کے ابتدائی اور انتہائی ہموارسطے کے اوپر فن مائع کی ابتدائی اور انتہائی ہموارسطے کے اوپر فن ارتفاع کے جب اسطوانه کا محور ہنچ حابہ ہے تو اکنے کے ساختیاس ٹوٹ حابہ جبال فن میاواتوں

ن = رجم (ف - ع) + م مم نه ال بب (ف - ع) + ۲ جب نه - مسترا جب نه ال جب (ف - ع) + ۲ جب نه - مسترا جب نه ال جب الجب به الم - مسترا جب نه ال جب به الم - مسترا جب نه الم

سے ماس بواہ اورسطی تناؤکو انع کی کتافت کے ساتھ جونسبت ہے وہ ہے ما ج

+ ١٨ ان ت را + ١٨ ١ س ت ح ر + ف ا ت = سے حاصل بڑا ہے جہاں صابون کی جہلی زے دونوں سطوں) کاکل مناؤنی ا کائی طول ٢٥ - ايك مستوى تختى انعيس جزء عزق كردى كنى عدد انع كى كتافت من اور سطحی تناو مت سے۔ انع اور تختی کے اوسے کے سلنے توت شعری کا زاریہ برست اور تختی انتی کے ساتھ زاویہ عدمی سلیان رکھتی ہے۔ نا بت کرد کہ مائع کی ساکن سطح سکے اوپر الم تختی کے دوبوں رحوں ہما بع مے ارتفاعوں کا فرق ہے ١٧ - ايك زيم اب ج د تين سيب ١٠٠٥ (ب، بج، ج د سے بنایا گیاہے اوران کو ایک مولد د اکی قرس سے ملا دیا گیا ہے مول کا زاویہ ہے ے - مرفول کا محر دب ج ب اور اب اج د، طول و کے نصف قطریس - اع مربيكر صابون كے محلول ميں دبوريا جائے تر خاست كروكدا يك جبلي سيدا ہوكى حس كى سطحی توانا یی موکی (1+rb) J+ Pb 200 جہاں طمی تناؤ سے اور اب اج دے ورمیان چیوٹازاویت عدے۔ ٢٤ - كن نت ف ادرسطى تناد ت كاايك سيال النصف تعرى ايك شعارى (١٥٥٠) نلی میں اور کھینجا گیا ہے جس کے ساتھ راویہ تماس عربے ۔ اگر ت عربی نے ما تو نابت کرد کو نلی کے محط رسیال میں اتفاع کک چڑھ مبانا ہے وہ ہے الم الم عمد الله (ا تطاع - اسم ع- ١ مس مه) جہان کے کی تمیسری اور اعلیٰ قومتیں تطراندازکرد می گئی ہیں۔ سینتی کنانت مف کے تجاذبی ائع کا حجم سے ۳ کٹا ، TT داؤپر کے

کرہ ہوائی سے گھراہوا ہے ۔اس کے اندایک ہم مرکز جون سے جو ہواسے بھرا ہوا ہے جس کا جم اس کرہ ہوائی کے دباؤیر ہے 11 وہ ہوتا ہے۔ این کا سطی تناو مت ہے ۔ تا بت کروکہ وازن کی صورت میں جوف کا لضف قطر لا مساوات

 $\left\{ \begin{array}{c} T_{1} = -\frac{T_{1}}{T_{1}} + \frac{T_{2}}{T_{1}} + \frac{T_{2}}{T_{2}} + \frac{T_{3}}{T_{3}} + \frac{T_{3}}{T$

4 مارگذافت ف کے ایم کی کھیت قوق کے ایک بقائی نظام کے زیمل توان میں ہوجن کا قوہ کسی نقطہ بر رہے ہے جہاں رہ ایک خابث نقطہ وسعے فاصلہ ہے ادر اگر مشیفہ کی دو متوازی تختیاں جن کے نزدیک تر رخوں کے درمیان بہت حجوانا فاصلہ لم جے ہے ایک میں و کے شقابل جا نبوں میں رکھدی جائیں اور اگر میموں میں و کے شقابل جا نبوں میں رکھدی جائیں اور اگر ان تخیوں میں و کے مقابل جھو سے سوراخ ہوں جن میں سے اسم میہ کر جا سکتا ہے تو نابت کردکہ اور دے مقابل جھو سے سوراخ ہوں جن میں سے اسم میہ کر جا سکتا ہے تو نابت کردکہ اور دے اندونی و برونی نسف قطر ہیں مساوات

معج ف (الم - الله على عمد

سے مربوط ہو بھے۔ جہاں عمر وہ زاویہ سرے جو اسوائی سطی شینے کے ساتھ نباتی ہے اور

س شعاری ستقل ہے۔ • سے سینے کی ایک بڑی تختی ایک ایک کی سطے سے اعظائی گئی ہے اس طرح مائع ن ارتفاع تک اوپر کھینے آتا ہے اور تختی کی نجلی سطح کے ساتھ زاویہ نماس کا متم بہ ہے نابت کروکہ ایج سے بھیلے ہوئے دائری صدی نصف قطر تقریبًا

ہے۔ جہاں ب ا (ا۔ جم ا ہے) / (ن ا۔ ب ا جب ا ہے بہ) ہے۔ ہے۔ ہہاں ب ا جب ا ہے۔ ہے۔ ہہاں ب ا جس سے متابع بن کی کتا فت ف ہے۔ ہہاں ب ایک ایک جم ایک گروشی سطح کی فتل میں مظامر رہی ہے اس کا مور انتقا بی ایک گروشی سطح کی فتل میں مظامر رہی ہے اس کی اوپر کی حدیا اعاطم ایک وائری تارہے جوانقا تقا اگریا ہے۔

٨ معو _ إن كالك تطون تين كي ابك انفي تفتى كي كلي سلم عن ابك را ب السطمي تناؤكو ياني كے بوغي وزن كے ساتھ نسبت مهر دور ء = لم مر (فزفر/ فرس) جہاں تعرہ کے نصف النہاری منعنی کی توس س سے ادر فد وہ زاویہ ہے جو تضعف الهذاري منحني كاماس افق سے بنا أبسے تو تا بت كردكد (جبية فر + ع) (٢ جبيد ف + ١٤ ع) = ١ ع مسر فر (قط فر + مسر فر × ع + ع) جاں ء = فرور ا ع = فراور فر فدا اگر کام ج نظرافدازکرویا جائے از تا بت كروك مفعده النهارى منحنى كانخنا كامريع ب جاں الا یا مسرع فر اور نقطرانشطاف پرلاکی نمید لا ہے۔ A مع - زاویدراس م عد کا ایک طویل فانه یا نی میں بیرر با مع اس طور پر کداس کا تا عده انقى اوراس كا اديد كاكناره إنى كى قدرتى جوارسط ميى بعد اكرسرول بد شعاری عمل نظرا نداد کرویا جائے تو تا بت کروکہ و-و = ٢ س قطع (جب عد + جم مر) جهاں عانه كا دزن في اكا في طول وا اس كے مساوى حج كے بانى كا وزن و اسطى تناؤ ت اورقوت شعری کے زادید کا کما حرب -٠٩٠ - س جو سے باره کا ایک نظره بغیر بیرونی فولوں سے عمل کے شیقے کی وو دووں مقال کے مقتقے کی وو دووں مقال متوازی تختیوں کے درمیان دا ماکیا ہے۔ تحقیق کی درمیان فاصله ف بنظمی تناوی التا الشيقة اورياده كے لئے زاويہ تماس منب - أما بت كرو كرمط لوب وا وكى مقدار

(一一) / 一丁 17 (1-4)

ف = ١٩٤ كر (طن ١١٥- م) فروك ٢=١١٩ عد الر (طن ١١٥- م) طن عود $a^{\prime}(a^{\prime}b^{\prime}+a^{\prime}) p^{\prime}a^{\prime}p^{\prime} = (\frac{\pi}{r}) \triangle = p^{\prime}$ جب تختیال ایک دورس سے بہت نزدیک ہوں اوتا بت کروک دیاو کے افات ا 23.60 Cr ام سال کا ایک قطرہ وکسی قونوں کے در عمل نہیں مواسے کیال برونی وائ اور طعی تناؤ کے ایک استوار میم کی طرح ایک محد سے گرو گھوم رہا ہے۔ اُل بت کرو کھ سطع بالسي سيقل ع خال ما مل سطح كمدرى فطافيا بن -م م احب مب الحوري منه وادا نصابي بوادر مدا مناسب فتحنب كيا مما برتواناب كروك مم المما فول ك ودسيالول كي سطح فاصل إس رابط (ジャン)り=61 كويوراكرتى ہے - جاں افخا كے صدرى نشف قطر على مل بي جن كومضبت قرار داكيا ہے جگہ تعریبے وار ہو، وا = است/ اے (مم -مم) ادر درمیانی رخ کا شعاری

مستقل ت ہے۔ اگر سطح محوری کے گرد گردشی سطے ہو تو نا بت کرد کہ محرکے نزدیک کے حصہ کی تقریبی سیادات (اسطوانی محدد ول میں)

(Amplitude.) Am. = b (Cotam. = A

(19A)

المتحصر أوكي جوعيم معلوهم مكتاست - نيكل حسب به قانون تجازيب كاتا نون میں نیوٹن کے کلیہ کی پاشدی کرنا فرض کرلیا جاتا۔ طعوم ای سے-اس کے زرات ایک دوسم ت سے جنسے فاصلہ اس جوالیہ بالتی سبے جنسے فاصلہ آزاد سطح

جروزہ اور کیت کے مرکزکے ورمیان جے ، اور اگرسیال کی کل کمیت کانات مد ہوتو نظط لا، ا، ی برکے سالی ورہ پر عاصل کشش کے اجزاے ترکیبی محوروں کے ستوازی ک مدلا مد کا مدی سے تعمر ہوسکتے ہیں۔ مبداکو مرکز مقل پر لیے سے اور گروش کے محور کو محوری واروسیے سے توادن كى مساوات ك فرد = ف (سالا - مدلا) فرلا + (سدا - مدما) فرا - مدى فرى } و= ٥ + ال ف (سام م) (لا + ١١) - ٥٠ ي آزادسطی یر و صفر پاستقل سے اور آزادسطی کی مساوات سے (199) J= '6+("+")(=-1) مستقل سال کی کمیت براور سد برمنحصر وه گا-سرجب بہت جھوٹا بہونا ہے تو آزاد سطح تقریباً کروی ہو تی ہے اور جیسے سے، سفرسے صدیک بر متاہے تو کروی سطح قطبین پر زیا وہ ترجینی ہوتی جا تی۔ حب سے = مد تو آزاد سطح دوستولوں برشتم موتی ہے اس کومکن نبانے کے لئے ہم یہ تقور کرسکتے ہیں کرسیال ایک اسطوا ٹی سطح کے اندر فوا جوا جو جس کا محور كروش كي راعض وي-جب، سنة کے صد تو آزاد سطح زائدنما دوحادری ہوتی ہے جو سد کی ایک فاص میت (ستہ) کے لئے مخروط بنجاتی ہے اور سیال اس نفنا کو یرکر اسے جو مخروط اوراسطوائے کے درمیان ہے - سال کے تحرکو محسوب کرئے (= . رکینے سے سئے کی تعین ہوسکتی ہے کیو کم اس صورت میں مسالی دیا و معددم ہوجا اے۔ اگر سے کو سکہ تو آزاد مطلح زائد نمایک جا دری ہو آئی سے جو جیسے سم براہتا ہے اسطوانہ کی شکل کے قریب آئی ہے اور اس کئے سمہ کی بڑی نیمیة ل کے لئے یہ قیاس کرنا صروری ہے کہ اسطوان جس کے اندرسیال ہے استے سروں پربندہے۔

اس دفنہ کے نتائج غیر سخانس سیال بر بھی صادق آئے ہیں خواہ متواتر طبقات میں کتا فت کے تغیر کا کا اوْن کچھای ہو۔ ۸۸ اے منجانس مائع کی کچھکسٹ جس کے ذرات کلیپہنیوٹن کے بوجب ایک دوسرے کوفاب کرتے ہیں امنا فی توازن کی طالت ہیں ابنی کمیت کے زیس سے گزرے واسل ایک محورے کرو کیاں دفیارے طوم ری ہے۔ سطح الم معلوم كرا مطلوب - -سل کا الفیک حل در یافت کرنا مکن بنیں حس کی دحداد پر مثلا وی گئی ہے الكروردولها ما حاسكات كرويثا (Oblate) كرونما توازى كى مكن شكل سيء فرض كروكه كره كما كى مساوات سنة 1= - 1+11-7 + 15 جال أوش كامور كور كوركوري س تے نقط ال المانی یوسے درہ یر مداکی سے میں ماور کے متوازی ما المنسل بالترسي 8= 11 (1+1) -1 1 - 8 (5+1){1-1-1660 nd=2

(r.)

کے ۔۔ لابلاس کی (Mecanique Celeste) باکسن کی (Mecanique Celeste) وویل کی است کی (Mecanique) وویل کی است کی است کی است کی ساوات (الله الله) والله الله کام والا (۱ - والله) الله کی ساوات (لا + مالله) والله (۱ - والله) الله کی ساوات (لا + مالله) والله (۱ - والله) الله کی ساوات (لا + مالله) والله کی ساوات (لا به مله عاصل موجلت میں ۔

تواذن کی مساوات سے فرو = ب (سدّ ا - لا) فرلا + (سدّ ا - ما) فرا - ع فرى } لیکن کرہ نما کی مساوات سے ٧ فرلا + ما فرما + (١ + لاً) ى فرى = ٠ ادر چونکه اسکومساوی و باؤگی سطح بهونا جا سین اس کنے G(1+1)/c--= 1/10-1-= 1/8-1-بيسمين حاصل جوتا ہے سر <u>اسر السر السر السرال السرال السرال السرال السرال السرال</u> السرال الس اگر سداور ف والی فائن تواس سا وات سے لد معین ہوجا آ ہے اور بحركره ما كے نيم موروں كى باہمى نسبت معلوم ہوجاتى ہے۔ اصلی حل دریافت کرنے کے لئے فرص کروکہ ١= (٣+١١) من الا - ١٠ ال من الا کی باے اس کے سلط موسدرج کرنے سے جیم انتے ہی مترق ہے جکہ لا ﴿ ا حاصل ہوتا ہے

بقیر نوط صفی (۳۰۷) له کے استعال سے غیر منطبق مقداریں شائل نہیں ہونیں۔ مائل شکال کیلوں اور رائو تھ کی تحلیلی کوئیا ت کیلوں اور رائو تھ کی تحلیلی کوئیا ت حصد دوم صفی ۱۹۹ میں مندرج ہیں۔

(1.1)

کے معددم ہوتا ہے جو ہاہ ہے بڑی ہے۔ مددلوں کی مدد سے ہم اسانی
دیکھ سکتے ہیں کون (۲) مغیت ہے اور ن (س) منتی اس کے مطاوع ہمیت
۲ اور س کے درمیان داقع ہے۔ نیز فن (۵ ۲۶) = ۲۰۰۰ د تقریباً اور
نیوٹن کے طرفیۃ تقرب سے ۲۵۵ – نیز فن (۵ ۲۶) = ۲۵۰ + ۲۶۵ و ۲۰۵۰ د د

SALAR BALLER BAL

اوراس بنت ما عط مون اس وقت مدوم ہوتا ہے جبکدا = ۲۰۵۲ میں اور اس بنت کام موم و تا ہے جبکدا اور اس بنت کام موم و ہے۔

اس من ما عط ہے اور اس کی ترسیماس کی ہوگی جندور میں وکھائی گئی ہے لیکن اس معین کا بیاد نصلہ کے بیاد سے بڑا انیا گیا ہے۔

لیکن اس مومین کا بیاد نصلہ کے بیاد سے بڑا انیا گیا ہے موم و تو جبیا کرہ نما توازن کی مکمن طلل ہو تی ہیں کہ اگر سمتا / ۱۹ ہوف حدم موم و تو جبیا و دور منائی اشکال مکمن ہیں کو بیاد و دوم می اس سے کو معین کی مرقب سے کہ مونی ہیں۔

دور ہنائی اشکال مکمن ہیں کو بی کا دوم مری اس سے کو مومی تو ہیں۔

مول کو ایک و دو تھی قبیتیں لم الم الم الم الم بوتی ہیں۔

مول کو ایک و دو تھی قبیتیں لم الم الم الم الم بوتی ہیں۔

مول کو ایک و قبیتیں لم الم مولی اور دوم مری اس سے کم ہوگی۔ فرض کرد کو لم کے الم و تی سیم ہوگی۔ فرض کرد کو لم کے الم و تو سیم ہوگی۔ فرض کرد کو لم کے الم و تو سیم ہوگی۔ فرض کرد کو لم کے الم تو تی سیم الم الم الم میں اس سے کم ہوگی۔ فرض کرد کو لم کے الم تو تی سیم الم الم کا میں گئی ہے اور لم بڑ ہنا ہے (و کیمونیکل)

تو جے سیم الم الم کی میں گئی ہو تھی اور لم بڑ ہنا ہے (و کیمونیکل)

اور یونک لی کے ۱۲ م ۲۵ م ۱۷ کے ۱۲ کے ۲۵ دو کی نی تع کوروں مين سنبت ١١٠ لر : ١ ب اس ك له كي بري ميت بمين بهت زاده يعيظ كره نما كوتعبيركرتى سهاور سمار ٢٠ ش كوم جننا زما ده حيوما ليس ده كونما زماده ترحييا موجا آئے جواصل لیے کے متناظرے۔ نیز سلام ہوت کی جیونی متیوں کے لئے اصل لم جھونی موگی اور الرصدكره ناكى الميليجية كوتقبرك تو م (١+٥٠)= م المالم لا الطرح صد = لم القريباً اور اس لئة فساوات (م) سے صر كى بهلى قوت تك - يا कें के मान/माठ = 0 میکارن بہلاستخص تھا جس نے بہتا ہے کما کہ متحانس سمال کی کمیت حمک وہ کھو مر رہی ہمو تو زواز ن کی حمل شکل حیثیا کرہ نما ہموتی ہے اور اس لیے ان کرہ نما وُل کو عام طور يرم كلان كره نما كتيمن-٩ ا __ ایسے سال کی صورت میں اس مسلم کا استعال جس کی کتافت زمین كى اوسطالانت كىمسادى ب اگریم فی الحال زمین کور تضیف قطر کا ایک کره مامین اور اس کی اوسط کتا کو ف سے تعبیر کر ب قواس کی سطیر کی گفتش ہے ہدف رہے نغیر ہوگی۔ اس سے قطب پر عا زہ ارمن کی قوت (ج) کی بھی سالت ہو جاتی ہے۔

له فرارون کی کذاب Scientific Papers طیروم کے صفحہ ۲۲۲ میں سے اس اور اور ان کی کتاب میں سے اور اور ان کی کتاب کی تعییری قرت کے حاصل کی کھی ہے۔

ماسكونيات

س کے بین نظام کی اکائیوں میں ج مدم ہ تقریباً اور ۲ ہر = ۲ مد، استی میٹر-اس لئے ہیںتی اکائیوں میں

07. x +4650 = 087/2 m= =

اگریم کره نمائی نتکل کے گئے ستارہ ہون کو اس کی انہائی قیمت

۲۲ ۲۷ کے ساوی میں اور ن کی متذکرہ بالاقیت کو استفال کریں نو محوری

گردش کا وقت ۲ ہم/ معد = ۲ گھنٹے ۲۵ منٹ حاصل ہوتا ہے۔ اس کئے یقلیل

ترین وقت ہے جس میں کچھ ستجانس کمیت جس کی کٹافت زمین کی اوسط کتا فت

کے مساوی ہے کیسال رفتار سے ایک جیٹے کرہ نما کی شکل میں گھوم سکتی ہے۔

یعراگریم معد کی کائے زمن کی ذاو کی رفتار یا ہے۔ استعمال کریں تو

پیمراکریم سدی بجائے زمین کی زاوئی رفتار ہم بدہ ہم استھال کریں تو استھال کی تو استھال کریں تو استھال کی کریں تو استھال کریں تو

جواننهائی قیمت ۲۲ مسے کم ہے اس کتافت اور اس زاوئی دنتار کے لئے دورہ نمائی قیمت ۲۲ مسے کم ہے اس کتافت اور اس زاوئی دنتار کے لئے دورہ نمائی اشکال مکن ہیں کیونکہ لا کی دوختیقی قیمیٹیں لمتی ہیں جسیا کہ دفعہ (۱۸۸) میں واضح کر دیا گیا ہے۔ بڑی قیمت ایک ہمت چیا گرد نما کے متناظر ہے اور چیو فی قیمت سے ایک ایسا کرہ نما حاصل ہوتا ہے جس کی الیا چیمیت دفعہ (۱۸۹) کی دوسے ہے

اسم المسلط المس

ام و کید ان اکیلامید ایری انهای (A. R. Clarke) اور (F. R. Helmert) کا منه ون (F. R. Helmert) منه ون (Figure of the Earth)

(1.7

اب یہ واقعہ کہ متجانس سیال کے ایک کرہ نما کے محرص کی کٹافت زمن کی اوسط افت کیمساوی اور حس کی گروش کا وقت زمین کی گروش سے وقت کے مساوی ہوس ۱۲ و ۲۳ کی نسبت رکتے ہیں یہ بتاتا ہے کہ یہ باکل فارج ازامکان سے کہ زمین ایسے دور جماع میں کسی وقت ایک متحانس سیال کی کمیت تھی۔ ا ۱۹ - لبوتراکرہ نما مکن شکل بنیں۔ یمعلوم رہے کہ ہم نے اضائی توازن کی حالت میں کھوسنے والے سال تی شکل کے عام مسئلہ کوعل بنیں کیا ہے ملکہ صرف بدولها ما سع كداگرستم/۲ او ف حدد كره ۲۲ د تو صفح كره نما مكن شكل اورم و میضنه بی که به نیتی سال کی مقدار کمیت برمنحصر بهنی بلکه هرف كنافت اورزاه في رفتار برخصر ب - اگر سنا/ ٢ ١٩ ث ١٢٨٧ ، تو اس مینیتی نہیں بھلتا کہ وازن نامکن ہے بلد صرف یہ کہ اس صورت میں چینے کرہ نما من ہیں ہے۔ آب بر معلوم کرنے کے لئے کہ آیا لمبو تراکرہ بن مکن شکل ہے یا نہیں ہم دفعہ(مدا) میں لیا کی بجائے۔ کیا مکہتے ہیں جہاں کہونا چاہیے < ایب اس دفعہ کی (عه) اور (حم) مسا دا توں سے ران ۱۹۲ = - المراز (۱۰۵۲) (۲۰ ۲۲) ران جو نا مکن ہے کیونکہ مساوات کے طرفین مختلف العلامت ہیں ۔ کیسس كره تما توازن كي مكن شكل بنس بوسكتا-۱۹۲ - ایس فے (۲۰۰۰) یا بتایا ہے کہ برونی قرق کے زیم ساکن (۲۰۰۰) سیال کی مساوی دباؤکی طوں اور ایسے سال کی مساوی دباؤگی سطوں کے درمیان خرورى فرق ہوتا ي وات كى ايك ووسرے كو حذب كرف والى قو لؤل كے زیرعمل ساکن ہے ماان کے زیرعمل تابت محدرکے گردیجیاں رفست ار

زمن کردک (ب ج آزاد طح اور د ع ف ساوی دبادگی کو فی سطے ہے المن سورت من ح ف ع كسى نقط برى ماصل توت اس نقط برطح ووارسے اور (ب) اور دع دناکے درمانی سال کے وجود سے اس سے اگراس سال کو نکال و ما جائے قراس سال ی نقطریر کی قون اگر دیکہ اس نقطہ پرسطم کے عمود وارہے ا اندروني سال کي کميت کي اور دع ف اور (ب ج فسنوں کا حاصل ہے واصل قوت کے ان دو ترلیبی کاسطے محے عود وارہونا حزوری بنیں اور عاصر طور مر ع ف کے سرونی ال کو بقیہ سال کے بوازن براٹر ڈالے بنیرعلی و نہیں کیا جاسکتا ۔ س مواور ذرات کلیے موسی کے موجد اس طرح که آزاد سطح کره نما مولو متعثابه کرهٔ نما ہونگی اور انسی صورت میں جو نکہ دوہم مرکز مت ناقص مناؤں سے گھرے ہوئے ناقص نما نی خول کی حا اندرونی نقطیر صفر ہوتی ہے اس سے اب ج اور دع دے کے درمسیا سال کوعلی ده کیا جا سکتا سے بیٹرطبیکہ گروش کی رفعار غیرمتنغیرا۔ آزاد سطح (ب ج اِن مِن سے ایک شکل ختار کرتی ہے۔ ہور سے اساج اور کے ہدک کے درمیانی سال کوسال بر کسی قسم کا افر ڈائے بغیر علاجدہ کیا جاسکتا ہے۔ گ ھ کے کے فتلہ ن برکے زرہ پر فیل کاعمل نقطدن ے میں سامل ، کست ک ھ ک کی تشش اور مفرد ضر قرب

سے رکے ساتھ ماکر نقط ن براس کرہ ناکے عمود دارے جو نقط ن بیں سے اور سطح اسے کے ہم مرکز اور متفار سے۔ دوسرے الفاظ یں طے رکے ایک ذرہ کا وزن اس سادی دباؤ کی طے کے ع د کی سمت میں عمل کرتا ہے اور کسی اندرونی ذرہ کی صورت میں اس مساوی دباؤ کی سطے کے عماد کی سمت میں عمل کرنا ہے جودزہ میں سے گزرتی ہے۔ اسي طرح اگرة زادسط الب ج كي شكل مكن اشكال بيس سے ايک موتو ية قياس كرستين بين كر الع كالياب مع مركو خواكسيت كساته بور وباكياب الى بيرونى سطح اسى شكل كى ج سيداب جميد الدرسى مكن شكل كى سط ہے-يهلي ورسري صورت میں (دے ج مساوی ویا و کی سطح منہیں ہو گی ۔ کیونکہ مساوی ویا ؤکی نئی تفحیس بیرونی سطح کے متفاہ اور متفاہا واقع ہونگی-بعروال سے اگر سال کی کھی کمیت ایسے مرکز نقل میں سے گزرنے والے ایک محد ایک ایسی زاو نی رفتارسے گھا وی طائے کہ سم / ۲ او ب کی قیست د فعد (۱۸۸) من عال سفدہ مدسے متا وزرواے تو اس سے مستنط نہیں ہوتا الدسال کرہ نمائی فنکل میں متوان نہیں وسکتا کیونکہ یہ نیاس کیا جاسکت سے کہ ية اطراف من ملحاظ محرك عيل حاسكي اور زياده جيشي صورت اختياركرت كي حتی کراس کی زاوئی رفتاراس قدر کھٹ جاسے کر کرہ نماننگل کا امکان ہوجائے۔ اگر کمیت سیال کال پرشتل ہو تو اس کی شکل تواز ن کے کرہ مناشکل ہیں ہے ہتیزاز تی سکن ارجبیاک نام معلومرسالول کی صورت میں ہوتا ہے، ذرات کے اعمانی سٹاؤے الطبیدا ہوتو اہترازات بندر بج محصلتے جائیں گے ادربالآخر نوازن کا ایک محل رونا أب بيرا بعول امستعال كرك كركل نظام كا زاو ني معيارا بحركت بلحاظ محور ليمستقل ربينكا بممانتهاني زاوني رفتاراورا خنتيار كرده انتهاني شكل معلوم عام سوال ربحث كرنے كے فرض كروك سال كى كميت كوكسى طرح حركت يى كاوريم الكراين مالت يرجيور ويأليام توكيت كامرزيا نوساكن موكايا كيسال

ر فقارسے ایک خامعقیم یں ترکت کرمیا بیس س حرکت مرف عورکرا مو گاج کمیت کے مرکز کے لحاظ سے ہے! کیت کے مرکزیں سے ایک ایسا ستوی کھینچ حب کی ست میں ذا د فی معیاد وكت عظم إلى - تر يومنوى حبكو ميارى منوى كما جاكتا بي المريد خواہ حرکت العدس بال کے ذرات ایک دوسرے پرکسی طرح کاعمل کریں اور جب ذرات كي اضا في حركت ان كي اجمي ركرطسے فنا موجا ميكي تو اضا في توازن كي ما ييں اس متوی پر کاعمود وارتحوراسال کی کمیت کاگردسش کا محورسوگا-فرض كروكه نظام كا ديا موا زا و في معيار حركت هرب ادر ما لا تراسكي زاد في (4.4) رفتارسے - براکست کو کی اور ج مار + لا - عادرکست کوک سے بغیر کریں توزاد نی معیار حرکت کے لئے جل ج کے ج (۱+ لا) سدعال جوگا-== = (1+1) TI : 」=(リャリ)でごの日 ان دومسادا نول اور مساوات سے ج ، سه ، اور له كي ميش دريافت كيجا سكتي مي -یملی دو ساوا توںسے で(三日か) 1000 = で(リナリ) 11-11 (リナロ): حسسے لا کی تعین ہوجاتی ہے۔ اس مسادات کی ہمیشہ ایک اصل دیو دکرتنی ہے کیونکہ داہنی طرف کا جمسالہ

لد کے ساتھ صفراور لا تناہی ہوتا ہے۔ اس سے اس کے اس کو ایک ایسی قمیت اختیار كرنى جائية جوا عفراور ٥٥ ك ورسان له كى كسى خاص ميت كے لئے ابائيں طرت کے متنب سلفل کے مساوی ہو۔ مزیدبرآں یہ تبایا جا سکتا ہے کہ اسس مسا وات کی مرف ایک اصل شبت سے کیونکہ یہ نابت ہوسکتا ہے کہ وا مبنی طرف ع جملے کا مشتن ہمیشہ مثنب ہے۔ اس کئے ھا اور ک کو دی ہوئی مقداریں سم اس نتیجہ پر سنجیتے ہیں کہ ایک اور صرف ایک کرہ نما شکل ہو گی جس کی طرف البتنزاو كرف والاسيال ساسل الل مونا حاسكا Mccanique Celeste, Tome, II ير مجست لا بلاس كى قتاب Système du Monde, Tome II كي المركامي كولان كي کے صفی و ، میں اور شراندی Mecanique Celeste Tome, II وتی کا نا قص نا - جکوبی نے یہ دریانت کا کہ تین غيرمسا دي محروں والانا فص نما گھوسنے والے مائع كى كميت كے لئے اصنانى جیکوتی کے مئلہ کاصب ول تبوت (Liouville) سے لاگاے ج Journal de l'Ecole Polytechnique, Tom, XIV مريشانع موا-گردش کے محرکو بحوری لی رفض کرو (اگر مکن مو) کہ مائع کی سطح اس شکل کی ہے جومسادات 11) = "5+ - 1 + 7+1 تب اگر مائع کی کمیت ک ہوتوسطے کے نقطہ (لا) ما ، ی) بر کے فرہ یر (2-4) کی ماصل شفیر علی الترتیب (لا ، ب ما ، ادر ج ی ہیں۔ جہاں

كمو شغ والعالم كا قوازن

MIA

اسكونات

$$\frac{2^{1} \cdot (2^{1} \cdot (1+1)^{2}) \cdot (2^{1} \cdot ($$

Mécanique Céleste, Tome, II.;

Cours de Mecanique

Statics, Vol. II, p. 306.

فورط متعلقه صفح (۲۱۰) وکیمیو ژمل (Duhamel) کی

(Minchin)

المخس

مل ك = ل كوس ع مياكره ما عاصل بداب مسروك اوت مي دائن واوت منقل کے سے らう(「テリリー)(「テーリアター اس مساوات سے لَه كى تقين ہوتى سوئ جبكه له معلوم ہو-لا كوسفيت فيت ويتے سے مساوات كى داہنى طرت كا جله مغيت رموكا الركة = . اورمنفي الرك = ٥٠ يس لاكي ايك قيمت منبت بوكي جو مادات كويداكريكي-مردر ران مساواتوں (۲) کی روس - - - - Z /w (M) 9 1 (1 + 6) (1 + 6) 0 = = اور اسلیے ستر ایک متب مقدار ہے -پس اس کی بور ی طرح تقیق موکئی کہ عمن غیر مساوی محوروں والا انقس نما (۲۰۸) ازادسطح کی مکن شکل نہے جس کے تیموں محور غیرمساوی ہیں اورسب سے جھوٹا عور رفن ك توريد منظبق بوتا ہے۔ ساوات (م) عیرفام ہے کا لا کرالز اُ کا درنسکا جکل کی بوری دست میں مثبت ہوگا اوراس مے معدوم نے ہوسے گا۔ اس سے いく しかいいし ادراس سے واج یا بارج کہ سے بڑا ہونا جا سے۔اس سے جيكوبي ناقص مناكي دولول يجتن جمول منين بوسكيس -

190- سطح يرجا ذبه كا خاصل عمل قوتول (- سلم) لا (ب - سلم) اورج ی کا جاس سے اوراس کے اُس عمود کے بانعکس متناسب ہے جوم کرنسے ماسی مستوی برکھینجا جائے۔ نیزاندرونی ذرہ بر مائع کی ششوں الائب ما اورج ی کو ذہن میں ر کے کر اور لیے نیز کے مسلم سے استفادہ کرکے یہ براسانی ٹابٹ ہو جاتا ہے کہ مسى مركزى مستوى تراش يركا عاصل زور اس مستوى كعمود واراوراس كرتيه کے متناسب ہے۔ 194 مظراً وہندر نے اس طرف آوج دلائی ہے اور حب ذیل طریقہ باس کی تشریح کی ہے کہ محموست والے اقص نما كا اعنا في توازن برقرار بہيں ره سكتا بنيك كروش كامح وصدري محوريم منطبق ية بيو-صدری محادر کے لحاظ سے فرض کروک گروش کے مورکی سمتی جیوب التام ل، ه، ن بين كيت كوكوني نقط م (لا، ١١ى) - يه اور لي اس عود كاليابي ہے جو هرسے محور بر هینیا کیا ہے۔ تب ول على المام المنى ادراكرول = و قال كورين ل عام وان ع اسراع سنم هرل کو محرروں کے متوار می تعلیل کیا جاسے تواجزا سے تعلیلی (80-6) mx (8-92) mx (8-03) اس لئے آزادسطی کی تفرق مساوات ہے ﴿ سَةِ (لا - لَ عِ) - ﴿ لا } فرلا+ {سيِّ (ا - م ع) - ب ا } فرا + {سيِّ (ى - ن ع) - ج ى } فرى = بس آزا وسطح كفكل مساوات سازلا+ الباعز)-سازل لا مهادن عا - (الاسباء - عا - عا السيال المادن عا - عن السيال المادن على الماد ماصل ہو ق ہے اور یساوات صدری موروں کے لحاظ سے ایک ناقص ناکو

نمرنس رسکتی حب تک کرل، عن بن میں سے دو مقدادیں معدوم مرموجایں۔ مسر گرین ل نے بیان کیا سے کر وش کے مورے سرے پر ان کا ذرہ صرب (۲۰۹) مش کے زیرعمل ساکن رہے گاکیونکہ اس نقطہ پر جلہ سد رمعدوم ہوجاتا۔ يس ذره يركى تنسن ع ي عمادى سمت من بونى عابي جومرت مرسكم رسك كي مورسي رادس 4 واست حكولي كسلوكا حسيا والى شوت اس - استى في الماء س (The Cambridge Mathematical Journal) لغ کی کھکست استواری سے اند زاد کی زمارس سے محوری سے گرد گوے اور اگر نقظہ (لا الما) ی کرمشش کے اجزاد ترکیبی لا اما است ہوں توآزاد علی کساوات ہوگی ·= (5) = (0) = (0) + (0) + (0) + (0) = (8) اب اگرازادسطخ اقص نما موثو 15 = = = (1 = | V = 8 میاں ('سب ع مخفرین الله ای یر -بین اگر ور میا ع تا قص نما کے نفعت مور ہول و مساواتوں ·= سك) لا فرلا + (سب - سر) ا فرا + ج ى فرى = -لوبشرط امکان منطابق كرنا ہے۔ اس كئے مساواتيں پوری ہونی جا سیں جن سے لہ اور سید کو سافظ کرنے سے مال ہوتا ہے

الاب (ب- ١٠) - (١٠-١) ج ١٠ = ٠ (عم) 下((5+7)(デート)(ラート))=> パート اور ال مانع كى كميت ك بوتو >(8+14) JUF = - 5 (8+1) JUF =) 1 = 7 (5/4) Sim = 7 تب ساوات (عه) بوطانی سے اگر وا ب سے مخلف ہو تو محوروں کے درمیان جوربط ہے اس سے مساوا (+1-) يوري بوني جاسيني اگر اور ب معلوم ہول و اس مساوات سے ی کا تعین ہوجا آ سے اور جونکه دا منی طرف کا جله منفی سے جکہ ج = ٠ اور مثنب سے جگہ ج = ٥٠ اس کے ج ک ایک تیا ۔ حقیق ہونی جا سے جوماوات بالا کولوراک ۔ يونك ع/د شبت سے اور چونكم run + 17 - 11 + 17 مثبت ے آگر و کانی بڑا ہو اس سے پنتی کی سے کہ جب ، و چھوٹا ہوتو یہ آخری

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

(Natural Philosophy, Art. 494 n.

له دیجه کونون اور دلط کی

Minchin's Statics, Vol. II. P. 808

جلم منفي مونا حياسية -يس يمعاوم بواب 1 + 1 < 17 اوراس کے مقاویر اور مبای سے جمعدار جیوٹی ہے اس سے ج جنوا ہے۔ زاونی رفارمعلوم کرنے کے سے بم جانے بی کہ The land - 1 = (" - 13) } ع (وا-با) (وا+ا) ع (اب-الم) ع الما ع الم اور اس ك الراك ي ساخلت ع قل سيا = الله عرب (ج) (با عرب الله عرب (ج) الل ادر يونك يرجله ايك مثبت مقداري اس الح سركايك مكن قميت حامل ہوتی ہے اور یا ہت ہوگیا کہ اقص منا، آز، وطح کی ایک مکن شکل ہے جب کہ اس نا تقى ئا كى تىنول محر غيرمادى بول ادر ما ئىسب سى چوسى محرك كرو محوم رائم - الم اسب سع جمواً مور وناس طرح بمي ظامر ج [1-3'] = 4 17 (145 - 214) جس سے بڑا ہے ہونے کے این فردری ہے کی اور دری ہے کہ اور

199 _ ہم دیکتے ہی کہ وفتہ 196 میں ا ب اج کے لئے جو حلے دے کئے ہی وہ اُن حمول میں گول ہوسکتے ہی جودفعہ (۱۹۲) میں مندرج الرواكي كاسع جازا+لا)، ف كا كاسع جازا + كا) اورج + 6 كى كائے جوز كا مكھا مائے أس طرح دفند (194) كى مساواتيں (ب) رج) وہی ہیں جو دفعہ (م 19) کی مساواتیں (م) اور (م) ہیں۔ اگرسیال کی کمیت ك وي مائة والك اورساوات يه الاف ال عدى مال بواج ب- اس مساوات اور ونفه (۱۹۵) کی مساواتوں رہے) (ص) سے وال ایج ، كانتين كي ن اور سه كي رقوم ميں موسكا سے-(C. O. Mayer) من المان كيا Traite de Mecanique Celeste Tome II کے استفتر میں بھی ان کی لوری تشریح موجود سے جس میں سے بتالا گیاہے کہ سد ا/ ۲ ش کی عظمتیت ۱۸ ۱ ء ہے جو جگو فی اقص مناکو توازن کی ایک مکن شکل نباتی ہے اور اسس خاص حمت کے لئے ناقص بنا ایک ی ناقص نیا ہے جومکلارن کے ایک کرونما پرنطبق ہوتا ہے۔ مزیر سرآل ا ما گیا ہے کہ دونعہ (۱۹۷) کی مساوات (چہ) کے مایں جانب کا تف علی س تعمت سے ایک بگاند فتیت اعظم افتارکرتا ہے اوراس سے جیو کی قبتول ا اور من ایک ناقص ما مامل بوتا سے۔ سکلا ران کے کرہ کاؤں اور حکوبی کے ناقصر نمارک سے متعلق نتیجوں کا خلاصہ اس ط اگر ستا/۱ ۴ ش 🖊 ۲۰ ۲۰ و توکونی کرونما با اقص نما بنیر

Crelle's Journal, Tome XXIV. (1842)

Traite de Mecanique Rationnelle, Tome من و کیمو III, p. 170.

اگر ۱۲۲۷ء کست/ ۲۳ ف ک۹۰۱، و تو دو میش کره نا ، اگر ۱۸۷۹ء کے ستہ/ ۲۲ ش ، تو دو چینے کرہ نما ادرایک ناقص نما ول يرتفصيا كنت كرت وركم بر عادي ما بين دارون مي تا آست كه نا فقي ما صعد لما بوتا ما نكا وسيد بطوائه - ہم یہ بھی تابت (الم المت - سم) لافرالله (المهان و -سن) افرا = -

"On Jacobi's Figure of Equilibrium for a rotating mass of fluid." ك وكم و Proce Royal Soc. Vol. XLI. (1887) p. 319, or Scientific Papers, Vol. III. p. 119.

ا فرلا + ا فرا = . 「(・+カ)/いかのでき اس سے سد کی تعین ہوتی ہے اگرف، ا، ب رے گئے ہیں۔ بیکن اگر سے، ف دسے جائیں زونکہ اس كي المعدانة وان كي مكن شكل بنيس موكا سواسية اس صورت كي حبك ١٠٠ ع الكار عكامل - يم عن و دكيا بع ك جكول كان قص نا ا منا في توازن کی ایک ناحکن شکل ہوتا ہے اگر 51A6.9 (= 11/1 اك جيناكره نمانا مكن كل بوتا به اكر سمة / ١١ ش > ١٠ ٢ و اوراك ناقصى مطوانه نائل اگر ستا/۲ ال ف م م د يوانكار ي نابت كياكداكر ستا/۲ ال ف او توازن کی کوئی شکل مکن بہیں ۔ کیوکہ توازن کی ایک صروری سف طیر ہے کہ آزاد سطے کے مرتقط رکسٹٹ اور مرکز کریز توت کے حاصل کی سمت الدرونی جانب ہوورید الك حصد عبدا موما ك كافر عن سروكه تجاذبي تو تول كا توه فدست اور محورست فاصله ر ہے اور فرعن کروکہ

Bulletin Astron. Tome II. p. 117 or figures d'equilibre d'une masae fluide, P. 11.

(سراها)

アニ + + = 5

برونی جانب حاصل عادی قرت جن علی ہے اور توازن کے لئے

ازاد سطے کے ہرفقطہ پر جن علی مونا چا جنے گرین کے سکر سے

ازاد سطے کے ہرفقطہ پر جن علی منفی ہونا چا جنے گرین کے سکر سے

اگر جن ع فرس = کرالف ع فرال فرافری

جہاں پہلا کھیل سطے پر اور ووسرا سیال کے کل حجم کے اندر لیا گیا ہے۔ اور

لفٹ ع = لف افد + اسلا = - اسلا ہے کا حجم سے اندر لیا گیا ہے۔ اور

اس لئے کر جین ع فرس = اوسلا ہے اسلا ہے کا حجم اندر لیا گیا ہے۔ اور

اس لئے کر جین ع فرس = اوسلا ہے کا سنا ہے۔

ادر اگر سکا کہ ۱۹۲۷ ہے تو واسنی حانب کا جملہ مثنبت ہے جس کے یہ معنی ہیں کرسطے
کے چند نقطوں پر حاصل قرت کی مت بیرونی حانت اور اس کئے توازی نامکن ہے ۔
سم منا است فواڑ کی اور شعب کلیں سان است کال کے علاوہ جن پر
ہم نے عزر کیا ہے حلق تا (Annulus) پر سب سے پہلے لا بلاش سے غور کیا
جس کا تعلق زحل سے چہلوں سے ہے اور اس وقت سے اس مصنوں پر بہت سی تحقیقات
ہو چکی ہے۔

الربی ایست اور شیط کی (Natural Philosophy) طبع دوم کے دفعہ ۵۷۵ میں نتیجو ل کی ایک تعالیٰ ہیں بغیر تبوت میں نتیجو ل کی ایک تعالیٰ ہیں بغیر تبوت

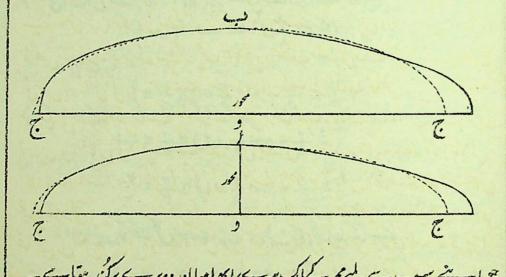
له لف ف = غالم

(Tisserand) المن (Mecanique Celeste, Tome II. p. 155) والمن (Tisserand) المن (Mecanique Celeste, Tome II. p. 155) والمن (Mecanique Celeste) حليده مكاول اور (Mrne Kowalewsk) كل تقيمت و لا برجست كالمركب منكول اور المركب المناسبة المركب المرك

ج محیکٹی تھی - ان ٹیموں کو قائم کرنے کی کوسٹشش می لیدائکارے نے ایک Acta Mathematica سرورونفسول مقاله للحاح مماعين Stockholm) سن نشائع موا - اس متعاله من توازن كي شكل مسكه مسئله مرزماده عام طالقة سي يحيف كى گئي سيمه و اس بين بتايا گئيا سيم كوتو ازن كي مكن انسكال خطي سائناتي بن بيتي يساسلم الرجوا كمه "ننها مبدل يرمنحصر بتواسيه مثلاً زاو كي رقبارير انشكال المسلسل طربقي سي برلتي من حب كه مبدل مالا حاماً سے -اس طرح سکا ران کے کرہ نما ایک خطے سلسل نما سے ہی اور سیکو تی سے اقص نما دوررا- به موسكنا سب كرايك بي شكل درمختلف سلسلول سي تعلق ركيم- اسطرح كى تىكل دوشاخكى كى ايك معورت مع مثلاً كره ناۋل كەسلىلە كالىك نعاص ركن اليساسية جو حيكوني كاقع بناك ملسل سي تعلق رفعيًا سيء بواتخار عني اس مقالمن أوزور كى اشكال كى قالمست كونسله برئجى كيف كي سن اوريرتا ياسب كراكر سلہ دوشا نمکی کی شکل کی حد تک قائم ہوتو اس نقط سے بعداست کال غيرقا كرموجاتي بين - كا نحرا شكال اب ووسرك سلمسلله سيم متعلق بوعاتي بين جو دو نما تحلي كل غير شام بيونامي- اس طرح مكلارن كاكره نما اس وقعت تك قائم مولا ب كساكراكا خروج المركز عا ١١ ١ سه كم بوجو دوشا في كانقطرسات الاراس تقطيت جيكوني سركه ناقص نما قائم وحاسته ميل - جيكوني سكه ناقص نماؤل سر روستا على كے نقط (Lame) كانفاعلوں كى مدوسے معلوم ی کوسٹنٹ میں بوائلانے نے درما فت کما کہ تواز ن کی اشکال کے سامسلوں تغدا ولامتناہی ہے تمام اشکال لمجاظ ایک مسنوی کے جوگر دمش کے محوریر عمودوار ہوتا ہے متشاکل ہوتی ہی ۔ تنام اشکال کم از کم ایک تشاکل کا مستوی ر کھتی ہیں جو محور میں سے گزرتا ہے اور ان میں سے بعض گردشتی اشکال ہیں _ ان است کال میں صرف ایک قائم ہوتی ہے ادراس صورت میں تفاکل کے مرف دوستری ہوتے ہیں۔ یہ دوفکل سے جو جیکوبی کے افض ناؤں کےسلسلہ میں بہلی دوشا خکی سے بیدا ہو تی ہے اور ان کو توازن کی نامسیاتی نماشکل کہا گیاہے

(117)

کونکر بوانخارے کے مقال میں جِشکل کھینچے گئی ہے وہ نامسیاتی سکے متفاہہہ ۔ مزید مقتاب ہے۔ مزید مقتاب سے معلوم ہواکوشکل اسمیاجی سے اتنی متفاہم و بنیں رکھتی بہتی کہ بہلے فرض کی گئی تھی۔ ڈارون نے اس پر وومقالوش میں بحث کی جب اور و درسرے تقرب کا سے اس کی شکل کا نفین کیا ہے و دونا ظکی سے نقط پر جیکو بی ناقص نمائے محوروں میں ہسبت اس کی شکل کا نفین کیا ہے و دفتا ظکی سے نقط پر جیکو بی ناقص نمائے محوروں میں ہسبت اور سے او



Loc. cit. p. 347, also Figures d'equilibre d'une masse fluide, p. 161. "On the pear-shaped figure of equilibrium of a rotating mass of liquid," Phil. Trans. Vol. 198 A (1901), p. 301. or scientific papers, Vol. III p. 288, and "The stability of the pear-shaped figure of equilibrium of a rotating mass of liquid," Phil. Trans. Vol. 200 A (1902), p. 251, or Scientific Papers; Vol. III. p. 317.

01

The Genesis of Double Stars, ان اشکال کی قائمیت پرایک سلیس اور دلجیب مفنون Darwin and Modern Science. میں بہت آسان مجبٹ کی گئی ہے۔ یمفنون باب بست وہشتم یں اسی مفنف کا لکھا ہوا ہے۔

اشكال بالا مين جن كوبالا حيازت متذكره صدر ڈارون يحدورے مقالہ سے نياكيا مع نقط وار خط جبيكو بي النفس نما كو تعبير السب اور ووسرام منحني اسياتي نما شكل كو اديروالي شكل استواني راش اور يجلي تصف اكنهاري راش مرعة تشاكل في مستوى يس-الم الم المسيحيون الميليجيول كے تقوس متحال القي ناكي مشمش كے لئے حب ذیل جلے تھے سفے والے التے کی کمیتوں کی اختیار کردہ اشکال کی جسف میں اکر تفیر ثابت ہوتے لین اگر ا، ب ، ج محرر ہوں ایسے کہ ب = اور ا-صر) اورج = اورا - فر) تو کشی اندرونی نقطہ (لا ا ما) می پرکشنش کے اجزائے ترکیبی ہیں はきでいきいり جہاں (またーかの十十)日でこい (きな+のよー1)のよこで ان ملون كوست الى صورت من اس طرح بحى لكها عاكمات ب (E - 1 - 1 L (- 1) H T =) · (- 5-1 4-1) n =) ااسطرح (で+ +1) == ۲۰۵ _ مثال _ متحانس الله كيكيت ك اورك كميت كا ايك دوركها بهوا كره اطافى توازن مي اين مركز تقل ك كردبهمو في يكسان زاو في زمار سه سے كھوم رہے ہیں۔ تابت کردکہ مائع کی آزاد سطح صغیر کیا جبتوں کا ناقص نیا ہے جس کاسب سے له ويحوراؤية ك (Analytical Statics) طردوم وفعدام (طبع دم)

الكوثات

لمبامحورک کی طف ہے اور سب سے چھوٹا محر حرکت کے مستوی برعلی انقوائم ہے۔ اور اجسام کے مراکز تُقل کو لانے فالے خط ہیں سے گزرنے والی صدری تراشوں کی پیچیوں کی فلیجیوں کی بیجیوں کی (Math. Tripos. 1888)

اگراجمام کے درمیان فاصلات ہوتو کمیت کے مرز نقل و کاامراع سرك رے اور وكوساكن كرويا ماسكان كرائع كى كيت كے برعفرير يو اسراع شقابل مستديس لكا و

الركبيت كسماكا مركز فقل في جو اور الع كي كميت ميس كوئي نقطه ن جوتو ن پر عمل (١١٦) كرف والى قوتس بين ملك الىستاس المدك إو كم سوازى ده قرع بو مائع كى برخودكشش سے بيدا ہوتى ہے، اور مركز كريز قوت -اب ن (كى ستىيں

عمل كرف والى قوت مركب معاول ب

ن وكىست يى عن كرسنه والى قوس

x 0 0 2 100 (() 2 10 () 2-610 E 011 × 6 (2-

مدک ر (ن ابرا - ان رجم طر) ا ال کی پیلے دتر تک ر

كى تىيىمى طلد (Mecanique Celeste)

له اس تسم کے سٹلوں برلا پلاس سنے یں بحث کی ہے۔

نان الدكر مرك كے سات ل - مركان - المركان = مركان = م { 1 - 4 - 1 + 1 } - = = سو مدكت المجم طير و السكوسوائي و السير اور و الكومور لا اور گردش كے موركومحوري فرف = ستر(لافرلا+افرما)- ان الافرلا-ب ت افرما- ج ت ي فري - سكر فرد - سرك لا ولا ادرآزاد سطح كي شكل جوني عاسية

اب بونکسیس لین مرز تقل ف کے گروزاو فی رفارسے کھوم رہی ہیں اب اب ورث = مرکب د سلام ودث = مرکب

اسكونيات

المتعلق

ا --- و نفف قطر کا ایک تلاکردی حول ث کتانت کے عجاذی انع ---عین بھرا ہوانبیں ہے۔ اگرائع اضافی توازن میں ایک قطرکے گروزا و تی رفت ار ۔ سے تھوم رہ ہو تو ناست کروکہ کر دمش کے محد سے علی القوائم خول کا جو بڑا دائرہ ہے اس کے کسی نقطہ پرسطے دائرہ کی علی القوائم سمت میں تناؤستان والم مے مساوی ہے۔ ا سے ایک استوار کردی خول تحاذیی سیال سے عین بحرویا کیا ہے۔ یہ ایک مرکزہ ہے جوایک دورسے ملکے سیال کے خول سے گھرا ہوا ہے۔ کل نظام کوایک قطرے گرد گھایا گیا۔ ٹا ہت کردکہ ایک چیٹاک ناسطح فاصل کی حکن شکل ہے۔ _ ایک استوارکروی خول می در ما نفاع این جو آمیز بہنیں ہوئے اور نطف م استوارم می اند خول کے مرزیس سے گزرے واسے ایا مورے کرو کومٹا ہے۔سب سے بڑی زاوئی زقار معلوم کرو عیں کے لئے مشترک سطح کروی ہو جائے اور خول کومس کے کوسے اور نابت کرو کے جسب زاو فی زقار اس فیمنت سے متحاوز بس بوتى تؤكره نماكا خروج المركز فول ك نفعف قطور منعصر منهي موتا-ــ ن كنان ك الع كى كي كير كيت ف كنانت ك الع كى تحي كيت ی ہوئی ہے اور کل کمیت یوری طرح ایک غلاف میں مجمر جاتی سے جسکی شکل صغير لميليب عدكا اكم ويناكره نماس، - الرغلاف اين محورك كرد فيرزاوني رنار سے محدود تا بت کروک مشترک سطح کی مکن شکل صر ملید جیت کا ایک مِيًا ره نا مع جال صم

ه است/۱۹ ا ۱۹ = صرف + نيد (صر = صر) ف

سے عامل ہوتا ہے۔ ھ ۔۔ ایک غلاف صغیر لمیلیجیت صدکے ایک لمبوترے کرہ نما کی شکل میں ہے۔ اس کو مث + تا کثافت کے ایک سالی مرکزہ ادراس کے گرد ش کثافت کے سیال سے بھردیا گیاہ اگری ا ہے مورکے گرد زاد نی رفتار (ہے ۱۱ من صد) ۲

سے کھوسے تو اب کو کر مفترک کے کی مکن تکل ایک کرد ہے۔ ت كنافت كم متها مش الغ كى تحيد كسيت ايك غلات كو بمر ديتى س جليكل انفي ما لأ/ و + ا/ مباه عي /ج = ا بي الد السوارميم كي اندخط لا ل = مام = ى ل ف كروكال دادى دقار سد سے كوت ہے۔ار مرکز برکا ویا وسطے رہے کسی نقطر سے دیاؤ سے بقدر کے لہ دف سے زیارہ ہواور یہ امنا فہ بڑے سے بڑا ہوتو تا بت کروک جاں الا ب ا، ج ما، کسی اندرونی نقطریر کی کشفی کے اجزار ترکہی ہیں۔ اک کیاں کرہ جوسمولی تجاؤلی اوے سے باای کیا ہے اور جیکا نصف (۱۲۱۸) طرا ہے جہوئی مکسال زاوئی رقارے دور کے ایک قوت کے مرکز کے کروا کے وارہ مرتشی را ہے۔ مرکزی قب فاصلے کے مربع کے الکس متناسب ہے۔ اكركره كو يورى طرح يا في سے دھاني ويا جائے اور يا في كى برخ و تسفس تظراندان اردى ما سے تو خابت كروك ياتى كا جح Em / 1 m 11 1. سے بڑا ہونا جائے جہاں ج کرہ کی سطح پرجا ذیدارض کی تبیت ہے۔ ﴿ ۔۔۔ دو کا دبی ا نوات آمیز زئیس ہو ستے اور جن کی کما فتیں دف ا مفارث مرف)

سے بڑا ہونا جا ہے جہاں ج کرہ کی سطح پرجا ذہرارض کی تبیت ہے۔

۸ --- دو تجازی انوات آمیز نہیں ہو تے ادر جن کی گنا فتیں دف انفرات کے فعال ہیں ایک استوار کردی لفا فہ میں بند ہیں ادر کل نظام اصافی توازی میں کرسے ہیں ایک استوار کردی لفا فہ میں بند ہیں ادر کل نظام اصافی توازی میں کرسے کے ایک قطر کے گرد صغیر سکے ایک قطر کے گرد صغیر سکے ایک قطر کے گرد صغیر سکے کی ممن شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی الیک چیت ہے اسلام اس کا ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی الیک چیت ہے اسلام اسلام کی الیک جیت کے ایک ایک جستار ان دو النموں کی مثیر کے سکے کی ممن شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی الیک چیت ہے اسلام اسلام کی الیک جستار ان اور ان من کی الیک جستار ان اور ان من کی الیک جستار ان اور ان ان دو النموں کی مثیر کی من شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی الیک جیت کی ایک کے ان کا من کے ایک کا دو النموں کی مشترک سطح کی ممن شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی الیک جستار کی ساتھ کی سے کے ان کا دو النموں کی مشترک سطح کی ممن شکل ایک چیٹا کرہ نما ہے جس کی الیک جستار کی ساتھ کی می ساتھ کی ساتھ ک

الراوسط نصف قطر كا ايك لا تننا إى متجالت اسطوانه فركتا فت ك عانس انع كى كميت سے كرا مواسته- اسطوان كى كتا فت ف اور اس كى صغير سلیجیت صرب کل نظام امنا فی توارن میں خوداینی کششش کے زیرعمل محور کے گردیکیاں زاو فی رفتار سد سنے گھومتا ہے۔ اگر آزا وسطی کا اوسط نفٹ قطرعہ ہوتو ٹابت کروکہ آزادسطح کی مکن شکل ایک اقصی اسطوانہ سے جسکی صغیر کہا لیجیت ہے ١١ و الف - فرا سمر (١١ (ت - فر) ١١ ١١ فد عد - سما عرا كا عدا _ ٹ کٹانت کے جا ذب سیال کی دی ہوئی کمیت اضافی توازن میں زاونی رفتار سندے ساتھ اس طرح کھوم سکتی ہے کہ اس کی اُزاد سطح ناقص منا كى شكل بىل ہے جس كے مميون محاور فيرسادى بين اورسب سے برانيم محور وسے اب سنکل کا ایک استوارزن بنا پاکیا ہے اوراس کے اندرونی سیال کوظرف کے سائمة ا منا في بوازن كي حالت بين سب سے چھو ئے محورے كروزاو في رفتار سه سے کھایا گیاہے ابت کرد کرسطے کے کسی نقطہ برکا وباؤست بوجب اس کے کہ سدا نشد سے بڑا یا چھوٹا ہو۔ 11 -- اوسط كنانت ف كا ايك تفوس كرة بيسال كنافت تذك ما تع كى اک تیل جا درسے لیے ویا کیا علی نف مرکزیں سے گورے والے مور کے کرد صغیر کیساں زاو نی رفتار سے اسے کھو منا ہے۔ کھوس کرہ معکوس م بیے قانون کی بوجب اس طرح جذب کرتاہے گویا کہ اس کا اوہ محرکے ایک نقط پرمنجد ہے جسکا مرکز سے فاصلہ ج چھوٹا ہے۔ ائع بھی محکومس مر لیے کے قانون کے بوجب حذب کرتا ہے۔ نابت کروکہ انع کی بیرونی سطح تقریباً ایک کره نما ہے جس کی بلیلیجیت ۱۵ ستا/ ۸ ۲۱ (۵ ف- ۳ فه) ہے اور جا مرور کے مروسے تج/(ف-نة)فاصلہ واقع ہے۔

ومفست قط اور ف كنانت كا ايك كارس تباذي كره مائع سي كم الراب جبلي كتَّانيت في اور حبكا مجم مل ١٦ (ب٣ - ١١) معد كل نظام صغير زاد كي دفار اسے کھا ا جا اے۔ ابت کروکہ مانع کی اوادسطے کی شکل رہشہ ر=ب(ا- ٢ صه ع سے حاصل برتی ہے، جاں کرہ نماک صغیرلیلیجیت صد アーカイナガ(さーさ)のイイハ اور کے دورے رتبہ کا لیجند کا سرے۔ ف كنافت اور يم اله (كم"- و") حجم كے متجانس مائع كى كميت جو فت اور و نصف قطرکے ایک تابت کلوس کروی مرکزہ کو گھرے ہوئے ہے ی محور کے گرو صغیرزا و کئی رقبار صدکے ساتھ مٹھوس کے اننداینی خود سے خشش اورایک وره کی شش کے زیرعمل کھوم رہی ہے۔ دره کی ے اور وہ قطبی محور پر کرہ کے مرکزے ج نا صلہ بروا تع ہے۔ ل کی تعین کرو که کره کا کوئی حصه مانع سیخالی نه بو اور ناست کرد که سرانع کا مجر الع کے اس محر معدادر کے بڑا ہے جواس صورت یں ہونا جیکہ ک نہ ہوتا ۔ الیسی عورت میں بحبث گرومکرٹ تقریباً فرکے سادی موجا ہے۔ مم ا--- ایک متحانس تجاذبی سال ایک استوار تفافه کوئیر کرنے میں عین اکا فی معد نفافه ایک معیق نا تص مناکی شکل یں ہے۔ سیال اضافی توازن می تطبی مور كروتوانانى بالحرك ع كے مائد كموم رہا ہے - اگرسال توانان إلحرك ع

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

کے ساتھ کھومے تو لفافہ صغیر دباو کی آزاد سطح ہوجاناہے۔ ع کی تمام تیمتوں کے منظ خواد وہ ع سے بڑی ہوں یا چھونی نابت کروک لفائے کے اسٹوائی تاش کے عمودوار سناؤ في اكا في طول ہے جاں ('انص نما کی قبلی تراش کا رقبہ ہے۔ 10 - كىكىت كے تقريبًا كروى تھوس مسم كى سطح پر ان كى كى كىيت ہے۔ صوس جم كسطح كي سادات براء و (١ + ع على) - علوس اور ما تع كلينون ك بوجب من ب كرت بي اوركل نظام زاه ألى رفتار سد كساعة موسيقى كم محور كر رفتار سد كاساعة موسيقى كم محور كر رفط الستوا الغ سے عير و بنيا بوا بوگا اگر ك ﴿ ٩ عدك / (١١ ١ - ٢) - ٥ سد و الراده ١١ اور قطب غير و منه موسك (r-10)/3 Lu 0+(1-1+)/504> S/ Ex جاں لہ ودنسیت ہے جو تھوس عبم کی گنا نت کو اپنے کی کنا نت کے ساتھ ہے۔ الماسيدا كركوزين ايك سيال وشتل عيد وايك موس روى مركه و كور روا استاس المراكبيت صحبكومغيروض كالياب رست (1-近/近) 1+0/四 5=10 سے عامل ہوتی ہے جال کر دہشمت ہے جواستوا ریرمرکزی کو ت کو دہاں کے جاونہ سے ہے۔ سب کل زمین کی ادسط کمافت اور ف سیال کی کمنافت ہے۔ ذيل كي صورتين متنطر و (۱) بورے طور رسیال زمین کی صورت صد = ہے۔ ک (٢) هوس مركزه رببت ياياب سمت د صه = لك ا عرائجيدُركا طاربتي سرع- سرجم

معدارسال كى محد مقدار حى كاجزالك دو سرسه كو بوجب قا ون قدرت مزب رئے ہیں ایک رہ یں بھرجا تی ہے جس کے مرورایک مرکزی وت سے موجود ہے۔ کرد کا نصف تعلم ج اور سال کی کمیت (م کہ - مر) ج جال نف کہ = د ۔ الاب کرو کہ وازن کی مفرطیں اور ی موتی ہیں اگرف، رلا کے اِلم تناسع ا سدایک کرہ رفضت تطرص) اِن سے عین مجرا موا ب اور انتصابی محور کے گردزا و فی برتار صدے ساتھ کھومتا ہے اس طرح کر سامی سد = ۲ج ۔ ابت کو كرسادى داؤكى جوسطى كره كو على القوائم قطع كرتى اس مين داؤس ي مط عام ج جاں فِ یانی کاند ہے سے انتے کی تھے کمیت میں محدووں کے مستول کے درمیان واقع سے ان ستول اسے مراک ایسی قرت سے مالع کو جذب آنامے جو فاصلے کے متناسب سے اور يشر كى مطلق توينى مدء مرة مرا سام ما مرا من الم المعن المعن المعن المعن المعن المعن المعن اس طرح ٹابٹ کردیا گیا ہے کہ اس کا ستری رُخ ایک متوی پر واقع سے اور اس کی شخی سطح دوسرے دوستویوں کومس کرتی ہے اس کے محدود وں سکے محدول

اگرناقص ناكو ڈبائ رينے كے لئے سال ناكاني موة غير دنيا ایک دائرہ سے محدود ہوگا -م سسانع کی کچے کمیت اسیف ذرات کے باہمی مذہب کے تا ہے در ایک دفا عی قوت انع کے مرکز میں سے گذرنے والے ایک ستوی سے برے مالے كاازر كھتى ہے اورايسے برئتى ہے جيسے اس ستوى سے عمودى فاصلہ-

تابت كردكم توازن كي شرطيس يوري مؤلكي الرسطح ايك فاص لمبليجيت كالمبوتراكره نما ہو بشرطیکہ وفاعی توت بہت زیادہ بڑی نہو -۵ سایک متلتی رتبرسیال میں اس طرح ڈبویا گیا ہے کہ اس کا ایک صناح سال كي سطي سي - اس مثلث مين سب سے برطے مكن رقبه كا قطع ا تص بنا يا كيا ہے۔ نابت کردکہ مثلث کے بقید حصد کے دباؤکے مرکز کی گہرائی اس کے زيرترين نقط كي گهرائي كا ١٨٥ ما ١١ - ١١ ١٦ -٢ _سال وكليه نوش كم موجب ما ذب بالذات ما يك فرف من عين بحرجاتا ہے۔ یاظرف اقص نما ہے + لیا + لیا = اکتاک کا ہے۔ کسی نقط بر کا دباؤاورطف براعظم ادر اقل دباؤ کے نقطے معلوم کرو۔ کے سے اگرایک ذوار بعثہ الا صلاع بنتے کے راسوں کی گہرائیاں عد، برا جر، صنہ ہوں اور رقبہ ا بع میں بوری طرح غرق ہو اوراس کے مرکز تقل کی گہراتی ف ہوتو اس کے داؤے مرکز کی گرائے ہے ١ (عد + به + رحد + صنه) - الن (ب جد + جد عد بد + عدمند + بر مند بد جرص) ارتفاع کا ایک مخروطی طرف، راس نیچے وار، مائع سے بجرد اگیا ہے۔ ائع كى كنافت له لا ہے جہاں لا گہرائى ہے-اس كو دوسرے ظرف ميں جوا يك گروشی سطح کی نشکل کا ہے فوالد اگیا ہے جس میں بیمعلوم ہواکہ اس کی کٹا فٹ مه والب فابت كروكه ظرف كي شكل اس مساوات ١٠ + ي = ٢٠ لا (ن - ١٠ ١١) مسراعه سے عال ہوتی ہے۔ و - شلشى تراسب إب ح كالك بند، منلع ب ج برياني كا داوتهامتا ے۔ایسی مشرط معلوم کردکہ زاویہ اے گردیہ بندالط نہ جانے جبکہ یا نی

مثلث کے راس ب مکانے جائے۔ اگر مثلث کے رقبہ کو کم سے کم کرویاجائے اس طور پر کہ یا نی کی دی مونی گھرائی (۲۲۱) كے لئے كائمت برقرار رہے توٹا بت كروكم 9+4411 = 7 9+ Ur+ Ur = } جہاں بندی کا نت نوعی س ہے۔ وا سے سیال کی کھے کمیت اپنی خود کمشن کے زیر عمل توان میں ہے تابت کردکہ كسي تقطه (لا الم الحي) يركا وبأوّ اس مساوات مع عامل موتاس جال ن نقط (۱۱۱) برك كا ت ب م سال کی لا تمنا ہی کیت (ایسی که د = که ف میاں کومتقل سے)ا کہ اتوار کروی فول کو مکیم سے موسے ہے اور فود اپنی کشش کے زیرعمل تواد ن میں ہے لا تنا ہی پر وہاؤ ١٦ ہے۔ کسی نقطر پر کا دہاؤ معلوم کرو۔ ا السينتوں كا ايك بل، ايك متوى استوارداستے (ب كوانقى محل مي تخامتا سے اگرای چوٹا متوک بوج نقط کے ررکھا جانے تولی کسال طور پر ينج وبناس - حب بوجم نفط ج برركها جناس توسرا ر است محل مي غيرمتغير ربتاب، حب نقط کے برتو سرا ب اپنے محل می غیرمتغیر رہتا ہے، اور جب انقط ن پر تودامست كا نقط ف أين كل من غيرمتغير ربتا ہے۔ でしょうしょしゃしゃしゃしゃしん ادروك نقطرن يرك ايك بج سے نقط ي برج الخاف بيدا بوتا ہے وہ اس الخاف کے معادمی ہے جواسی برجے کو نقط می برر کھنے سے ن بربدا ہوتا ہے۔

الساب بالعل مي سياته اوراس كانداني سهارس كاندا معلوم کرو اور اُس کا نقت مینی جب وونوں مانکات کی سطوں کا فرق اغراق سے تام در جوں کے لئے وہی ہو۔ سما اے کسی فکل کے ظرف میں کچھ انع معادر اسکو مختلف فکل کے دوسرے ظرف میں بہنے دیا جاتا ہے ۔ اگر علی القوائم محددول کے کا ظرمے (فوظروف بر متحصر نبیر این انعظار لا ، عی) برکسی ظرف میں دیا و د بونو کا ارد قرلا فرا فری کی دو اول فیوں کے درمیان فرق اس کام سے جومائع سے ادر واسے ظرف سے مخلے فرت وں بہا سے میں کیا ہے اس قدر فرق ر گھا سے جواس کا مے مسادي ب حو تحليظ ف ميرسيال كي سطح كوامسي افقي مستوى مرلا في مين وركار بوتاست جواويرواك فرف ين سيال كى ابدا في سطح تقى -١١ - روغي مكاني ماكى فكل ك ايك فرف يس مجه سال سے جسكاني ساك انتهابی محررے کرو گھوم رہاہے۔ زاو لی رفار معلوم کروجرکے سال عن فر بلکتا بروع كر اور ناب كروك الريه زاو في زقار ما ح كل بوتو ظرف مسال ح تفعف بجرا مدارمونا جامية -اگر سکانی تناگروشی مذ مو مکری = الله + الله کی شکل کابو اور محور (ی) انتصابی ہو اور اگرسیال کی سطح جس منی کہظرت کو ملتی ہے اس کے اعظم اور اقل ارتفاع ی ای بون و نابت کردک جیاں دوروں مکا فی نماؤں کے راسوں کے درمیان فاصلیک ہے۔ 10-12 إسطواني ظرف عواص اتصابي مورك ساعماس طرح لتكا إكياب کہ بان ظرف کے نفسف حصہ تک براہ عبانا ہے - فرف کی اوپر کی سطے کے مرکز تقل کا اقل فاصلہ معلوم کرد جو اس شرط کے مطابق ہو کہ

توازن مورے زاونی ہٹا وے کالاسے کا فر سے ۔

متفرق شاليس

May be

اسكونيات

(YYY)

ہے کے سال ، قولاں جس کی گافت سال کی شافت سے کم ہے سطح J= 15 + 1 + 10 یں کسی طرد کھ اگا ہے۔ مزاحمت نظر انداز کرے نا بے کروکہ ذرہ کی زقاد فعین مقدار اک سے ہرتی ہے) سے کزرتے وقت ایسے بلتی ہے كا - ايك الكرار روى نفاف وادن كى عالت من سع جكراس مي كره موافي ه دو چندگنافت کی مواسے اور اس کا نشف قط قدر فی نصف تطری ورجن ع- اكر بارياكا ارتفاع في الخ أرّ ما ع تولفا فك اب بن صغيرا بمتزاز ا کے قائم محروط ایک فرف میں جسک اندر در وسے رو سے سالول ہرایاں ساوی ہں اس طرع لکا ہوا ہے کہ اس کا مورانتھاتی ہے اور اسکا راس طرف كى ترك ساتى بالده د بالكام، والكام، والذي كى غرط معلوم كرو-19 - ايك سيراكيان وندا اليه ما ده يشعل كي جن كي شيخر ، (فاصل) كم مناب ع- اس ك كروساكن سيال سع وورت اس كي تشف ك الحت رے۔ تاب کروک مسادی دیاؤ کی طوں کی نصف النماری ترامثوں کی تفر تی مساوات اس تنكل

مراکی جاسکتی ہے جمال ڈنڈے کے سرول سے نقطہ (لا) کے فاصلے رائ تر ہیں اور ڈنڈے کے ماذی اس نقطر پر ڈادیرسا بنتا ہے۔

ماسكونيات

مكانى ناكالك حصر، وترفاص م لا الك منتوى سے جوراس علدير عودوارے كائ ساكيا ہے- اگر مكافى تماكارامسواكم لی سطے کے نیچے مات و گرانی پر ثابت کروما جا ہے و تا بت کرد کہ بیاکن وكاليدك اس كا ماسكه ما نع كى سطح مي موكل اكر ما نع كى كثافت كو سكاني مناكي مال کی کھرکست (ک) ایک ٹابت محرکے گرودی موفئ سقازادنی رفتا سا لف کھو متی سے اور محورے ایک نقطم کی طرف دی ہوتی توت سے میں بوتی ہے جو فاصلیک تناسب ہے۔ سال کی کٹا مت کسی نقط پر ایک دی دولی مقر مقدار اورایک الیسی مقدار کا مجوعر سے جواس نقط برے والو ری ہونی ستقل نسبت رکھتی ہے۔ آزاد سطح کی فعلل معلوم کرو اور تا بے کروکہ اس كا افع بصف قطر رب) اس ساوات ك = م) بر الم الله الم فرالا سے سنعین ہوا ہے جاں م اور کر متعقا __ ایک دافع توت فاصلے کے مربع سے العکب ستحانس کے بچک سیال کی آزاد سطح کے شیچے واقع ہے۔ یہ سیال ساکن جاذب ارمن کے زیر عمل بھی ہے توت کی شدت اس نفظم پر جوسال ا زادسطویں توت کے مرزے انتہا یا ادیروا قع ہے جا ذیہ ارض کی شدت نامت کروکر سیال کی بیرونی سطح ایک انفتی متقار لی ستوی رکھتی ہے اور قوت کام کزایک اندرونی جوف سے محصورے جس کی جو ای سیال یں ہے۔ بوت کا فجر اس کے طول کے رقوم میں سلوم کرو-سام _ م ربع قاعدے کے ایک قائم منتور کے ساتھ دور مرا منتور جس کا قاعدہ بھی مربع ہے جیکا دیا تھیاہے اس طرح لائے تورمنطبق میں ادرا صلاع متوازی - بیکل نظام

ایک سیال میں اس طرح بیرتا ہے کہ ان کا منترک ستوی بیراؤ کے سنوی میں

المنتورول کے قاعدول کے اصلاع ۱:۱ کی نسبت میں ہوں و

ان کے انتائی ارتفاع معلوم کرو تاکہ توازن قائم ہوسکے ٢٢ _ ايك وزني كمب ايك ايس مورك الروحك كرسكاري والكرية کے مقابل صلعوں میں سے گزرتا اور ان کی منصیف کر" اس سے - اس محور کو انقی طور يراك خالى ظرف من خابت كرديا كياب اس طرح كم كعب توازن مي محل ين تہما ہوا ہے۔ کس کرانی تک سال کوظرف میں ڈالا جائے کہ قوار ن عیر قایم ہو جائے۔ کعب اور سیال کی کتا فتوں کی بڑی سے بڑی نسبت معلوم کرو کہ یہ زعن کے کیکب نصف عزق ہے اور قان قائم ہے صغیرا مہراد کا ایک اصطوان جس کا تورانتها بی سے ایک سال من تررا ہے جس میں اسى نقط بركى كنا فت ايسے برلتى ہے جيسے گرائى كى ن ديں توسم-اسطوان كو اتنا بینے دباً دیا گیاہے کہ اس کا اوبردا لابخ سال کی سطح برعین منطبق ہوتا ہے اورتب اسطوا نے کوچھوڑونے براسطوانہ سال کے عین ابرا ٹھ تا ہے۔ ٹامن کروکہ حبیب اسطوانہ تیرد بانفاتوع ق مسئدہ کبرائی کو اسطوانہ کے ارتفاع سے وہی نسبت علی جو ا -4 = T+0(Y+0) g ٢٦ __ ايك يكسال كردشي مكاني نماكا ارتفاع ت اوروتر خاص ل مع إور

اس کی کتافت اصانی بحاظ اس سال معرص میں یہ تیررہ اے سے ایت کو ك عزق شده راس كے ساتھ وازن كا صرف ايك كل بقياً موكا اگر

١٠ (١٠ ١ - ١) ٢

رتبق ا دہ کا ایک ظرف گروشی مکانی ناکی شکل کا ہے اور اس میں ائع ہے نا بت کروکہ توازن سیشہ قائم ہوگا بغرطیکہ افررد نی سیال کی کنافت بیردنی سال کی کنافت سے بڑی ہو۔ خاف کا دون نظرانداز کردیا گیا ہے۔ ۲۸ سے ایک اقص مخروط انتصابی تورے ساتھ ایک مانع میں جسکی کثافت اسکی

كانت كا دوچند ب يراب - اب كروك توازن قائم بوكا اكر (でナガ)キートリット (でーり)

جال نافض مخروط کا اتفاع ف اور اسکے رون کے نصف قط لائب ہیں۔ نیز ناتص محزوط انفی محرکے ساتھ تیرا ہو تو توازن ما مم ہوگا اگر (いナリング・ナイント

١٩ _ كسب ك فلى ك الم طرف ين الغ ي كس كا صلع ١١ ١ -اس کوہ او نفست نظر کے ایک کا ل کر درے ٹابت کرہ کے سریر اس طرح رکھوا کیا ہے کہ وہ محارمے - ظرف کے دزن کو نظر انداز کرکے نا بت کروکہ اگر انتھا بی ر جن کے متوازی منتوبوں میں ہٹاؤ بیدا کئے جائیں لو تواڑن قائم ہو گا بشرطیکم انع کی گرائی م و اور به اکے درمیان ہو-

وس ایک متساوی اسافین مثلتی بتراجیکه اصلاع این اج مساوی ہیں ایک ائع میں جس کی کتا فٹ گہرائی کے متناسب ہے سیے وار راس کے ساعة نيرًا سے إگر (ه ، ب ج برعمون و اور اگريترا اس طرح تيرسكتا بو كرخط (د انتفاني ست سے زاویہ طرینائے و نابت کرد کہ طراس مساوات

١٨ فترجب طه ١ ١٩٥٠ ف حجم عد (جب اط - جب عد)

سے عاصل ہوتا ہے۔ جمال زاویہ ب اج معمے اور پترے کی کثافت شہ ادر اب یا اج کے سادی گرائی پر انع کی کتافت ف ہے۔ (١١١٨) إله - ايك كرديني محيم انتفالي كورك سائذ يرتاب -اس كم مورك ايك نابت نقط پراوزان ركه كراس كو مختلف گهرائيون يك دو بويا كيام سكي شكل معلوم كروار توازن ميشالقديلي رے-مس - اگرای جسم سکون یں تیرے و نا بت کروکسی بٹار کے لئے سال ک

کے سے میں کا اور ما سے ہوست سال سے دراز تقل سے العمال رُقَ عام طور ير اعظم إلا أقل موعلا مجرجي اس ك كريوارْن غيرًا عُرِياً عَلَى إِنَّا كُمَّ بخرطم مٹا ے ہو سے اسال کا وزن ترسے والی سے کے وزن کے ساوی اگریہ فرق سے ہو اور حبہ ایک انتصابی ستری کے لحاظ سے متفائل روجواس خطير عود سے حب كرولتذكره بالا بناؤ يدا كيا كيا سے اور اكر اك عاب خط کاملان جومیم کے اوراس منوی کے اندروا تع ہے انتصابی سے ساتھ طرموتو محصو سلط امتراز كا وقت وين موكا جوساده روا ص كا بواسي حبسس كاطول تے ہے جاں گ اس خطے گردگروش ہوندے تقریم کے مزر تقل الم المان المرابع الدرمان كالورك مؤازى م ائن شطور كوبيان كردجوان سائل كى عوميت كو محدود كرتے بس -مع مع به ایک ناقص مناایک سیال مرحی کی کتافت ہی کا فت کا دو چند ہے مطح تیرنا ہے کہ اس کا اتعل محور (عد) انتصابی مستوی میں ایک نقطه کے گرد جو تا بت محوظم (١١) مي واقع ہے چھو تے استزازات كرا ہے۔ غابت كردك وور 12-13+150 3 AV AL ے جان نابت نقطہ کا مرکزی فاصلہ کر ہے۔ ام الم الله رقيق ريل كارس ايك زين دوزراسية من حس من يعلمك ساسكتى سے آزا وار حركت كرسكتى ہے - اسكواك سرے يرساكن ركھا كيا ہاوراك انجن دوسرے سرے براستے اندر کی ہواکو فالی کڑا شروع کراے اور مساوی وفوں میں مساوی محمر کی ہوا فارج کرا ہے۔ نابت کردکہ وقت س پر گاڑی کا فاصلہ اس سرے سے جسواف کری جارہی ہے شکل ذیل کی مساوات سے معلوم ہوتا ہے۔ ال ورت + ب فرق + ن (١٠٠ ب ت) = ن ا ۵سا -- ایک کردشی مجسمیں یہ فاصیت یائی جاتی ہے۔ اگراس کا ایک حصد

الیے مستوی سے کا بے لیا جائے جواسکے توریر عمود وار ہے ادر اگر اسکو شیجے وار راس کے ساتھ ا نع میں عزق کرکے ایک جھوٹے زاویہ میں ہراویا جائے تو استروا دی حیام یے ہوئے مصدی مقداریر مخصر بنیں ہوتا یا ہت کردکہ اگر اے ف (لا) کوئن منحتی ہوتو ف کو معین کرنیوالی سا دات سنے 「そいがしいしい」」(リンニリン) جہاں مجم کی کٹانٹ بھاظ سیال کے ن سے۔ ہ سم _ رنسف قطر کے مؤس نے کرہ سے ایک معد علیجدہ کر دیا گیا ہے محصد قائم اطوان كي فعكل كا بحب كارتفاع ف ب اورجكا عوركره كا محرراور حس مح قاعده كام كذكرة كام كزي - كروك اس صديل الماسلي على لكدى تى ي جواس مي معیک بیخہ جاتی ہے۔ محراس کو سے وار راس کے ساتھ ایک سال میں رکھ کر على مين ف كمنا فت كاسيال ووالاكيا عبد معلوم كردكيس قدرسيال اس مين والا حاب كرتوازن بقد على بو ما سے - اگر على بين او ت ارتفاع كا سسال ورفل کیا مائے تونابت کردکہ ف د را دران درا حبال کھوس جبھ کی کتا نت فرہے۔ عس ایک حبیم شغیر کٹا نت کے ما نفیس تررہاہے۔ اس کے محل می ذراسی تبدیل کردی گئی ہے اس طرح پرکہ ہٹائے موے ماقع کی کمیت غیرمتدل رمتی ہے۔ اكرى كبرائ يركثافت ف (ى) بواورسم كى فرق مضده سطح ميس كے كسى نقط کے محدد (111) ی) موں دیک سطح کو حوالے کا مستوی لا ا فرفن کماجا ہے (د ۱۰) تونا بت کروکه تیرا دُسے مستوی میں کا وہ نقط صلے کردجی کھوستاہے ہیں ستوی كا مركز تقل ہے جسكوايك يترے كے اندخيال كيا كيا ليے حبكى كثا فت نقط (لا، ما)ر ف (ى) ہے۔ ٨ ١ - ايك بياله كى بيروني سط كل وتر خاص كا ايك مكانى نماج اور

اسکی موٹائی افقی سمت یں ہر نقطہ برایک ہی ہے اور بقابلہ ل کے بہت جھوٹی ہے۔
یہ بیالہ راس کے اوپر ف ارتفاع پر وائری کورر کہتا ہے اور ر نفف قط کے ایک
کرہ کے بند ترین نقطہ برٹکا ہوا ہے۔ اگر اس میں اتنا بانی ڈالا جا ہے کہ اس کی
سنٹے بیالہ کے محررکو راس سے ہے ف فاصلہ بر قطع کرے اور اگر بانی کا وزن
بیانے کے وزن کا چار گنا ہوتو ٹابت کردکہ توازن قائم ہوگا اگر

1-1 > 0 0 + 1+ U

4 سے ایک متسادی انساقین مثلنی پترا اب ج ساکن ہے اس طرح کہ اس کامستوی انتصابی ہے اور راس ج مائع کی سطح کے نیچے کے گہرائی بر انتہابت ہے ۔ اگربترے کی گثافت آئی ہو جنتی کہ ائع کی کثافت آئی ہو ساتھ زاوی طرینا ہے تو ٹا بت کردکہ ساتھ زاوی طرینا ہے تو ٹا بت کردکہ

٨ د ف جم (﴿ و م م) جم (﴿ و م) = ١ ك جم عجم

جہال زاویہ اس اعداد کا نفت تطرکے مجون اسطوانہ کے اندر بانی ہے اور اسطوانہ کے اندر بانی ہے اور اسطوانہ کے سرے بند جن ایک کر در کرہ برہطی اور اسطوانہ کے سرے بند جن ایک کر در کرہ برہطی کر کھا گیا ہے کہ اس کے قاعدت کا مرکز کرہ کے بلند ترین نقطہ کومس کرتا ہے۔ بانی کا وزن اسطوانہ کے وزن کے مساوی جسے منابیت کردکہ تبازن قامم بوگا اگراسطوانہ میں یا نی کے ارتفاع کا طول مساوات

7 ピーツ (ナノーン) 4+ ピー・

ک اصلوں کے ورمیان واقع ہو۔ اسم - گرویشی مکانی نما کی شکل کاایک بے وزن خول ایک معتبابہ خول میں مکا ہوا ہے جبکا مبدل قبل الذكر کے مبدل كا دوچند ہے اس كے اندر مسال ہے

جسكى لا نت (گرائى) كے متاب ہے- بال كا مرائى معلوم كروتاك توازن ٣٢ - بارييا كارتفاع . سوايخ اورياره كى كتَّا فت اصنا في بلياظ ياني ك ٢٩٥٥ و ١١ ي اورياتي كاك محب انج كا وزن ١١٠ و ١١ كري سے -ان طلات مح يحت عمره موال كي ايك معب كن موا الك الما ظرت بس مبتى كنياتش ایک کعب نے ہے کیادی گئی ہے۔ اس یں جمع شدہ نوانانی کی سے دار تقریباً معلوم کرو۔ سوم ان ادر شیشے کے پیلاؤ صوابط Jo= Ja (1+2 (1-7)) | (1-0 =] (1+0 & =) سے معارم ہوئے ہیں جاں ت تعیش سنتی رید ہے اگر ایک آبی تعیش سایا ط فے اوراس کی ورجہ بندی معولی سیابی تیش باکی طرح کیجا سے و استارو كم نفاطا بخا ووبوش كسوا مخلف بيشول براس كارتفاع صيح شيش كوببت كما ك فامركيكا اور ، سے سائے اور دوك اس سے جوارتفاع مليكا وه سفى ہوگا اورخطاسب سے بڑی ہوگی جبکہ ۵ عد ت۲ + ۲ ت = ۱۰۰ ممهم -- بواكي كيرمقدارجيكي كثافت مف اور حيكا وباؤ د مع كروى ظرف یں بندہے۔ اگر کر ا مے مرکز برق ت مد ن کا مرکزر کھدیا جاسے و تابت کرد كه مركيس رفا صله برمواكي كثافت موكي توت کی شدت اس تدر بڑی فرض کلگی ہے کہ طرف کے ساتھ تماس رکھنے والی ہوا کی کثافت تطوا مذاذ کیجا سکتی ہے۔ (۲۲۲) هم سطح زبن برگره موافئ كا دباؤ جه اور كنانت ب ب اور لمند تفطول (۲۲۲) بركی تبیش زبین کے مرکز سے فاصلے كى ن ویں قوت كے باعكس متناسب ب تابق کروکہ زمین کے مرکز سے دفاصلہ پر دباؤ د ہے ایساکہ $\sqrt{2}$ رف ایساکہ ویساکہ وی ایساکہ ایساک

جہاں زمین کا نفست قطر ا ہے۔ اگر ن = ا تو تابت کر دکہ ایک کروی غبارے کا حجم میکا ما دہ تمام ہمتول میں مساومی طور پر احتداد بنیر ہے بڑے سے بڑا ہو کا جب راس مساوات میں مساومی طور پر احتداد بنیر ہے بڑے براس مساوات

「一」」」」」」」」」」

عصلوم مو جمال م = ع فقوا ، بِك كي قدر لا اور غيار كا قدر تي لفف قطرك م مديد معلوم م كرمب عاره زمين سع المقتاب قو عين برابداو تام ادراكا لفف تطرقد الى مواج -

مَنْ فِنْ إِنْ الْمِ الْمُكَارِدُهُ الْمُكَارِدُهُ الْمُكَارِدُهُ الْمُكَالِكُ الْمُكَالِكُ الْمُكَالِيدَ الْمُوجَامِّكُ فَي جَالَ كَ = عَنْ فَيُصَالِيدَ الْمُوجَامِّكُ فَي جَالَ كَ = عَنْ فَيَ الْمُعَالِيدَ الْمُوجَامِّكُ فَي جَالَ كَ = عَنْ اللَّهُ عَلَيْهِ اللَّهُ وَالْمُعَالِيدَ الْمُوجَامِكُ فَي جَالَ كَ = عَنْ اللَّهُ عَلَيْهِ اللَّهُ وَاللَّهُ عَلَيْهِ عِلَا عَلَيْهِ عَلَّا عِلْمُ عَلَيْهِ عَلَيْه

کام ــ نابت کروکسیش (Smeaton) کیموایمپکی (ن ۱۱)دیرا

فرب يس ټو کام بوتا سے وہ くり+(サナリンダ(ナーロ))(1+1)サ مح مساوی سے اگر موا کے بھیلاؤ کو ہم تیشی فرض کرلیا جا سے جہاں ﴿ قابلہ کا اور ب نالی کاج بے۔ مربم __ اگر منکیف ہم تیشی ہو توایک مکتف کی ن دیں صرب میں جو کام ہوتا ہے _ المجم ك ايك قابليس اگرب كنجاليش كيابك كمثف كرفي وال سے ہوا اس قدرتیزی سے داخل کی جائے کہ ایسال سے جرارت کا و اُقدان ہے اس کونظرا تدار کیا جاسکتا ہے تو تابت کروکہ ن فربوں کے بعد قابلہ میں بہوا کا دماؤ کرہ ہوائی کے دماؤ کا (ا+ن بارا) جس گناہوگا۔ یہ معلوم کروکہ قابلیس کیا ہے اور تحکیا نے میں جو کام ہوا اسے دریا فت کرو۔ ينرقابله ميس بمواكا دماؤمعلوم كروجبكه اليهمال مسيتبشي توازن يصر برقرار · هر - دی میونی کمیت اور نصف قطر کا ایک عموس کردی مرکزه کیدار سیال (٤ = كرف) كُورِ إلى كره بوائي سے كمرا بوائے - تأبت كروكر دباؤكا تعين كرنبواني مساوات سي $\frac{1}{6i}\left(\frac{1}{6}\frac{1}{6}\right) + \frac{1}{12}\frac{1}{12}\frac{1}{12}$ كى بنرطوں كے تحت دباؤكى شكل الى بهوسكتى ہے۔ ا ۵ --- اگریہ مان لیا جائے کہ زمین کے اندرمساوی کنافت کی سطیس ہم مرکز کرے ہیں اور و باؤاور کٹافت میں دبط د= کے (ت، مشل) ہے جہال ف سطیر کی كأفت ب توتابت كروكم

イグパイト チャカ 一き

جہاں زین کا نصف قط او ہے اور مرکزسے زیر بھٹ نقط کا فاصلار۔ کیسٹ کی خیا ذیل ا کائی یہاں استعال کی گئی ہے اور زین کی فوری کروش کا

الرُّ نظراندار كيا كياس

البرربتائ الرك < ن (ا-ن الم)١-

من تی = ہے۔ لائ + ط تی - لوے من اس من تی اس من اللہ من اللہ من اس من اللہ من اس من اللہ من ال

ج وج انتمانی سے اوروزن واراتص نا کے دران کا ہے) اور کے سرے ج يرتابت كرد ياكيا سے اس طور بركه بتراؤكا مستوعي مركز ميں سے گزراجے - اگرناقص نماكوا وسط ورب کے کروایک محدود زاوی طری گھاریا ماسے کو اے کرو کرمینے کامدار واس کواس کو اس کھی رکھے گا و (٥- ١ راجم ط (١- راجم ط) ٢) جبط ہو کا جال تراش (1 اے) کا خردج المرکز زے۔ 6 _ ماز کے وسٹر رکے وسطی خط سے ج فاصلہ وسطیں ہے جکی دیر سے جہاز ایک طرف لیڈر بھو سے داویہ طرکے جبک جاتا ہے۔ جہاد کا کل ہٹاؤ مرٹن ہے۔ نابت کروکہ اس کمیت کی عدم موجود کی میں مرکز تقل کے اور مرکز ما بعد کی بلندی تقریباً کے کے صاوی مو کی اور اس جل کو دوسرے رتبة تك تعجم نافي مي مقدار (4-1-63) كاس بن امنا ذكرنا يرسيكا- جال خط آب ك اويرك مع مروقتل ك لمندی ب بے بیندے کی گہرائی گے ہے، خط آب کی تراش کا رقبہ ﴿ اور جود کا معیار عج ہے جن کا تقریباً معلوم ہونا فرص کردیا کیا ہے۔ ٨٥ - قياذ ليكيت ين ايك جيوناكردي جوت (مفعف تعطره من) سرع جن كو متجانس بے چک سال سے بجردیا گیا ہے اور کرہ کے مرکز پر کی گشش اِ لکل معدوم ہے۔ ابت کروکہ مرکزیر کا سالی واؤ۔ ان ج س سے اورجون کی سطح يركل وباؤ - (٢٠ + ١٦ ش ٢٠ ش ٢٠ ش كراست كم نبير بوسكتا-جهال سال كى كمافت ف ج ادر تا ولى كست كے توہ كو ذرہے تعبيركريں توعفر فس كے لئے جو مرز سے کسی مت میں کھینجا گیا ہے مرزیر واقع ہے کا قل جبری قیمت ج ہے ۔ [+ + A]

الريتي اكراس برو مين جوتا - اكرفيز الذكرصورت من كروش ، لندى كه يانى چره سكتا موتوثابت كردكه موخ الذكر صورت ندی میں (ن ۲۶۶۶) - ف کا امنا فر ہوسکتا ہے جا ل کے لحاظ سے رقبہ ا کی عمودی تراش کاجود کا معیار اکم اور نصف قط الے دوروی نید غیاروں۔ مے دیاتہ سیر مساوی مقداروں میں سے ایک خبارہ تو راونا يزيراوس سے بال كيا ہے اور دوسرا امتداو يزير اوے سے ی قدر ع ہے۔ ان عباروں کو ایک ہی بلندی پر ایک ہلی رسی کے تبها الياس جوايك جيني يرخي يرسه كزرتي في اگررس كوكاف ويا م و تابت كردكه غمارول كى مانديول مين فرق جب وه توازن مين مول - الله مولا جال رساوات را- ورا- مرا من الله على =-ہے۔ رسی کا تناؤت ہے اور دباؤ ہے پر ہوا کی کتا نت ت ہے۔ وكدار بے تني موني دائري صلى كے محيط محایک ن پرسانی دباؤ عمر کرتا۔ بوفي حالت مين حيلي برنايا جاسية ادر مس كالأك منام ايك ہو ای حالت میں ایک مستطیل میں تبدیل ہوجاتا ہے جس سے صلعوں کی تسبیت مستقل ہے۔ نابت کرد کہ جملی کی یہ نئی شکل مخروط ہونی جا ہیے۔ اس

كا قاون معادم كرد -٢ - - اگريه ديا جائے كه بإنى كاطمى تناؤست ١٠٠ منى بر ١٨ ۋاين نى نتىم يىر م اور فرت = - مت توصابوں کے ایک بلیے کے بھیلاؤ کی مشرع وریافت كروضية ميش ت برمتي مائد الم الم الله الله تطره النه مركزيس مع كزر في والف الله محورك گردیساں رفتارے گومتاہے اور طحی تناؤ کے سوالسی قت کے زیر عمل نہسیں ے اس کی شکل کوایک گردشی سطے کی شکل مان کراور ماکو کروش کے محور بر مرکز سے نا ہے سے ٹابت کردکہ تفعف النہاری منعنی اس مساوات زر - الدرار الماري - الدرار الماري) -سے عاصل ہوا ہے جہاں الراستوائی نضف قطرمے۔ مع الله -- ایک بلی قدرتی نصف قطر ال کے قائم متدیرا سطوانہ کی شکل کی ہے اور کائل مل کھ اوے سے بنی ہے جو کمون کی سمت میں امتداو الم فیرے الیکن مکوینی وائرول کی سمت میں کیکدارہے ۔ تھیک میصف والی وو تمالیاں اس کے سروں يراجي طرح ثبت كردى كئى مي اور يجروف موس وباؤ كي كيس اس مي وافل كى تئى ہے۔ تہالياں آزاد الفطور براك دوسرے كے قريب آسكتى ہيں۔ تابت كردك نصف النارى ترامل کی تفرقی مساوات ہے $\frac{1}{2} \frac{e^{ij}}{e^{ij}} + 4i \left(\frac{i}{2} \frac{u}{u} \right)^{2} = 4 \left(i - \ell \right) \left(\frac{i}{2} \frac{u}{u} \right)^{2}$ جہاں م بچک اور دباوکا تفاعل ہے ۔ تام دباؤں کے لئے نئی کے صدری مضعف قطر انخت اتبالیول برم ادراکی النبت من موسية بين -الل کے مختلف ابتدائی طولوں کے لئے سب سے جور سے تقط برضفالنہاری

تراش کاانخائے اعظم و (اللہ - اللہ الاد ووسرافدری انخاب (一十)

٥١٥ _ كى كيت ك مادن بلط ير براج وكليد الل يابندى كن يعد ادر مل كاتناؤ (ن) نفف تطوكى جو في تبدليون سنه مغير مبي موما- جلي ليان كارد يهوسة ابتزازات كربى ب- الرجلى كردى تكري كون تسبيل

واقع ندمونو تابت كروكه اجتزاز كاوفت الم الم على مواكا جود نظرا زادكيا ١٢١١)

كياسي اور بليا خلاس ركما كياسي-الله - ي ميل ك المان يخروكوالي مدور مكروجوم تي متوازى اوراس سے کی فاصلی ہے مارا یک بندیج طائل کی تھی ہے۔الاس ف كنا فت كا مع معروماً فياست جوكيمان داوى دفيار سدست مورك الردكوم راج اوراس كوائي فسرك انع من وبوا طاسة اور الراس مر الك سوراخ بوجس مي سے بيرون واندرون ان كى آمرورفت بوسكتى سے تو تابت كروك و فاحلی ال معدی تاوی و

(10-5月)ガニュ (ノーグ)ガニュ

عه __ اگرایک صابرتی بلیے کے ذرات فاصلے کے مکوس م نے کے قاؤن کے بوجب ایک ووسرے کو و فع کریں اور اگرف قرہ موقو نا بہت کردکم فا = ١١ ١١ ري مال ر بلغ كانمن قرادر ن كاوسه-١٨ - يتل ك ايك كروى خول من (تصف قط ١) آمايا في زورت وافراكياكيا كاس كا نعف تطرر تك عيل ما تاسيم - الرفول كي كال في مرح كنين مي مرہواور مانی کے بچاؤ کی سترح لہ تو تاست کردکہ فول میں ان کی مقدارہے

حال ف إلى كالنات سع حيكر اسكونه يحكا اكما بهو انس سوال می حسب ذیل ایس معلوم بین و = م سمرار = ه سمرا ایک کره موانی (۱۰ لاکسد دار ك الخالي كا كلاؤ = وآم × 0 2 ، خول كى مونا في = 0 و في ميتر اوراك م متر ترافر کے متا ارکے طول کو دوجند کرائے کے لئے ۔ ٠٠٠ لاکھ ڈاین رو کرو میں یاتی کی عمست = ۵سو ۵ گرام تقرید - ایک نفت کروی لمیلیان پرتیرا ہے اس کا نفعت قطرایسا ہے کہ ويروني دباؤس مح وق كوجوسروني دباؤسي انبت سے ده ايك صغير مقد السب جبكا مربع نظرانداز كما جاكت ب بيلے كے اندريان كى سطح كى شكل دريافت لداورتاب کرد کر بردن آن اللط کے سیجے اس کی بڑی سے بڑی گرانی ہے المراحدة والمراحدة وفرق جہاں بلیلے کا نفعت قطرر ہے اور فی اکا فی رقبہ یا نی اور ہوا کے لیے ہوسطی توا نا بی اس کو ای کے اکائی مجم کے وزن کے ساتھ نسبت وا ہے۔ و کے کے افرار Gaffard) کی اتجاد کی شین میں دواسطوا۔ اور ایک برا بروا کا ذخیرہ جس کی میٹس خارجی ہوا کی تیش کے سادی رکھی عاتی ہے۔ اطوانی کے فتارے ایک وہرے یرک، وگردونوں (Cranks) كے ساتھ للے ہوتے ہيں اور وہرے كوطا فت كے فارى افذ سے علایا عابات سيلے اسطوانے میں موااس قدر کی ان جاتی ہے کہ اس کا دباؤوری برجائے جو خزانہ میں ہے ادر پھر کھکندن کھلتے ہیں اور ہوا خوانہ ہیں داخل ہوئی ہے جیسے ایک صرفر سے کی کھکندن کھلتے ہیں اور ہوا خوانہ ہیں داخل ہوئی ہے جس میں نیکی کی تعلیل ہو جاتی ہے ۔ دوسرا جیوٹا اسطوانہ اکن کی طرح عمل کرتا ہے جس میں نیکی

ہوا صرب کے اس حصر عمل میں خوار سے واغل ہوتی ہے اور صرب کے بقیہ ل من محیل کروم مواتی کے ویاؤیر خارج ہوجانی ہے۔ خاج موتے وقت اس ہواکی میش محتی ہو ائ ہوتی ہے اگر اسطوانوں کے جم ع اور جر ہوں اور اگر پیکا دُاور مجمیلا و کو حرنا کور فرض کرلیا عاسے و نا بت کروکہ برمغرب میں بیلے اصطوام من بولام برا سے وہ کا کے اور در سے اسطوانی م المناوى توانس فرس دين الماستدر كم ي وي عاد ١٠٠١) جو دور ك المحتمى عازير المعتبي عدد الرياني يوفوو أس كي مشيخ نظرانداز としてうかんいいいというというかんできんできるしていると ع لفرداس فاسلم ملاما ملا جاس کے لفت قط کو تجاذري مي المنظر المالي المالية المنظرة عن من المنظرة نین کی مشتن ای عفر بر ای ایمان کا ایسانده می در ای کا ایسانده می در ای کا ایسانده مواور الريافي ك دراسته كي سفش الم ومرسك يرنظ الدادكوري عاسك تو العسراري مراز كرازة ست م صد = وين ال سطر ماذم المثل في وسية مع مه سدسیال کی محد مقدار ایک اوی لمبوز سے کرونما کی سطح بر کھیلا وی محتی جے۔ تابت کردکرسیال کی آزاوسط بھی کرہ تناسی ادراستوا، پرسیال کی گیرانی کو جوانسبت قطب برگی گرائی سے سے وہی سندے کرہ نما کے جور اعظم کو محور منف م الروس عروم قران كارك سندر بوق اب كروكم ومن بدل يد

سمندر کی گہرائی تقریباً کہ (ا -صدحبہال) ہوگی جہاں کے استفاء بیر کی گہرائی اور صد زمین کی لیلیجید ہے۔ م اس کے زرات ایک ایسے والوں کے ہوجب ایک دوسرے کو مذہ کرتے ہو ل ک مساوى وباؤى سفيس مرمور متشاره علي كره مما بول فونا بت كردكسي كره انساكي ماس رفشش عي ك درات اسي قان ن كي دوب مرب رستي و و و تو ل كا حاصل بوكى جوعلى الترميب استواديراوركروش مح تحور برعموه وارتيس اوعلى تتريب السيدلتي من عسي حذب موسك واسك لقط كااستواء اور محرست فاصل الح - ونفرام 19) كى صورت مين تابت كروكة كام مائع مين الوسط وباؤ اففرنما كم رزيك وباؤكا لا مؤنات - ارزاد المركي ساوات 1 = 15 + 11 + 1 ہراور مائع کی کمیت هر تو نابت کروکہ نظام کی قوانا نی بالفعل (- m - 1) - 5 (1) 0 - 1 ہے جاں ان کی شن کے اعث محدوں لا ا ا ی کے سرول یرکی قریر (ب اج اج بین - کردش محرری کے کرد ہوری ہے -کا کا ۔ دفعہ (۱۸۸) کی صورت میں مانع کی کمیت کے اندرو نی مصدکے کسی نقطه مرد باؤمعلوم كرو جيك له اسقدر جيونا بوك لا نظرا ندار موسيح-اس صورت ين الربليجيت ن ، ولا خابت روك استداى مستوى يد كارباؤتوت كى تقريباً (٥- ٧ ن) (١١ ث و٢) ١١ (١٥ فلكي اكا يُون ك ساوى مركا-جہاں الا اسطوائی نضف قطرہے۔ ماں اس کی لامتنا ہی کمیت لا انتہاطوبل مدے سے خافت کے تجاذبی کمیساں اس کی لامتنا ہی کمیت لا انتہاطوبل اورینے استوار اسطوا نے کوکھرے ہوئے ہے۔ اسطوان کی عمود ی تراسفی

تطعاقم سے حیکے محاور ۲ اور ۲ می س - ما نع اور اسطوار دونو ل اسطوان في محر العلاد كيان ذا وفي رفار سد سع محوية بن - تابت كروكه آذاوطح مكن شكل بم اسكى نا قصى اسطوانه بي ميك محادر ۴ اور ۴ ب بي ايسے كر

(デリー・リ) ニャー(シャリ) ニャ

9 کے ۔ شیانس اُنع کی کمیت (کب) اضافی زازن میں ایک ٹابت مورے گرو یکان زاوئی رفنار سے گھوم رہی ہے اس طرح کداس کی سطح کی لہلیجیت رصہ) جھوٹی ہے۔ اگر کسٹ کا مرکب حصد مرز پرایک لا تنا ہی کثیف اوی نقط کی تعلل میں منجد بهو مأسية اور نقيه حصد (١-مد)كُ كَيْ أَنْ نَسْ كُوسْبِت ١- مد: مدمي كُعْمًا دیا جائے تو تو ازن کی صورت بیں اس نئی سطح کی کمیلیجیت کیا ہوگی اگر گر دمشس کا

وقت وہی فرطن کیا جائے ہو پھلے تھا۔

· ۸ - کسال کثافت کا ایک عثوس ناقص نما اینے آقل محرکے گرو گھو متا (۲۲۱) من اوراس کے گرد مختلف کٹا فٹ کے متحاسس الع کا ایک غلاف سے جیمے یہ سائتر لے رہتا ہے کل کمیت قانون قدرت کے بوجب کشش رکھتی ہے۔ان شرائط

كامعلوم كرنامطلوب سے جن كے يورا ہوسے برازادسطى ناقع نمائى شكل اختيار

(Prof. Townsend Math. of Ed. Tinus Vol. xxxv)

٨١ _ _ ن + فركافت كے علوس كروں كى كھ تداد ب كتافت كے سال میں متوازن سمے کل نظام ایک مجوت کروس سے۔ اگر کل کست تجا و بی ہوتو نابت كردك كرول كى كميت كا مركز مجوت كره كے مركزير مونا چاہيئے۔ نيز اگرمن دو

كرے ہوں تونقط تماس يران ك ورميان داؤ موكا

「((・+カ) + 一当) ニーリーン ニーリーン アルドローロー جاں ا، ب کروں کے نصف تطریب -

٨٢ - ايك تقوس متحانس اقص نماك اندوني حصر من ايك بم مركزكروى خول سے جو بے بیک شخانس سیال سے تجرا ہوائے۔ کل اوہ کا ون قدرت کی

غنشر ر محتاب - نابت كردكه مها وي ديا د كي سطيس مخروطي مما چي ادراكه اس نظام کی ایک معین سطے برکوئی فقطه ن موتو مرکز و سی سسے گذر سے والی اور ن ویر على القوائم سطحمستوى يرك وال داو هداك / ون عرك جال هاك مستقل من جو ساوای دبارگی منتخب شده سطح برمخصر این -مع م - ا رُظرف عواص كو اكا رئير ك ورايد يا في مي الكايا عاسة اوروه يا في یں پوری طرح وول موا ہوتو تابت کروکاس کامحورا تنصابی مدر ساکا جست کے ک うじう- 「一」 (一一) متبت نهر جال و ظرف فواص كاوزن مه و اندروني مواست بناست مرسك سال ادرن م اندروني بواكا حجي س ظرف عواص سے اوسے كى كانسان ا كا اندروني مانغ كى بموارسط كى عدوى تراغى كم جودكا معارات اورك اوركان فان غواص اور حجم سے مراکز تقل کی گہرائیاں اس نقط کے سیجے جس مرز تجسیسر بانده دى كى سے۔ مم ٨ - ايك فواف غواض اندرى طرف سے ايك كردشى مكا في نماشكل سے محدود سے اس كارتفاع ب اور قا عده كا نفعت قطر الم الله عدار ما في كي سطح م يحي واف مے قاعدے کی گہرائی ل مو تو نابت کر و کہ ظرت میں من بلندی بحب با نی چراه جا کیگا r(ひ-い)(ひ-し)=(ひ-いr)さむ ف آنى باريماكا ارتفاع ي-نیز اگر ظرف غواص بوری طرح غرق موادراس کوایک جیوے زادیہ ط یں گھا جا ہے تو تابت کروکہ اسروا دی معیار ہے といい(アーン・ハーン)(ツーン)ではのしく) جاں کمشقل ہے جون برسخصرنیس اور فد یانی کی کٹانت سے۔

قرت سے گاؤی میدان میں مؤازن سے اگرای موس کو ابتدائس ادر کے النے سفون میں پرری طرح ڈولم ہواور محرا سکو آہت آہت سے ڈہکسا جانے ہماں کک کر ہوری طرح سے علیے مائع نے بیں بوری طرح وق موجائے اور اگر کرہ کا بچرح بقابلہ مرائع کے جج کے جھوٹا ہو تو تا بت کرد ک سالي د او کے خلاف جو کا مربوات وہ تقریبا 1-00(ころ-10で)十一十年(スース)十年(スーで)で +(ブローブ)もい کے سادی ہے جان ی اور ہے کرہ کے اجدائی اور آخری کوں یں اس کے مرکز يرك قوع بي اور ي ك ري الريك وي الماسكي الماسكون يرك قوعة دومتواس کے می کیا نے کے بے کی متوانس سال میں فرق (۲۳۲) اورساکن آیں - کرون کے تصفی قطر مب اور می اور کتا فتیں ی اور فتی میں کمیٹوں بايش تجاذ في اكايول من كي كني سبع-كل كميت كوايك امستواركروى افا ف من بعرويا كيام جس مع وه عين جرطانا مع - نابت كروك ف كانت كروي عمل كرنيوالى كشفش اورد باؤكى سب قويس اعى قوت الله ١١ ف (ف - ف) بعج اور ١١ ١١ (ت - ف) ريز - دن) مها ب من تول بوسكتي بين حكة قباللار دفاعی قرت بھانے کے مرکز سے اور موخرالذکر دوسرے کرہ کے مرکز سے اہروارعمل کرے ج نانے کے مرکز سے اور د دوسرے کرہ کے مرکز سے زرجف کرہ کے مرکز کھوستجا ذبی کیت جبکی سطے ہم قوہ سطے سے سیال سے گھری ہوئی ہے سیال
 ششش الذات نظرا نداز کیجا سکتی ہے نابت کردکہ کسی نقطہ برکا و باؤسطے پرتے

CC-0. In Public Domain. Gurukul Kangri Collection, Haridwar

دباؤس تقدر

م المرک کارٹ کے فرا فرا فری استان کے مال قرت استان کا مشتل کا میں واور کی دونوں طوں کے درمیانی کل حجم بردیا گیا ہے ۔

۸۸ ۔ ایک متجانس جاذب محموس کا حجم ہے اور کنٹا فت مث ا خذ ہے ۔ اس کی شکل تقریباً کردی نا قص نما

1=100+1000+1007+100+10+101=0

کی ہے ادریہ ہے ہ رسے ۔ قا) جم کے جاذب سیال سے گرا ہوا ہے جس کی افتان میں ہوریا تص نما افتان میں ہوریا تص نما کا ان شرح کی مکن شکل جرافطام توازن میں ہوریا تص نما لا ان کا بان کی کے اللہ میں ۔ (لا + 1 + ی کا - تے = ل اللہ میں ۔ (لا + 1 + ی کا) }

ہے جہاں
لہ=- مدہ خرک (۲ سے ش + ۵ هم خر)
لہ=- مدہ خرک (۲ سے ش + ۵ هم خر)
میں اور سیال کال کے ہرنقط برصغیرا ختیاری ہٹاؤ پیدا کیا گیا ہے۔ کسی نقطہ پر
ہٹاؤ کے اجزا سے تحلیل محوروں کے متوازی معن لائمٹ آ ، معن می ہیں جہاں
معن لائمٹ یا، معن می اختیاری سلسل تفاعل ہی لائماای کے نتا ہت کروکر کل حجم

یں دباؤ جو کا مرکا ہے وہ کل کام سے رباؤ جو کا مرکا ہے اور کا کام

ہے جہاں دکسی نظریکا دباؤ ہے اور کھل کل جم میں ایا گیا ہے۔ اس طرح نابت کردک سال کے بدازن کیلئے نظر طہم

ود = ف (لا فرلا + ما فرما + مے فری) جاں ٹ سال کی کٹا نت ادر لا مائے تجانبی توت کے اجزار ترکیبی فی اکانی کمیت ہیں۔ فيرست فالحات

الكرنات

فرس المعلامات كواردو ترون تجى كهاظ سے ترتیب دیا گیا ہے۔ آب خط رقب اجہال كامركز

Water line area

Centre of buoyancy

Surface of buoyancy

Calculus of variations

Inferior limits

Flying wheel

Restorative moment

Thermal capacity

Meridonal section

Radiation

Relative equilibrium

Superior limits

Extensible

وراصطلاعات

4

اسكونيات

Inextensible	امتدادنا يذيه
Freezing machine	انجبا دئ شين
Deflection	انفرات
Upward pressure	اويرداردباؤ
Apses	ا رجین
Mean centre	ا دوسط مركز
Conduction	ايصال
Load	
Barometer	ااريا
Upper limit	ا إلا تي صد
Vapour	بالخ.
Evolute	بريبجي
Dilatation	البسط
Incompressible	الجيا ا
Lamina	ينزل
Compression	464
Compressible	ا بي الم
Metacentre	بن مرك مرك العد
Paddle steamer	ا پنگهان جاد
Lune	بها نام.
Turn of a helix	(8)37)
Hold of a ship	(الالله) الله
Screw	and the
Screw-steamer	رع ال جاز
Constant of gravitation	تجاذب كالمشقل
The state of the s	

	Company of the Control of the Contro
Gravitating solid	تجا ذبي تطوس
Configuration	ت کیل
Counterbalance	لغديل كرزآ
Variation	تغير سيد سيسيد
Righting moment	تقويمي معيار
Line of contact	تمامى حظ
Tension	تناؤ
Tensile	تناوی
Kinetic energy	توانائ بالفعل
Potential energy	نوانا بي بالفوه
Line of floatation	نيراؤ كاخط
Plane of floatation	تيرا زُكام توى
Surface of floatation	تيرا و كي سطح
Floating bodies	يرف والماحسام
Lintearia	ثؤببي
Self-attracting	جاذب بالذات
Life-belt	حان بیٹی
Algebrical moment	جرىمعيار
Couple	جفنت بالمسلم المسلم
Product of Inertia	جنت جمود کا حاصل صرب جهلی حسٹا کر دینما
Film, membrane	جلی
Oblate spheroid	جيينا كره تما
Annulus	چنبر
Thread	چبر پوڑی (یکھی)

امات	ورست
	16

Pop

اسكونات

Boundary conditions	حدددى سرطيس
Terminal conditions	حدّى شرطيس
Specific heat	حرارت نوعی
Adiabetic	حناكند
Convective equilibrium	حلی توازن
Water line	خطآب
Cycloid	خطتدوير
Line of action	خطعل
Line of greatest slope	خطميلان اعظمر
Shell	خول
Period	1 228
Bifurfaction	دوست شکی
Shaft	כקו
Impulsive tension	د صكاتنا و
Wall- sided ship	ديوار بهاو جهاز
Sheet iron	وْبِلا بِيوالوا
Intrinsic pot. energy	واتى توانانى بالقوه
Intrinsic equation	ذاتی مساوات
Quarter-period	ربعی دور
Areal section	رقبي راسس
Wrench	رنج
Hyperboloid	انتانا
Hyperboloid of one sheet	زائد نمااک چادری زامد نمنا دو چادری
Hyperboloid of two sheets	زامد منا دوچا دری
Saturn	زعل الماسية

للحات	فهراصط
	/ 1

4

اسكونات

Catenary	رجيره
Catenoid	ر کره تما
Stress	رور المعالمة
Lower limit	زرين عد
Stern	Million William Colem
Trilinear co-ordinates	سرقطي تحدد
Fluid	اسال
Perfect fluid	سال کال
Capillary curve	شماري مختي
Soap-bubble	مها بوتی تمبله
Principal curvature	صدرى انخناه
Principal axes	2 5 J No
Principal tension	فيررى تناؤ
Anticlastic	صدافی کی
Necessary & sufficient conditions	فنردري اوركا في مشطيس
Normal mode	طبتي حبيت
Strata	طبقات
Longitudinal	طولي
Deck	عرشه (جهازكا)
Transverse	برخنی
Nodoid	L'ories
Element	i7. 'pas
Hetrogeneous	غيرنتجائس
Water-section	فاصر آب
Separability	نفىل نديرى

اصطلاحات

4

اسكونيات

the state of the s	
Astronomical density	ا ملكي كُنَّا مُت
Fathom	فيدم سلسسسا
Receiver	عا بله الله الله الله الله الله الله الله
Rectangular hyperbola	قائمُ زائد
Hinge	قبصنا
Bow	قدامز مود مود المدادة
Divisibility	قسمت پذیری
Parabola	تطعم كاني وسيه
Force function	ا قوق تفاعل
Force to a point	قوت بأل بانقط
Constraint	تيرسان
Constraining forces	قيد كرنيوالي توتيس
Bibiliography	ركتبيات
Spheroid	Lios
Crank	Sundy List
Centre of mass	كيت كامركز
Step of a helix	كام (مغولك)
Radius of gyration	ر گردس کا نصف قطر
Surface of revolution	گردشی سطح
Roulette	ر گرد دنیم
Pitch	ر کھائی
Periphery, perimeter	organiques to use 1,72
Elastica	لدني
Convolutions	biongills baren die
Anchor-ring	النكرجيلا

Principal of the Control of the Cont	The second secon
Sinuous	لبريل
Hydrodynamical	571
Hydrostatics	اسكونيات
Focal conic	السكي مخروطي
Parameter	John
Homogeneous	منجانس
Equilateral Hyperbola	منساوي المحاور ذامكه
Isoscelus prism	منسادى الوجيب فشور
Similar and Similarly situated	متنايه ورشابها واقع
Variable	a line of the state of the stat
Variable density	متنفير فخافت
Convex	hours 15°
Position	محل المعالمة
Axial plane	و موری سندی
Helix	مرغول
Helicoid	مرعولينا
Metacentre	هركز العد
Nucleus	مركزه
Centroid	مركزبهندسى
Torsion	مرفور رسط
Surfaces of equipressure	مسأدى دباد كي هيس
Plane	د د د د د د د د د د د د د د د د د د د
Momental ellipsoid	مدارى ناقص غما
Concave	pina

فيستطامات

A

سكونات

Modulus

Bodies under constraint

Paraboloid

Flexible surface

Unduloid

Ellipsoid

Elliptic Integral

Elliptic paraboloid

Synclastic

Dew point

Downward pressure

Medial line

Trim of a ship

Displaced fluid

Isothermal

Level

Air-tight

مقیاس

مكافىنا

موج لنا

ناقونا

اقصى تجمله

اتصى كافى نما

ندائجنا تي

لقطرست

مع واروما و

وسطيخط

وضع اجازي

مثاما مواسال

مرتنست

عمر : في

لتموارسطح

وابند

p=pressure p=perpendicular

nedy

P=point

Pn=Legenders ntn coefficient في المجند المان وال مر

P=power

f =density
f =radius of curvature

d =density

f=acceleration

f=function

F=force

k=constant

k=radius of gyration

K=quarter period

v = volume

V=volume

V=potential fn.

W=weight

m = mass

د = داؤ

لف = كثافت

ن = انخارکا لفف نظ فه = کثافت

س = اسراع ف = تفاعل

ح = جم ح ، ح = جم م ، ح = جم نه = ود نفاعل د = وزن ک = کیت

M

The same of the sa	
M = mass	Eight = Lead
M=metacentre	ه = مركز البعد
g=acc. due to gravity	ع = اسراع اده جاذبه رعن
G==centre of gravity	ن = مرز تقل
S=Surface	سطع علام
s=length of an arc	س = قوس كاطول
C=constant	مرا هر= مستقل
C=centre	Sp = T
C=centroid	ت = مرزبندی
C=point	مج = نقطه منگ = گنجایش
c=capacity	ک = کنالش
c = semi-axis	50 Z = 129 Sec
W= 3, pr	و = 3 ن خ
r=radius	ر = لفعن فقط
r=distance	ف = فاصل
r,9, = polar co-ordinates	را طرافه = قطي الارد
r, z=eylinderical co-ordin	
R=resultant	Job = 5 6 P
R=reaction	العال العالم
t=temperature	ت ۽ ميشن
T=tension	الت = "ناؤ
T=absolute temperature	ت يشرطلق
t=time	ت الله الله الله الله الله الله الله الل
h=height	رف = ارتفاع
h=depth:	135 - 5
	2

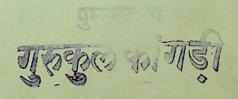
P

H. P.=Horse power	وطاقت	(-d= 1)
e=eccentricity	.5318	ز = روز
I=moment of Inertia	كامعمار	38. = 4.
n=normal	distribution lo	3 = 3/8
x, y, z		5161
$X, Y_0 Z$		1618
$\bar{x}, \bar{y}, \bar{z}$		
u, v, w		01914
F (Elliptic Integral of		ن
E (,,	second kind)	ق
24		فرا
dy		وزلا
24		جعنا ما
34		جف ال
8x		معت لا
C N = X,		, U=U,
Swax, ydn	ما قرلا	ע=ע, ע=ע,
2	Y ₁ c.	1=1
T = Gamma function	10.7	0 10 = 6
Weierstrars's Zeta-	اس کالفاظ function	طا= ويرمط
P		当
e		قو
e1 e2 e3	3	3,3,
N, M, V		له مه،
a, B , Y		1 1 4
		יצה י נה
5		منه المعن

E						م
4						4
(a)						w
TT						П
2						3
E,7.5	and the				4.6	ضاء
)0						4
a						0
Sn u						جن ۽
en u						منء
dn'u						طن
Am u						حطء
Cotam	u .					98
	ور بروا-	بترقيم منظ	يل ذيل طريق	يرحب تففه	للف كالس	رقيم كي مخ
		1-		7 9		
		~		9	ف	. #
	ب	?	7	ع	-	
A	B	G	D	E	F	G
~	7	÷	5	1,	A	U
2		0				
H	I	J	K	L	M	N
4	()	15	V	w	ت	ç
8	پ	0				
0	P	Q.	R	S	T	U
9	20	Y	lo	2		
v	W	X	Y	Z		

0

انگریزی کے بڑے (Capital) حوت بالعوم ترجمیس بخط عربی لکھے جانیگے اور چھو کے (Small) حروث بخط فارسی- معمدا بڑے حروث کے لئے باخ بھی ٹا ہوگا۔ یونانی بڑے حروف جیوٹے حروف کی طرح کھھے جا کیں گے لیے بجاسئ ہے او ہوگا، مثلاً عا، با، جا وغیرہ Digitized by Arya Samaj Foundation Chennai and eGangotri





पुस्तकालय

गुरुकुल काँगड़ी विश्वविद्यालय, हरिद्वार 2 24284 वर्ग संख्या आगत संख्या

पुस्तक-वितरण की तिथि नीचे अंकित है। इस तिथि सहित २० वें दिन तक यह पुस्तक पुस्तकालय में वापिस आ जानी चाहिए। अन्यश्रा १० पैसे के हिसाब से विलम्ब-दण्ड लगेगा।

RISHER SWIN DER

Entered in Catabaca 24/2166

24264

	् <u>र</u> 9 ७ विषय संख्य लेखक शीर्षक	9 पुस्तकालय ३५०५५ गुरुकुल कांगड़ी विश्वविद्यालय प्रय संख्या ग्रागत नं			
	दिनांक	सदस्य संख्या	दिनांक	सदस्य संख्या	
SAME TO					
SA SA SA					
Strang Story Winter The State Winter	STATISTICAL STATES				

